

Сигнальные игры

Н.Н. Писарук
pisaruk@yandex.by

Экономический факультет
Белорусский государственный университет

Минск - 2014

Содержание

1 Сигнальные игры

- Байесовское равновесие
- Смешанные стратегии
- Конечные сигнальные игры

2 Рынок лимонов

- Рынки с неполной и ассиметричной информацией
- Сигнальная игра «рынок лимонов»

3 Сигнальная модель рынка труда

- Пороговые стратегии
- Ситуация равновесия

Сигнальная игра

- *Сигнальная игра* — это игра двух лиц, называемых *отправитель (S)* и *получатель (R)*.
- Отправитель имеет некоторый известный ему тип $t \in T$ (T — мн-во возможных типов), но неизвестный получателю.
- В каждом раунде игры, с учетом своего типа, отправитель посылает сообщение $m \in M$, где M обозначает множество всех допустимых сообщений.
- Получатель, имея сообщение m , выбирает *действие* $a \in A$ (A — множество возможных действий).
- При этом, отправитель выигрывает $\phi_S(m, a; t)$,
- а получатель — $\phi_R(m, a; t)$.
- Будем считать, что мн-во T типов отправителя конечное.
- Тогда представление получателя о типах отправителя есть функция $\mu : T \rightarrow [0, 1]$, где $\mu(t)$ есть вероятность того, что отправитель имеет тип t .

Сигнальная игра

- Сигнальная игра — это игра двух лиц, называемых *отправитель* (**S**) и *получатель* (**R**).
- Отправитель имеет некоторый известный ему тип $t \in T$ (T — мн-во возможных типов), но неизвестный получателю.
- В каждом раунде игры, с учетом своего типа, отправитель посылает сообщение $m \in M$, где M обозначает множество всех допустимых сообщений.
- Получатель, имея сообщение m , выбирает действие $a \in A$ (A — множество возможных действий).
- При этом, отправитель выигрывает $\phi_S(m, a; t)$,
- а получатель — $\phi_R(m, a; t)$.
- Будем считать, что мн-во T типов отправителя конечное.
- Тогда представление получателя о типах отправителя есть функция $\mu : T \rightarrow [0, 1]$, где $\mu(t)$ есть вероятность того, что отправитель имеет тип t .

Сигнальная игра

- Сигнальная игра — это игра двух лиц, называемых *отправитель* (**S**) и *получатель* (**R**).
- Отправитель имеет некоторый известный ему тип $t \in T$ (T — мн-во возможных типов), но неизвестный получателю.
- В каждом раунде игры, с учетом своего типа, отправитель посылает сообщение $m \in M$, где M обозначает множество всех допустимых сообщений.
- Получатель, имея сообщение m , выбирает действие $a \in A$ (A — множество возможных действий).
- При этом, отправитель выигрывает $\phi_S(m, a; t)$,
- а получатель — $\phi_R(m, a; t)$.
- Будем считать, что мн-во T типов отправителя конечное.
- Тогда представление получателя о типах отправителя есть функция $\mu : T \rightarrow [0, 1]$, где $\mu(t)$ есть вероятность того, что отправитель имеет тип t .

Сигнальная игра

- Сигнальная игра — это игра двух лиц, называемых *отправитель* (**S**) и *получатель* (**R**).
- Отправитель имеет некоторый известный ему тип $t \in T$ (T — мн-во возможных типов), но неизвестный получателю.
- В каждом раунде игры, с учетом своего типа, отправитель посылает сообщение $m \in M$, где M обозначает множество всех допустимых сообщений.
- Получатель, имея сообщение m , выбирает *действие* $a \in A$ (A — множество возможных действий).
- При этом, отправитель выигрывает $\phi_S(m, a; t)$,
- а получатель — $\phi_R(m, a; t)$.
- Будем считать, что мн-во T типов отправителя конечное.
- Тогда представление получателя о типах отправителя есть функция $\mu : T \rightarrow [0, 1]$, где $\mu(t)$ есть вероятность того, что отправитель имеет тип t .

Сигнальная игра

- Сигнальная игра — это игра двух лиц, называемых *отправитель* (**S**) и *получатель* (**R**).
- Отправитель имеет некоторый известный ему тип $t \in T$ (T — мн-во возможных типов), но неизвестный получателю.
- В каждом раунде игры, с учетом своего типа, отправитель посылает сообщение $m \in M$, где M обозначает множество всех допустимых сообщений.
- Получатель, имея сообщение m , выбирает *действие* $a \in A$ (A — множество возможных действий).
- При этом, отправитель выигрывает $\phi_S(m, a; t)$,
- а получатель — $\phi_R(m, a; t)$.
- Будем считать, что мн-во T типов отправителя конечное.
- Тогда представление получателя о типах отправителя есть функция $\mu : T \rightarrow [0, 1]$, где $\mu(t)$ есть вероятность того, что отправитель имеет тип t .

Сигнальная игра

- Сигнальная игра — это игра двух лиц, называемых *отправитель* (**S**) и *получатель* (**R**).
- Отправитель имеет некоторый известный ему тип $t \in T$ (T — мн-во возможных типов), но неизвестный получателю.
- В каждом раунде игры, с учетом своего типа, отправитель посылает сообщение $m \in M$, где M обозначает множество всех допустимых сообщений.
- Получатель, имея сообщение m , выбирает *действие* $a \in A$ (A — множество возможных действий).
- При этом, отправитель выигрывает $\phi_S(m, a; t)$,
- а получатель — $\phi_R(m, a; t)$.
- Будем считать, что мн-во T типов отправителя конечное.
- Тогда представление получателя о типах отправителя есть функция $\mu : T \rightarrow [0, 1]$, где $\mu(t)$ есть вероятность того, что отправитель имеет тип t .

Сигнальная игра

- *Сигнальная игра* — это игра двух лиц, называемых *отправитель* (**S**) и *получатель* (**R**).
- Отправитель имеет некоторый известный ему тип $t \in T$ (T — мн-во возможных типов), но неизвестный получателю.
- В каждом раунде игры, с учетом своего типа, отправитель посылает сообщение $m \in M$, где M обозначает множество всех допустимых сообщений.
- Получатель, имея сообщение m , выбирает *действие* $a \in A$ (A — множество возможных действий).
- При этом, отправитель выигрывает $\phi_S(m, a; t)$,
- а получатель — $\phi_R(m, a; t)$.
- Будем считать, что мн-во T типов отправителя конечное.
- Тогда представление получателя о типах отправителя есть функция $\mu : T \rightarrow [0, 1]$, где $\mu(t)$ есть вероятность того, что отправитель имеет тип t .

Сигнальная игра

- *Сигнальная игра* — это игра двух лиц, называемых *отправитель* (**S**) и *получатель* (**R**).
- Отправитель имеет некоторый известный ему тип $t \in T$ (T — мн-во возможных типов), но неизвестный получателю.
- В каждом раунде игры, с учетом своего типа, отправитель посылает сообщение $m \in M$, где M обозначает множество всех допустимых сообщений.
- Получатель, имея сообщение m , выбирает *действие* $a \in A$ (A — множество возможных действий).
- При этом, отправитель выигрывает $\phi_S(m, a; t)$,
- а получатель — $\phi_R(m, a; t)$.
- Будем считать, что мн-во T типов отправителя конечное.
- Тогда представление получателя о типах отправителя есть функция $\mu : T \rightarrow [0, 1]$, где $\mu(t)$ есть вероятность того, что отправитель имеет тип t .

Стратегии отправителя и получателя

- Байесовская стратегия отправителя есть функция $\tilde{m} : T \rightarrow M$,
- т. е. отправитель типа t посылает сообщение $\tilde{m}(t)$.
- Стратегия получателя есть функция $\tilde{a} : M \rightarrow A$,
- т. е. получатель, наблюдая сообщение m , выбирает действие $\tilde{a}(m)$.

Стратегии отправителя и получателя

- Байесовская стратегия отправителя есть функция $\tilde{m} : T \rightarrow M$,
- т. е. отправитель типа t посылает сообщение $\tilde{m}(t)$.
- Стратегия получателя есть функция $\tilde{a} : M \rightarrow A$,
- т. е. получатель, наблюдая сообщение m , выбирает действие $\tilde{a}(m)$.

Стратегии отправителя и получателя

- Байесовская стратегия отправителя есть функция $\tilde{m} : T \rightarrow M$,
- т. е. отправитель типа t посылает сообщение $\tilde{m}(t)$.
- Стратегия получателя есть функция $\tilde{a} : M \rightarrow A$,
- т. е. получатель, наблюдая сообщение m , выбирает действие $\tilde{a}(m)$.

Стратегии отправителя и получателя

- Байесовская стратегия отправителя есть функция $\tilde{m} : T \rightarrow M$,
- т. е. отправитель типа t посылает сообщение $\tilde{m}(t)$.
- Стратегия получателя есть функция $\tilde{a} : M \rightarrow A$,
- т. е. получатель, наблюдая сообщение m , выбирает действие $\tilde{a}(m)$.

Содержание

- 1 Сигнальные игры
 - Байесовское равновесие
 - Смешанные стратегии
 - Конечные сигнальные игры
- 2 Рынок лимонов
 - Рынки с неполной и ассиметричной информацией
 - Сигнальная игра «рынок лимонов»
- 3 Сигнальная модель рынка труда
 - Пороговые стратегии
 - Ситуация равновесия

Байесовское равновесие

Определение

Пара байес. стратегий $(\tilde{m}^*, \tilde{a}^*)$ есть *совершенное байесовское равновесие в сигнальной игре*, если выполняются условия:

$$\tilde{m}^*(t) \in \arg \max_{m \in M} \phi_S(m, \tilde{a}^*(m); t), \quad t \in T,$$

$$\tilde{a}^*(m) \in \arg \max_{a \in A} \sum_{t: m = \tilde{m}^*(t)} \phi_R(m, a; t) \mu_{\tilde{m}^*}(t|m), \quad m \in M,$$

$$\sum_{t \in T} \mu_{\tilde{m}^*}(t|m) = 1, \quad m \in M,$$

$$\mu_{\tilde{m}^*}(t|m) = \frac{\mu(t)}{\sum_{\tau \in T: m = \tilde{m}^*(\tau)} \mu(\tau)}, \quad m \in \tilde{m}^*(T).$$

$\mu_{\tilde{m}^*}(t|m)$ — вероятн. того, что отправа. имеет тип t , при условии, что он послал сообщ. m , пользуясь байес. страт. \tilde{m}^* .

Байесовское равновесие

Определение

Пара байес. стратегий $(\tilde{m}^*, \tilde{a}^*)$ есть *совершенное байесовское равновесие* в *сигнальной игре*, если выполняются условия:

$$\tilde{m}^*(t) \in \arg \max_{m \in M} \phi_S(m, \tilde{a}^*(m); t), \quad t \in T,$$

$$\tilde{a}^*(m) \in \arg \max_{a \in A} \sum_{t: m = \tilde{m}^*(t)} \phi_R(m, a; t) \mu_{\tilde{m}^*}(t|m), \quad m \in M,$$

$$\sum_{t \in T} \mu_{\tilde{m}^*}(t|m) = 1, \quad m \in M,$$

$$\mu_{\tilde{m}^*}(t|m) = \frac{\mu(t)}{\sum_{\tau \in T: m = \tilde{m}^*(\tau)} \mu(\tau)}, \quad m \in \tilde{m}^*(T).$$

$\mu_{\tilde{m}^*}(t|m)$ — вероятн. того, что отправа. имеет тип t , при условии, что он послал сообщ. m , пользуясь байес. страт. \tilde{m}^* .

Байесовское равновесие

Определение

Пара байес. стратегий $(\tilde{m}^*, \tilde{a}^*)$ есть *совершенное байесовское равновесие* в *сигнальной игре*, если выполняются условия:

$$\tilde{m}^*(t) \in \arg \max_{m \in M} \phi_S(m, \tilde{a}^*(m); t), \quad t \in T,$$

$$\tilde{a}^*(m) \in \arg \max_{a \in A} \sum_{t: m = \tilde{m}^*(t)} \phi_R(m, a; t) \mu_{\tilde{m}^*}(t|m), \quad m \in M,$$

$$\sum_{t \in T} \mu_{\tilde{m}^*}(t|m) = 1, \quad m \in M,$$

$$\mu_{\tilde{m}^*}(t|m) = \frac{\mu(t)}{\sum_{\tau \in T: m = \tilde{m}^*(\tau)} \mu(\tau)}, \quad m \in \tilde{m}^*(T).$$

$\mu_{\tilde{m}^*}(t|m)$ — вероятн. того, что отправа. имеет тип t , при условии, что он послал сообщ. m , пользуясь байес. страт. \tilde{m}^* .

Байесовское равновесие

Определение

Пара байес. стратегий $(\tilde{m}^*, \tilde{a}^*)$ есть *совершенное байесовское равновесие* в *сигнальной игре*, если выполняются условия:

$$\tilde{m}^*(t) \in \arg \max_{m \in M} \phi_S(m, \tilde{a}^*(m); t), \quad t \in T,$$

$$\tilde{a}^*(m) \in \arg \max_{a \in A} \sum_{t: m = \tilde{m}^*(t)} \phi_R(m, a; t) \mu_{\tilde{m}^*}(t|m), \quad m \in M,$$

$$\sum_{t \in T} \mu_{\tilde{m}^*}(t|m) = 1, \quad m \in M,$$

$$\mu_{\tilde{m}^*}(t|m) = \frac{\mu(t)}{\sum_{\tau \in T: m = \tilde{m}^*(\tau)} \mu(\tau)}, \quad m \in \tilde{m}^*(T).$$

$\mu_{\tilde{m}^*}(t|m)$ — вероятн. того, что отправа. имеет тип t , при условии, что он послал сообщ. m , пользуясь байес. страт. \tilde{m}^* .

Байесовское равновесие

Определение

Пара байес. стратегий $(\tilde{m}^*, \tilde{a}^*)$ есть *совершенное байесовское равновесие* в *сигнальной игре*, если выполняются условия:

$$\tilde{m}^*(t) \in \arg \max_{m \in M} \phi_S(m, \tilde{a}^*(m); t), \quad t \in T,$$

$$\tilde{a}^*(m) \in \arg \max_{a \in A} \sum_{t: m = \tilde{m}^*(t)} \phi_R(m, a; t) \mu_{\tilde{m}^*}(t|m), \quad m \in M,$$

$$\sum_{t \in T} \mu_{\tilde{m}^*}(t|m) = 1, \quad m \in M,$$

$$\mu_{\tilde{m}^*}(t|m) = \frac{\mu(t)}{\sum_{\tau \in T: m = \tilde{m}^*(\tau)} \mu(\tau)}, \quad m \in \tilde{m}^*(T).$$

$\mu_{\tilde{m}^*}(t|m)$ — вероятн. того, что отправа. имеет тип t , при условии, что он послал сообщ. m , пользуясь байес. страт. \tilde{m}^* .

Байесовское равновесие

Определение

Пара байес. стратегий $(\tilde{m}^*, \tilde{a}^*)$ есть *совершенное байесовское равновесие* в *сигнальной игре*, если выполняются условия:

$$\tilde{m}^*(t) \in \arg \max_{m \in M} \phi_S(m, \tilde{a}^*(m); t), \quad t \in T,$$

$$\tilde{a}^*(m) \in \arg \max_{a \in A} \sum_{t: m = \tilde{m}^*(t)} \phi_R(m, a; t) \mu_{\tilde{m}^*}(t|m), \quad m \in M,$$

$$\sum_{t \in T} \mu_{\tilde{m}^*}(t|m) = 1, \quad m \in M,$$

$$\mu_{\tilde{m}^*}(t|m) = \frac{\mu(t)}{\sum_{\tau \in T: m = \tilde{m}^*(\tau)} \mu(\tau)}, \quad m \in \tilde{m}^*(T).$$

$\mu_{\tilde{m}^*}(t|m)$ — вероятн. того, что отправа. имеет тип t , при условии, что он послал сообщ. m , пользуясь байес. страт. \tilde{m}^* .

Представление получателя о типах отправителя

- Вероятности $\mu(t)$ ($t \in T$) задают представление получателя о типах отправителя до начала игры.
- После того как получатель получит сообщение m ,
- он уточняет свое представление и полагает,
- что с вероятностью $\mu_{\tilde{m}^*}(t|m)$ сообщение получено от отправителя типа t .

Замечание

- Условные вероятности $\mu_{\tilde{m}^*}(t|m)$ для сообщений m , которые не посылаются никаким типом отправителей,
- нельзя вычислить по ф-ле
$$\mu_{\tilde{m}^*}(t|m) = \frac{\mu(t)}{\sum_{\tau \in T: m=\tilde{m}^*(\tau)} \mu(\tau)},$$
- поскольку в этом случае знаменатель равен нулю.
- Их определяют произвольным образом.

Представление получателя о типах отправителя

- Вероятности $\mu(t)$ ($t \in T$) задают представление получателя о типах отправителя до начала игры.
- После того как получатель получит сообщение m ,
- он уточняет свое представление и полагает,
- что с вероятностью $\mu_{\tilde{m}^*}(t|m)$ сообщение получено от отправителя типа t .

Замечание

- Условные вероятности $\mu_{\tilde{m}^*}(t|m)$ для сообщений m , которые не посылаются никаким типом отправителей,
- нельзя вычислить по ф-ле
$$\mu_{\tilde{m}^*}(t|m) = \frac{\mu(t)}{\sum_{\tau \in T: m=\tilde{m}^*(\tau)} \mu(\tau)},$$
- поскольку в этом случае знаменатель равен нулю.
- Их определяют произвольным образом.

Представление получателя о типах отправителя

- Вероятности $\mu(t)$ ($t \in T$) задают представление получателя о типах отправителя до начала игры.
- После того как получатель получит сообщение m ,
- он уточняет свое представление и полагает,
- что с вероятностью $\mu_{\tilde{m}^*}(t|m)$ сообщение получено от отправителя типа t .

Замечание

- Условные вероятности $\mu_{\tilde{m}^*}(t|m)$ для сообщений m , которые не посылаются никаким типом отправителей,
- нельзя вычислить по ф-ле
$$\mu_{\tilde{m}^*}(t|m) = \frac{\mu(t)}{\sum_{\tau \in T: m=\tilde{m}^*(\tau)} \mu(\tau)},$$
- поскольку в этом случае знаменатель равен нулю.
- Их определяют произвольным образом.

Представление получателя о типах отправителя

- Вероятности $\mu(t)$ ($t \in T$) задают представление получателя о типах отправителя до начала игры.
- После того как получатель получит сообщение m ,
- он уточняет свое представление и полагает,
- что с вероятностью $\mu_{\tilde{m}^*}(t|m)$ сообщение получено от отправителя типа t .

Замечание

- Условные вероятности $\mu_{\tilde{m}^*}(t|m)$ для сообщений m , которые не посылаются никаким типом отправителей,
- нельзя вычислить по ф-ле
$$\mu_{\tilde{m}^*}(t|m) = \frac{\mu(t)}{\sum_{\tau \in T: m=\tilde{m}^*(\tau)} \mu(\tau)},$$
- поскольку в этом случае знаменатель равен нулю.
- Их определяют произвольным образом.

Представление получателя о типах отправителя

- Вероятности $\mu(t)$ ($t \in T$) задают представление получателя о типах отправителя до начала игры.
- После того как получатель получит сообщение m ,
- он уточняет свое представление и полагает,
- что с вероятностью $\mu_{\tilde{m}^*}(t|m)$ сообщение получено от отправителя типа t .

Замечание

- Условные вероятности $\mu_{\tilde{m}^*}(t|m)$ для сообщений m , которые не посылаются никаким типом отправителей,
- нельзя вычислить по ф-ле
$$\mu_{\tilde{m}^*}(t|m) = \frac{\mu(t)}{\sum_{\tau \in T: m=\tilde{m}^*(\tau)} \mu(\tau)},$$
- поскольку в этом случае знаменатель равен нулю.
- Их определяют произвольным образом.

Представление получателя о типах отправителя

- Вероятности $\mu(t)$ ($t \in T$) задают представление получателя о типах отправителя до начала игры.
- После того как получатель получит сообщение m ,
- он уточняет свое представление и полагает,
- что с вероятностью $\mu_{\tilde{m}^*}(t|m)$ сообщение получено от отправителя типа t .

Замечание

- Условные вероятности $\mu_{\tilde{m}^*}(t|m)$ для сообщений m , которые не посылаются никаким типом отправителей,
- **нельзя вычислить по ф-ле**
$$\mu_{\tilde{m}^*}(t|m) = \frac{\mu(t)}{\sum_{\tau \in T: m=\tilde{m}^*(\tau)} \mu(\tau)},$$
- поскольку в этом случае знаменатель равен нулю.
- Их определяют произвольным образом.

Представление получателя о типах отправителя

- Вероятности $\mu(t)$ ($t \in T$) задают представление получателя о типах отправителя до начала игры.
- После того как получатель получит сообщение m ,
- он уточняет свое представление и полагает,
- что с вероятностью $\mu_{\tilde{m}^*}(t|m)$ сообщение получено от отправителя типа t .

Замечание

- Условные вероятности $\mu_{\tilde{m}^*}(t|m)$ для сообщений m , которые не посылаются никаким типом отправителей,
- нельзя вычислить по ф-ле
$$\mu_{\tilde{m}^*}(t|m) = \frac{\mu(t)}{\sum_{\tau \in T: m=\tilde{m}^*(\tau)} \mu(\tau)},$$
- поскольку в этом случае знаменатель равен нулю.
- Их определяют произвольным образом.

Представление получателя о типах отправителя

- Вероятности $\mu(t)$ ($t \in T$) задают представление получателя о типах отправителя до начала игры.
- После того как получатель получит сообщение m ,
- он уточняет свое представление и полагает,
- что с вероятностью $\mu_{\tilde{m}^*}(t|m)$ сообщение получено от отправителя типа t .

Замечание

- Условные вероятности $\mu_{\tilde{m}^*}(t|m)$ для сообщений m , которые не посылаются никаким типом отправителей,
- нельзя вычислить по ф-ле
$$\mu_{\tilde{m}^*}(t|m) = \frac{\mu(t)}{\sum_{\tau \in T: m=\tilde{m}^*(\tau)} \mu(\tau)},$$
- поскольку в этом случае знаменатель равен нулю.
- Их определяют произвольным образом.

Содержание

1 Сигнальные игры

- Байесовское равновесие
- Смешанные стратегии
- Конечные сигнальные игры

2 Рынок лимонов

- Рынки с неполной и ассиметричной информацией
- Сигнальная игра «рынок лимонов»

3 Сигнальная модель рынка труда

- Пороговые стратегии
- Ситуация равновесия

Смешанные стратегии отправителя и получателя

- Предположим, что множества сообщений M и действий A конечные.
- Смешанная байесовская стратегия отправителя есть векторная функция $\tilde{p} : T \rightarrow \Sigma^M$ (Σ^M есть симплекс в \mathbb{R}_+^M),
- т. е. отправитель типа t посылает сообщение $m \in M$ с вероятностью $\tilde{p}_m(t)$ ($\sum_{m \in M} \tilde{p}_m(t) = 1$).
- Смешанная стратегия получателя есть векторная функция $\tilde{q} : M \rightarrow \Sigma^A$ (Σ^A есть симплекс в \mathbb{R}_+^A),
- т. е. получатель, наблюдая сообщение m , выбирает действие $a \in A$ с вероятностью $\tilde{q}_a(m)$ ($\sum_{a \in A} \tilde{q}_a(m) = 1$).

Смешанные стратегии отправителя и получателя

- Предположим, что множества сообщений M и действий A конечные.
- *Смешанная байесовская стратегия отправителя есть векторная функция $\tilde{p} : T \rightarrow \Sigma^M$ (Σ^M есть симплекс в \mathbb{R}_+^M),*
- т. е. отправитель типа t посылает сообщение $m \in M$ с вероятностью $\tilde{p}_m(t)$ ($\sum_{m \in M} \tilde{p}_m(t) = 1$).
- *Смешанная стратегия получателя есть векторная функция $\tilde{q} : M \rightarrow \Sigma^A$ (Σ^A есть симплекс в \mathbb{R}_+^A),*
- т. е. получатель, наблюдая сообщение m , выбирает действие $a \in A$ с вероятностью $\tilde{q}_a(m)$ ($\sum_{a \in A} \tilde{q}_a(m) = 1$).

Смешанные стратегии отправителя и получателя

- Предположим, что множества сообщений M и действий A конечные.
- *Смешанная байесовская стратегия* отправителя есть векторная функция $\tilde{p} : T \rightarrow \Sigma^M$ (Σ^M есть симплекс в \mathbb{R}_+^M),
- т. е. отправитель типа t посылает сообщение $m \in M$ с вероятностью $\tilde{p}_m(t)$ ($\sum_{m \in M} \tilde{p}_m(t) = 1$).
- *Смешанная стратегия* получателя есть векторная функция $\tilde{q} : M \rightarrow \Sigma^A$ (Σ^A есть симплекс в \mathbb{R}_+^A),
- т. е. получатель, наблюдая сообщение m , выбирает действие $a \in A$ с вероятностью $\tilde{q}_a(m)$ ($\sum_{a \in A} \tilde{q}_a(m) = 1$).

Смешанные стратегии отправителя и получателя

- Предположим, что множества сообщений M и действий A конечные.
- *Смешанная байесовская стратегия* отправителя есть векторная функция $\tilde{p} : T \rightarrow \Sigma^M$ (Σ^M есть симплекс в \mathbb{R}_+^M),
- т. е. отправитель типа t посылает сообщение $m \in M$ с вероятностью $\tilde{p}_m(t)$ ($\sum_{m \in M} \tilde{p}_m(t) = 1$).
- *Смешанная стратегия* получателя есть векторная функция $\tilde{q} : M \rightarrow \Sigma^A$ (Σ^A есть симплекс в \mathbb{R}_+^A),
- т. е. получатель, наблюдая сообщение m , выбирает действие $a \in A$ с вероятностью $\tilde{q}_a(m)$ ($\sum_{a \in A} \tilde{q}_a(m) = 1$).

Смешанные стратегии отправителя и получателя

- Предположим, что множества сообщений M и действий A конечные.
- *Смешанная байесовская стратегия* отправителя есть векторная функция $\tilde{p} : T \rightarrow \Sigma^M$ (Σ^M есть симплекс в \mathbb{R}_+^M),
- т. е. отправитель типа t посылает сообщение $m \in M$ с вероятностью $\tilde{p}_m(t)$ ($\sum_{m \in M} \tilde{p}_m(t) = 1$).
- *Смешанная стратегия* получателя есть векторная функция $\tilde{q} : M \rightarrow \Sigma^A$ (Σ^A есть симплекс в \mathbb{R}_+^A),
- т. е. получатель, наблюдая сообщение m , выбирает действие $a \in A$ с вероятностью $\tilde{q}_a(m)$ ($\sum_{a \in A} \tilde{q}_a(m) = 1$).

Байесовское равновесие в смешанных стратегиях

Определение

Если множество T типов отправителя конечно, то мы ищем совершенное байесовское равновесие в смешанных стратегиях $(\tilde{p}^*, \tilde{q}^*)$, решая систему:

$$\tilde{p}^*(t) \in \arg \max_{p \in \Sigma^M} \sum_{m \in M} \sum_{a \in A} \phi_S(m, a; t) p_m \tilde{q}_a^*(m), \quad t \in T,$$

$$\tilde{q}^*(m) \in \arg \max_{q \in \Sigma^A} \sum_{t \in T} \sum_{a \in A} \phi_R(m, a; t) \mu_{\tilde{p}^*}(t|m) q_a, \quad m \in M,$$

$$\sum_{t \in T} \mu_{\tilde{p}^*}(t|m) = 1, \quad m \in M,$$

$$\mu_{\tilde{p}^*}(t|m) = \frac{\tilde{p}_m^*(t) \mu(t)}{\sum_{\tau \in T} \tilde{p}_m^*(\tau) \mu(\tau)}, \quad m \in M_{\tilde{p}^*}.$$

где $M_{\tilde{p}^*} \stackrel{\text{def}}{=} \{m \in M : \sum_{t \in T} \tilde{p}_m^*(t) > 0\}$.

Байесовское равновесие в смешанных стратегиях

Определение

Если множество T типов отправителя конечно, то мы ищем совершенное байесовское равновесие в смешанных стратегиях $(\tilde{p}^*, \tilde{q}^*)$, решая систему:

$$\tilde{p}^*(t) \in \arg \max_{p \in \Sigma^M} \sum_{m \in M} \sum_{a \in A} \phi_S(m, a; t) p_m \tilde{q}_a^*(m), \quad t \in T,$$

$$\tilde{q}^*(m) \in \arg \max_{q \in \Sigma^A} \sum_{t \in T} \sum_{a \in A} \phi_R(m, a; t) \mu_{\tilde{p}^*}(t|m) q_a, \quad m \in M,$$

$$\sum_{t \in T} \mu_{\tilde{p}^*}(t|m) = 1, \quad m \in M,$$

$$\mu_{\tilde{p}^*}(t|m) = \frac{\tilde{p}_m^*(t) \mu(t)}{\sum_{\tau \in T} \tilde{p}_m^*(\tau) \mu(\tau)}, \quad m \in M_{\tilde{p}^*}.$$

где $M_{\tilde{p}^*} \stackrel{\text{def}}{=} \{m \in M : \sum_{t \in T} \tilde{p}_m^*(t) > 0\}$.

Байесовское равновесие в смешанных стратегиях

Определение

Если множество T типов отправителя конечно, то мы ищем совершенное байесовское равновесие в смешанных стратегиях $(\tilde{p}^*, \tilde{q}^*)$, решая систему:

$$\tilde{p}^*(t) \in \arg \max_{p \in \Sigma^M} \sum_{m \in M} \sum_{a \in A} \phi_S(m, a; t) p_m \tilde{q}_a^*(m), \quad t \in T,$$

$$\tilde{q}^*(m) \in \arg \max_{q \in \Sigma^A} \sum_{t \in T} \sum_{a \in A} \phi_R(m, a; t) \mu_{\tilde{p}^*}(t|m) q_a, \quad m \in M,$$

$$\sum_{t \in T} \mu_{\tilde{p}^*}(t|m) = 1, \quad m \in M,$$

$$\mu_{\tilde{p}^*}(t|m) = \frac{\tilde{p}_m^*(t) \mu(t)}{\sum_{\tau \in T} \tilde{p}_m^*(\tau) \mu(\tau)}, \quad m \in M_{\tilde{p}^*}.$$

где $M_{\tilde{p}^*} \stackrel{\text{def}}{=} \{m \in M : \sum_{t \in T} \tilde{p}_m^*(t) > 0\}$.

Байесовское равновесие в смешанных стратегиях

Определение

Если множество T типов отправителя конечно, то мы ищем совершенное байесовское равновесие в смешанных стратегиях $(\tilde{p}^*, \tilde{q}^*)$, решая систему:

$$\tilde{p}^*(t) \in \arg \max_{p \in \Sigma^M} \sum_{m \in M} \sum_{a \in A} \phi_S(m, a; t) p_m \tilde{q}_a^*(m), \quad t \in T,$$

$$\tilde{q}^*(m) \in \arg \max_{q \in \Sigma^A} \sum_{t \in T} \sum_{a \in A} \phi_R(m, a; t) \mu_{\tilde{p}^*}(t|m) q_a, \quad m \in M,$$

$$\sum_{t \in T} \mu_{\tilde{p}^*}(t|m) = 1, \quad m \in M,$$

$$\mu_{\tilde{p}^*}(t|m) = \frac{\tilde{p}_m^*(t) \mu(t)}{\sum_{\tau \in T} \tilde{p}_m^*(\tau) \mu(\tau)}, \quad m \in M_{\tilde{p}^*}.$$

где $M_{\tilde{p}^*} \stackrel{\text{def}}{=} \{m \in M : \sum_{t \in T} \tilde{p}_m^*(t) > 0\}$.

Байесовское равновесие в смешанных стратегиях

Определение

Если множество T типов отправителя конечно, то мы ищем совершенное байесовское равновесие в смешанных стратегиях $(\tilde{p}^*, \tilde{q}^*)$, решая систему:

$$\tilde{p}^*(t) \in \arg \max_{p \in \Sigma^M} \sum_{m \in M} \sum_{a \in A} \phi_S(m, a; t) p_m \tilde{q}_a^*(m), \quad t \in T,$$

$$\tilde{q}^*(m) \in \arg \max_{q \in \Sigma^A} \sum_{t \in T} \sum_{a \in A} \phi_R(m, a; t) \mu_{\tilde{p}^*}(t|m) q_a, \quad m \in M,$$

$$\sum_{t \in T} \mu_{\tilde{p}^*}(t|m) = 1, \quad m \in M,$$

$$\mu_{\tilde{p}^*}(t|m) = \frac{\tilde{p}_m^*(t) \mu(t)}{\sum_{\tau \in T} \tilde{p}_m^*(\tau) \mu(\tau)}, \quad m \in M_{\tilde{p}^*}.$$

где $M_{\tilde{p}^*} \stackrel{\text{def}}{=} \{m \in M : \sum_{t \in T} \tilde{p}_m^*(t) > 0\}$.

Байесовское равновесие в смешанных стратегиях

Определение

Если множество T типов отправителя конечно, то мы ищем совершенное байесовское равновесие в смешанных стратегиях $(\tilde{p}^*, \tilde{q}^*)$, решая систему:

$$\tilde{p}^*(t) \in \arg \max_{p \in \Sigma^M} \sum_{m \in M} \sum_{a \in A} \phi_S(m, a; t) p_m \tilde{q}_a^*(m), \quad t \in T,$$

$$\tilde{q}^*(m) \in \arg \max_{q \in \Sigma^A} \sum_{t \in T} \sum_{a \in A} \phi_R(m, a; t) \mu_{\tilde{p}^*}(t|m) q_a, \quad m \in M,$$

$$\sum_{t \in T} \mu_{\tilde{p}^*}(t|m) = 1, \quad m \in M,$$

$$\mu_{\tilde{p}^*}(t|m) = \frac{\tilde{p}_m^*(t) \mu(t)}{\sum_{\tau \in T} \tilde{p}_m^*(\tau) \mu(\tau)}, \quad m \in M_{\tilde{p}^*}.$$

где $M_{\tilde{p}^*} \stackrel{\text{def}}{=} \{m \in M : \sum_{t \in T} \tilde{p}_m^*(t) > 0\}$.

Представление получателя о типах отправителя

- После того как получатель получит сообщение m ,
- он уточняет свое представление и полагает,
- что с вероятностью $\mu_{\tilde{p}^*}(t|m)$ сообщение получено от отправителя типа t .

Замечание

- Условные вероятности $\mu_{\tilde{p}^*}(t|m)$ для сообщений m , которые посылаются с нулевой вероятностью всеми типами отправителей,
- нельзя вычислить по ф-ле
$$\mu_{\tilde{p}^*}(t|m) = \frac{\tilde{p}_m^*(t)\mu(t)}{\sum_{\tau \in T} \tilde{p}_m^*(\tau)\mu(\tau)},$$
- поскольку в этом случае знаменатель равен нулю.
- Их определяют произвольным образом.

Представление получателя о типах отправителя

- После того как получатель получит сообщение m ,
- он уточняет свое представление и полагает,
- что с вероятностью $\mu_{\tilde{p}^*}(t|m)$ сообщение получено от отправителя типа t .

Замечание

- Условные вероятности $\mu_{\tilde{p}^*}(t|m)$ для сообщений m , которые посылаются с нулевой вероятностью всеми типами отправителей,

- нельзя вычислить по ф-ле
$$\mu_{\tilde{p}^*}(t|m) = \frac{\tilde{p}_m^*(t)\mu(t)}{\sum_{\tau \in T} \tilde{p}_m^*(\tau)\mu(\tau)},$$

- поскольку в этом случае знаменатель равен нулю.
- Их определяют произвольным образом.

Представление получателя о типах отправителя

- После того как получатель получит сообщение m ,
- он уточняет свое представление и полагает,
- что с вероятностью $\mu_{\tilde{p}^*}(t|m)$ сообщение получено от отправителя типа t .

Замечание

- Условные вероятности $\mu_{\tilde{p}^*}(t|m)$ для сообщений m , которые посылаются с нулевой вероятностью всеми типами отправителей,
- нельзя вычислить по ф-ле $\mu_{\tilde{p}^*}(t|m) = \frac{\tilde{p}_m^*(t)\mu(t)}{\sum_{\tau \in T} \tilde{p}_m^*(\tau)\mu(\tau)}$,
- поскольку в этом случае знаменатель равен нулю.
- Их определяют произвольным образом.

Представление получателя о типах отправителя

- После того как получатель получит сообщение m ,
- он уточняет свое представление и полагает,
- что с вероятностью $\mu_{\tilde{p}^*}(t|m)$ сообщение получено от отправителя типа t .

Замечание

- Условные вероятности $\mu_{\tilde{p}^*}(t|m)$ для сообщений m , которые посылаются с нулевой вероятностью всеми типами отправителей,

- нельзя вычислить по ф-ле $\mu_{\tilde{p}^*}(t|m) = \frac{\tilde{p}_m^*(t)\mu(t)}{\sum_{\tau \in T} \tilde{p}_m^*(\tau)\mu(\tau)}$,
- поскольку в этом случае знаменатель равен нулю.
- Их определяют произвольным образом.

Представление получателя о типах отправителя

- После того как получатель получит сообщение m ,
- он уточняет свое представление и полагает,
- что с вероятностью $\mu_{\tilde{p}^*}(t|m)$ сообщение получено от отправителя типа t .

Замечание

- Условные вероятности $\mu_{\tilde{p}^*}(t|m)$ для сообщений m , которые посылаются с нулевой вероятностью всеми типами отправителей,

- **нельзя вычислить по ф-ле $\mu_{\tilde{p}^*}(t|m) = \frac{\tilde{p}_m^*(t)\mu(t)}{\sum_{\tau \in T} \tilde{p}_m^*(\tau)\mu(\tau)}$,**

- поскольку в этом случае знаменатель равен нулю.
- Их определяют произвольным образом.

Представление получателя о типах отправителя

- После того как получатель получит сообщение m ,
- он уточняет свое представление и полагает,
- что с вероятностью $\mu_{\tilde{p}^*}(t|m)$ сообщение получено от отправителя типа t .

Замечание

- Условные вероятности $\mu_{\tilde{p}^*}(t|m)$ для сообщений m , которые посылаются с нулевой вероятностью всеми типами отправителей,
- нельзя вычислить по ф-ле
$$\mu_{\tilde{p}^*}(t|m) = \frac{\tilde{p}_m^*(t)\mu(t)}{\sum_{\tau \in T} \tilde{p}_m^*(\tau)\mu(\tau)},$$
- поскольку в этом случае знаменатель равен нулю.
- Их определяют произвольным образом.

Представление получателя о типах отправителя

- После того как получатель получит сообщение m ,
- он уточняет свое представление и полагает,
- что с вероятностью $\mu_{\tilde{p}^*}(t|m)$ сообщение получено от отправителя типа t .

Замечание

- Условные вероятности $\mu_{\tilde{p}^*}(t|m)$ для сообщений m , которые посылаются с нулевой вероятностью всеми типами отправителей,

- нельзя вычислить по ф-ле $\mu_{\tilde{p}^*}(t|m) = \frac{\tilde{p}_m^*(t)\mu(t)}{\sum_{\tau \in T} \tilde{p}_m^*(\tau)\mu(\tau)}$,

- поскольку в этом случае знаменатель равен нулю.

- Их определяют произвольным образом.

Пуловы и отделяющие равновесия

Определения

- Байесовское равновесие в сигнальной игре называется *пуловым равновесием*,
- если отправители разных типов могут посылать одинаковое сообщение.
- Если сообщения всех отправителей различны,
- то такое байесовское равновесие называется *отделяющим*.

Пуловы и отделяющие равновесия

Определения

- Байесовское равновесие в сигнальной игре называется *пуловым равновесием*,
- если отправители разных типов могут посылать одинаковое сообщение.
- Если сообщения всех отправителей различны,
- то такое байесовское равновесие называется *отделяющим*.

Пуловы и отделяющие равновесия

Определения

- Байесовское равновесие в сигнальной игре называется *пуловым равновесием*,
- если отправители разных типов могут посылать одинаковое сообщение.
- Если сообщения всех отправителей различны,
- то такое байесовское равновесие называется *отделяющим*.

Пуловы и отделяющие равновесия

Определения

- Байесовское равновесие в сигнальной игре называется *пуловым равновесием*,
- если отправители разных типов могут посылать одинаковое сообщение.
- Если сообщения всех отправителей различны,
- *то такое байесовское равновесие называется отделяющим.*

Содержание

- 1 Сигнальные игры
 - Байесовское равновесие
 - Смешанные стратегии
 - Конечные сигнальные игры
- 2 Рынок лимонов
 - Рынки с неполной и ассиметричной информацией
 - Сигнальная игра «рынок лимонов»
- 3 Сигнальная модель рынка труда
 - Пороговые стратегии
 - Ситуация равновесия

Решение конечных сигральных игр

- Если сигнальная игра конечная, т. е. множества T , M и A конечные,
 - то ее решаем, как и любую другую конечную байесовскую игру,
 - путем сведения к позиционной игре с несовершенной информацией.

Решение конечных сигральных игр

- Если сигнальная игра конечная, т. е. множества T , M и A конечные,
- то ее решаем, как и любую другую конечную байесовскую игру,
- путем сведения к позиционной игре с несовершенной информацией.

Решение конечных сигральных игр

- Если сигнальная игра конечная, т. е. множества T , M и A конечные,
- то ее решаем, как и любую другую конечную байесовскую игру,
- путем сведения к позиционной игре с несовершенной информацией.

Пример конечной сигнальной игры

- Рассмотрим абстрактную сигнальную игру с
- $T = \{t_1, t_2\}$, $M = \{m_1, m_2\}$, $A = \{a_1, a_2\}$,
- $\mu(t_1) = 2/3$, $\mu(t_2) = 1/3$,
- когда платежи определяются следующим образом:

	Отправитель t_1	
	a_1	a_2
m_1	4, 0	1, 3
m_2	0, 0	2, 1

	Отправитель t_2	
	a_1	a_2
m_1	0, 1	2, 4
m_2	1, 2	1, 0

Пример конечной сигнальной игры

- Рассмотрим абстрактную сигнальную игру с
- $T = \{t_1, t_2\}$, $M = \{m_1, m_2\}$, $A = \{a_1, a_2\}$,
- $\mu(t_1) = 2/3$, $\mu(t_2) = 1/3$,
- когда платежи определяются следующим образом:

Отправитель t_1		
	a_1	a_2
m_1	4, 0	1, 3
m_2	0, 0	2, 1

Отправитель t_2		
	a_1	a_2
m_1	0, 1	2, 4
m_2	1, 2	1, 0

Пример конечной сигральной игры

- Рассмотрим абстрактную сигнальную игру с
- $T = \{t_1, t_2\}$, $M = \{m_1, m_2\}$, $A = \{a_1, a_2\}$,
- $\mu(t_1) = 2/3$, $\mu(t_2) = 1/3$,
- когда платежи определяются следующим образом:

	Отправитель t_1	
	a_1	a_2
m_1	4, 0	1, 3
m_2	0, 0	2, 1

	Отправитель t_2	
	a_1	a_2
m_1	0, 1	2, 4
m_2	1, 2	1, 0

Пример конечной сигнальной игры

- Рассмотрим абстрактную сигнальную игру с
- $T = \{t_1, t_2\}$, $M = \{m_1, m_2\}$, $A = \{a_1, a_2\}$,
- $\mu(t_1) = 2/3$, $\mu(t_2) = 1/3$,
- когда платежи определяются следующим образом:

Отправитель t_1			
	a_1	a_2	
m_1	4, 0	1, 3	
m_2	0, 0	2, 1	

Отправитель t_2			
	a_1	a_2	
m_1	0, 1	2, 4	
m_2	1, 2	1, 0	

Пример конечной сигнальной игры

- Рассмотрим абстрактную сигнальную игру с
- $T = \{t_1, t_2\}$, $M = \{m_1, m_2\}$, $A = \{a_1, a_2\}$,
- $\mu(t_1) = 2/3$, $\mu(t_2) = 1/3$,
- когда платежи определяются следующим образом:

Отправитель t_1

	a_1	a_2
m_1	4, 0	1, 3
m_2	0, 0	2, 1

Отправитель t_2

	a_1	a_2
m_1	0, 1	2, 4
m_2	1, 2	1, 0

Пример конечной сигнальной игры

- Рассмотрим абстрактную сигнальную игру с
- $T = \{t_1, t_2\}$, $M = \{m_1, m_2\}$, $A = \{a_1, a_2\}$,
- $\mu(t_1) = 2/3$, $\mu(t_2) = 1/3$,
- когда платежи определяются следующим образом:

Отправитель t_1

	a_1	a_2
m_1	4, 0	1, 3
m_2	0, 0	2, 1

Отправитель t_2

	a_1	a_2
m_1	0, 1	2, 4
m_2	1, 2	1, 0

Дерево сигнальной игры

Отправитель t_1

	a_1	a_2
m_1	4, 0	1, 3
m_2	0, 0	2, 1

Отправитель t_2

	a_1	a_2
m_1	0, 1	2, 4
m_2	1, 2	1, 0

Дерево сигнальной игры

А ①

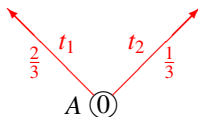
Отправитель t_1

	a_1	a_2
m_1	4, 0	1, 3
m_2	0, 0	2, 1

Отправитель t_2

	a_1	a_2
m_1	0, 1	2, 4
m_2	1, 2	1, 0

Дерево сигнальной игры



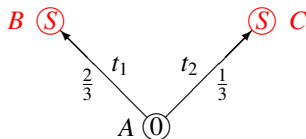
Отправитель t_1

	a_1	a_2
m_1	4, 0	1, 3
m_2	0, 0	2, 1

Отправитель t_2

	a_1	a_2
m_1	0, 1	2, 4
m_2	1, 2	1, 0

Дерево сигнальной игры



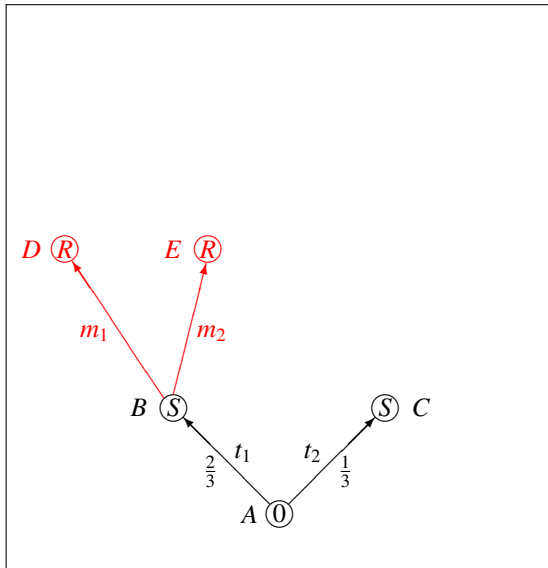
Отправитель t_1

	a_1	a_2
m_1	4, 0	1, 3
m_2	0, 0	2, 1

Отправитель t_2

	a_1	a_2
m_1	0, 1	2, 4
m_2	1, 2	1, 0

Дерево сигнальной игры



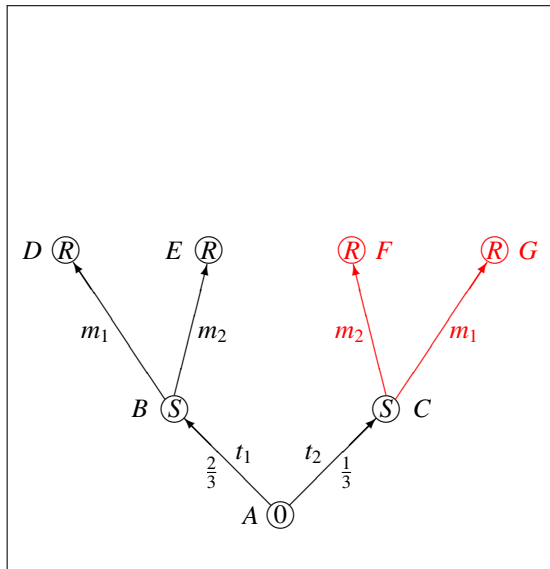
Отправитель t_1

	a_1	a_2
m_1	4, 0	1, 3
m_2	0, 0	2, 1

Отправитель t_2

	a_1	a_2
m_1	0, 1	2, 4
m_2	1, 2	1, 0

Дерево сигнальной игры



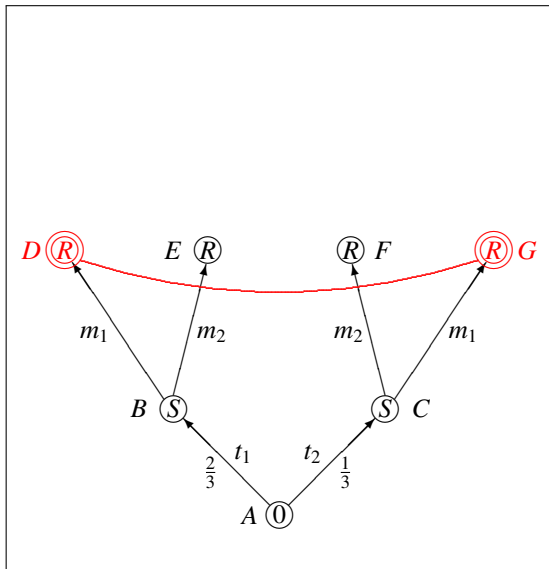
Отправитель t_1

	a_1	a_2
m_1	4, 0	1, 3
m_2	0, 0	2, 1

Отправитель t_2

	a_1	a_2
m_1	0, 1	2, 4
m_2	1, 2	1, 0

Дерево сигнальной игры



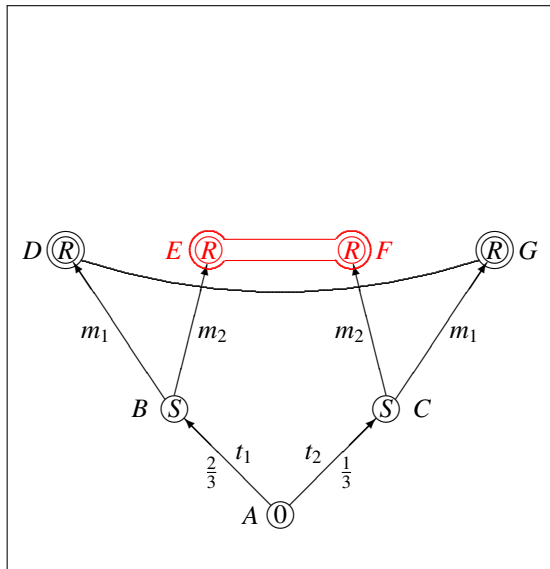
Отправитель t_1

	a_1	a_2
m_1	4, 0	1, 3
m_2	0, 0	2, 1

Отправитель t_2

	a_1	a_2
m_1	0, 1	2, 4
m_2	1, 2	1, 0

Дерево сигнальной игры



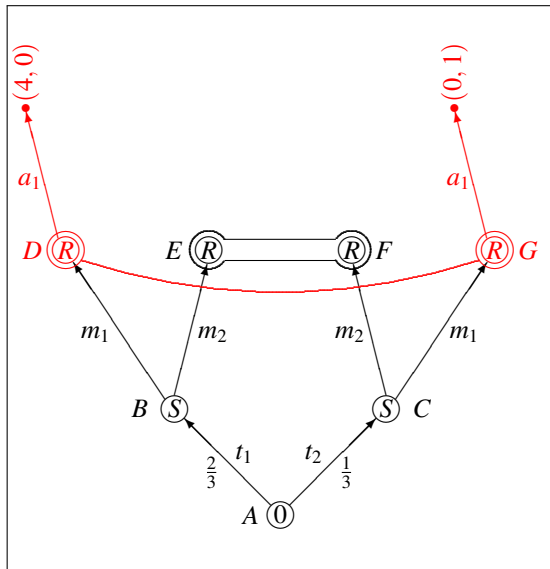
Отправитель t_1

	a_1	a_2
m_1	4, 0	1, 3
m_2	0, 0	2, 1

Отправитель t_2

	a_1	a_2
m_1	0, 1	2, 4
m_2	1, 2	1, 0

Дерево сигнальной игры



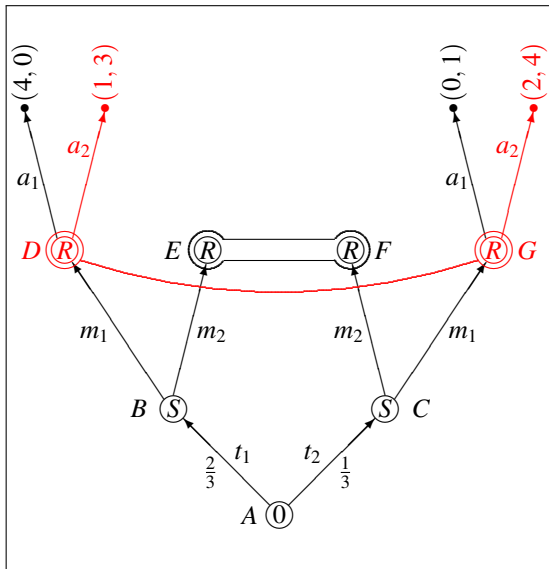
Отправитель t_1

	a_1	a_2
m_1	4, 0	1, 3
m_2	0, 0	2, 1

Отправитель t_2

	a_1	a_2
m_1	0, 1	2, 4
m_2	1, 2	1, 0

Дерево сигнальной игры



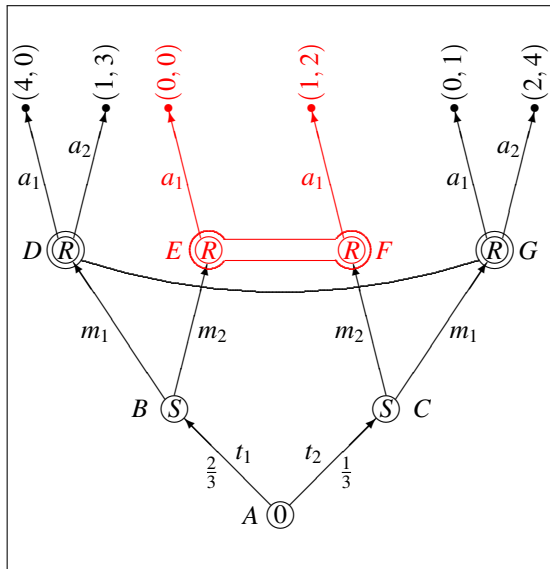
Отправитель t_1

	a_1	a_2
m_1	4, 0	1, 3
m_2	0, 0	2, 1

Отправитель t_2

	a_1	a_2
m_1	0, 1	2, 4
m_2	1, 2	1, 0

Дерево сигнальной игры



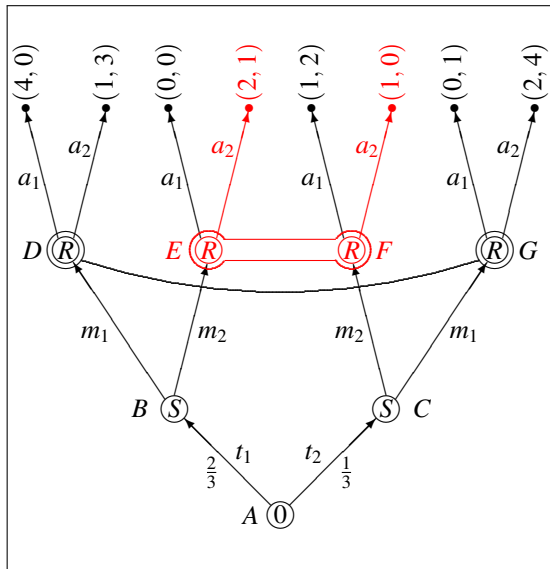
Отправитель t_1

	a_1	a_2
m_1	4, 0	1, 3
m_2	0, 0	2, 1

Отправитель t_2

	a_1	a_2
m_1	0, 1	2, 4
m_2	1, 2	1, 0

Дерево сигнальной игры



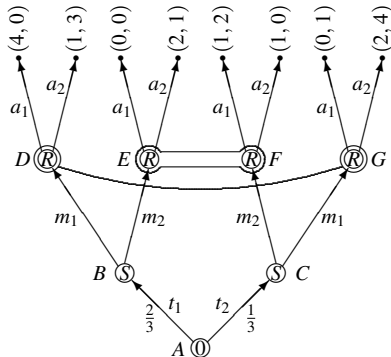
Отправитель t_1

	a_1	a_2
m_1	4, 0	1, 3
m_2	0, 0	2, 1

Отправитель t_2

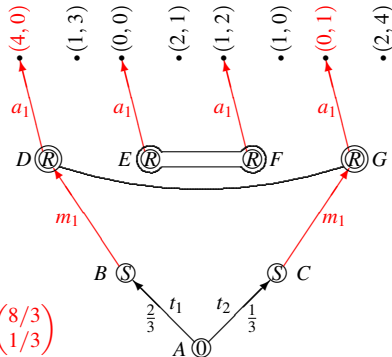
	a_1	a_2
m_1	0, 1	2, 4
m_2	1, 2	1, 0

Стратегическая форма сигнальной игры



	(a_1, a_1)	(a_1, a_2)	(a_2, a_1)	(a_2, a_2)
(m_1, m_1)				
(m_1, m_2)				
(m_2, m_1)				
(m_2, m_2)				

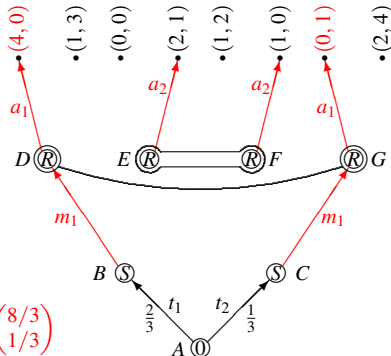
Стратегическая форма сигнальной игры



$$\frac{2}{3} \begin{pmatrix} 4 \\ 0 \end{pmatrix} + \frac{1}{3} \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 8/3 \\ 1/3 \end{pmatrix}$$

	(a_1, a_1)	(a_1, a_2)	(a_2, a_1)	(a_2, a_2)
(m_1, m_1)	$\frac{8}{3}, \frac{1}{3}$			
(m_1, m_2)				
(m_2, m_1)				
(m_2, m_2)				

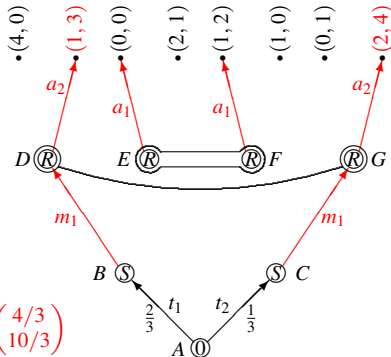
Стратегическая форма сигнальной игры



$$\frac{2}{3} \begin{pmatrix} 4 \\ 0 \end{pmatrix} + \frac{1}{3} \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 8/3 \\ 1/3 \end{pmatrix}$$

	(a_1, a_1)	(a_1, a_2)	(a_2, a_1)	(a_2, a_2)
(m_1, m_1)	$\frac{8}{3}, \frac{1}{3}$	$\frac{8}{3}, \frac{1}{3}$		
(m_1, m_2)				
(m_2, m_1)				
(m_2, m_2)				

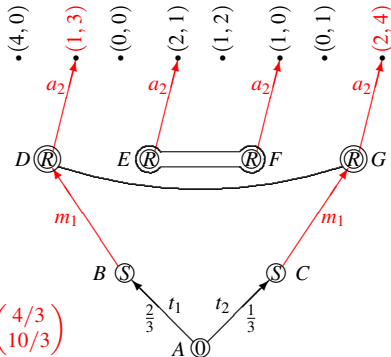
Стратегическая форма сигнальной игры



$$\frac{2}{3} \begin{pmatrix} 1 \\ 3 \end{pmatrix} + \frac{1}{3} \begin{pmatrix} 2 \\ 4 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 4/3 \\ 10/3 \end{pmatrix}$$

	(a_1, a_1)	(a_1, a_2)	(a_2, a_1)	(a_2, a_2)
(m_1, m_1)	$\frac{8}{3}, \frac{1}{3}$	$\frac{8}{3}, \frac{1}{3}$	$\frac{4}{3}, \frac{10}{3}$	
(m_1, m_2)				
(m_2, m_1)				
(m_2, m_2)				

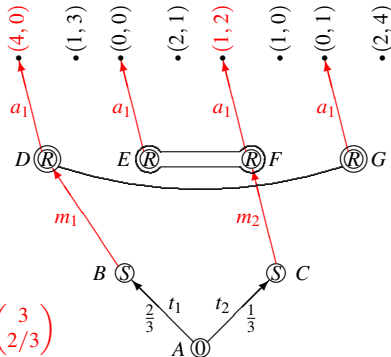
Стратегическая форма сигнальной игры



$$\frac{2}{3} \begin{pmatrix} 1 \\ 3 \end{pmatrix} + \frac{1}{3} \begin{pmatrix} 2 \\ 4 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 4/3 \\ 10/3 \end{pmatrix}$$

	(a_1, a_1)	(a_1, a_2)	(a_2, a_1)	(a_2, a_2)
(m_1, m_1)	$\frac{8}{3}, \frac{1}{3}$	$\frac{8}{3}, \frac{1}{3}$	$\frac{4}{3}, \frac{10}{3}$	$\frac{4}{3}, \frac{10}{3}$
(m_1, m_2)				
(m_2, m_1)				
(m_2, m_2)				

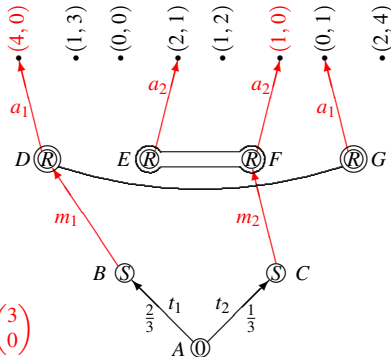
Стратегическая форма сигнальной игры



$$\frac{2}{3} \begin{pmatrix} 4 \\ 0 \end{pmatrix} + \frac{1}{3} \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 3 \\ 2/3 \end{pmatrix}$$

	(a_1, a_1)	(a_1, a_2)	(a_2, a_1)	(a_2, a_2)
(m_1, m_1)	$\frac{8}{3}, \frac{1}{3}$	$\frac{8}{3}, \frac{1}{3}$	$\frac{4}{3}, \frac{10}{3}$	$\frac{4}{3}, \frac{10}{3}$
(m_1, m_2)	$3, \frac{2}{3}$			
(m_2, m_1)				
(m_2, m_2)				

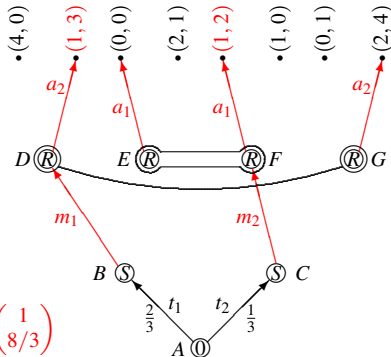
Стратегическая форма сигнальной игры



$$\frac{2}{3} \begin{pmatrix} 4 \\ 0 \end{pmatrix} + \frac{1}{3} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 3 \\ 0 \end{pmatrix}$$

	(a_1, a_1)	(a_1, a_2)	(a_2, a_1)	(a_2, a_2)
(m_1, m_1)	$\frac{8}{3}, \frac{1}{3}$	$\frac{8}{3}, \frac{1}{3}$	$\frac{4}{3}, \frac{10}{3}$	$\frac{4}{3}, \frac{10}{3}$
(m_1, m_2)	$3, \frac{2}{3}$	3, 0		
(m_2, m_1)				
(m_2, m_2)				

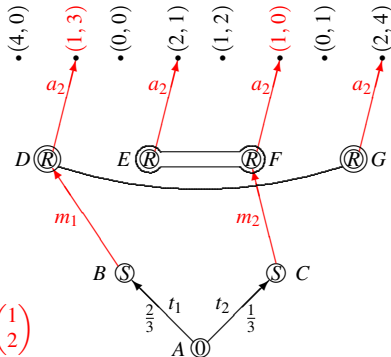
Стратегическая форма сигнальной игры



$$\frac{2}{3} \begin{pmatrix} 1 \\ 3 \end{pmatrix} + \frac{1}{3} \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 \\ 8/3 \end{pmatrix}$$

	(a_1, a_1)	(a_1, a_2)	(a_2, a_1)	(a_2, a_2)
(m_1, m_1)	$\frac{8}{3}, \frac{1}{3}$	$\frac{8}{3}, \frac{1}{3}$	$\frac{4}{3}, \frac{10}{3}$	$\frac{4}{3}, \frac{10}{3}$
(m_1, m_2)	$3, \frac{2}{3}$	$3, 0$	$1, \frac{8}{3}$	
(m_2, m_1)				
(m_2, m_2)				

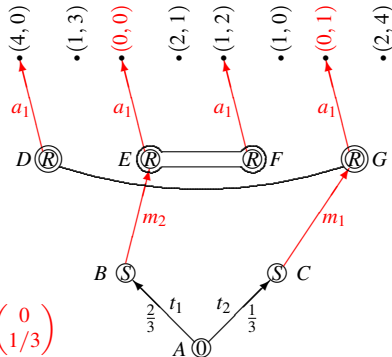
Стратегическая форма сигнальной игры



$$\frac{2}{3} \begin{pmatrix} 1 \\ 3 \end{pmatrix} + \frac{1}{3} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \end{pmatrix}$$

	(a_1, a_1)	(a_1, a_2)	(a_2, a_1)	(a_2, a_2)
(m_1, m_1)	$\frac{8}{3}, \frac{1}{3}$	$\frac{8}{3}, \frac{1}{3}$	$\frac{4}{3}, \frac{10}{3}$	$\frac{4}{3}, \frac{10}{3}$
(m_1, m_2)	$3, \frac{2}{3}$	$3, 0$	$1, \frac{8}{3}$	$1, 2$
(m_2, m_1)				
(m_2, m_2)				

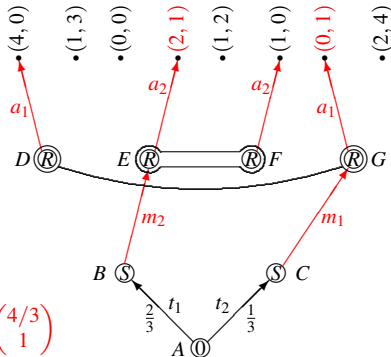
Стратегическая форма сигнальной игры



$$\frac{2}{3} \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix} + \frac{1}{3} \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ 1/3 \end{pmatrix}$$

	(a_1, a_1)	(a_1, a_2)	(a_2, a_1)	(a_2, a_2)
(m_1, m_1)	$\frac{8}{3}, \frac{1}{3}$	$\frac{8}{3}, \frac{1}{3}$	$\frac{4}{3}, \frac{10}{3}$	$\frac{4}{3}, \frac{10}{3}$
(m_1, m_2)	$3, \frac{2}{3}$	$3, 0$	$1, \frac{8}{3}$	$1, 2$
(m_2, m_1)	$0, \frac{1}{3}$			
(m_2, m_2)				

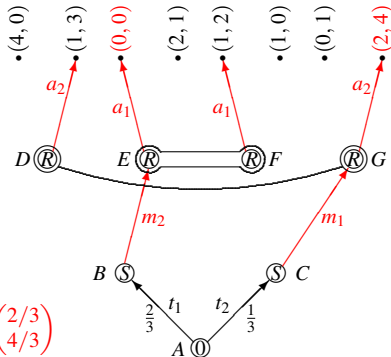
Стратегическая форма сигнальной игры



$$\frac{2}{3} \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \end{pmatrix} + \frac{1}{3} \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 4/3 \\ 1 \end{pmatrix}$$

	(a_1, a_1)	(a_1, a_2)	(a_2, a_1)	(a_2, a_2)
(m_1, m_1)	$\frac{8}{3}, \frac{1}{3}$	$\frac{8}{3}, \frac{1}{3}$	$\frac{4}{3}, \frac{10}{3}$	$\frac{4}{3}, \frac{10}{3}$
(m_1, m_2)	$3, \frac{2}{3}$	$3, 0$	$1, \frac{8}{3}$	$1, 2$
(m_2, m_1)	$0, \frac{1}{3}$	$\frac{4}{3}, 1$		
(m_2, m_2)				

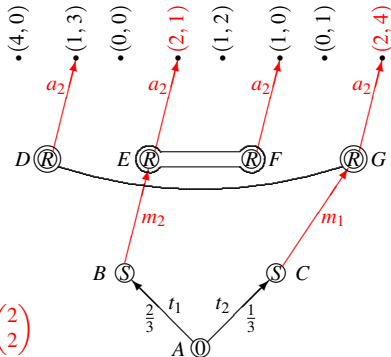
Стратегическая форма сигнальной игры



$$\frac{2}{3} \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix} + \frac{1}{3} \begin{pmatrix} 2 \\ 4 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 2/3 \\ 4/3 \end{pmatrix}$$

	(a_1, a_1)	(a_1, a_2)	(a_2, a_1)	(a_2, a_2)
(m_1, m_1)	$\frac{8}{3}, \frac{1}{3}$	$\frac{8}{3}, \frac{1}{3}$	$\frac{4}{3}, \frac{10}{3}$	$\frac{4}{3}, \frac{10}{3}$
(m_1, m_2)	$3, \frac{2}{3}$	$3, 0$	$1, \frac{8}{3}$	$1, 2$
(m_2, m_1)	$0, \frac{1}{3}$	$\frac{4}{3}, 1$	$\frac{2}{3}, \frac{4}{3}$	
(m_2, m_2)				

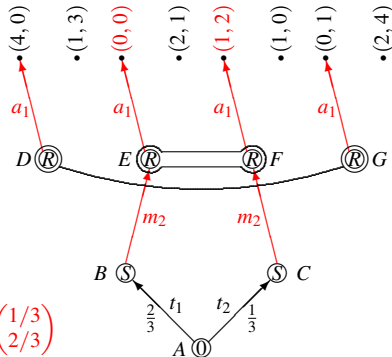
Стратегическая форма сигнальной игры



$$\frac{2}{3} \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \end{pmatrix} + \frac{1}{3} \begin{pmatrix} 2 \\ 4 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 2 \\ 2 \end{pmatrix}$$

	(a_1, a_1)	(a_1, a_2)	(a_2, a_1)	(a_2, a_2)
(m_1, m_1)	$\frac{8}{3}, \frac{1}{3}$	$\frac{8}{3}, \frac{1}{3}$	$\frac{4}{3}, \frac{10}{3}$	$\frac{4}{3}, \frac{10}{3}$
(m_1, m_2)	$3, \frac{2}{3}$	$3, 0$	$1, \frac{8}{3}$	$1, 2$
(m_2, m_1)	$0, \frac{1}{3}$	$\frac{4}{3}, 1$	$\frac{2}{3}, \frac{4}{3}$	$2, 2$
(m_2, m_2)				

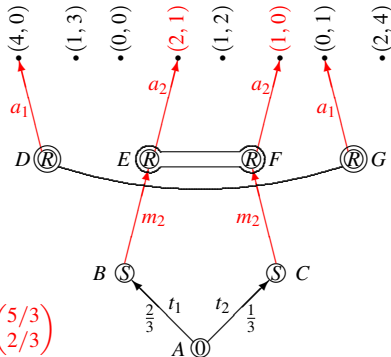
Стратегическая форма сигнальной игры



$$\frac{2}{3} \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix} + \frac{1}{3} \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1/3 \\ 2/3 \end{pmatrix}$$

	(a_1, a_1)	(a_1, a_2)	(a_2, a_1)	(a_2, a_2)
(m_1, m_1)	$\frac{8}{3}, \frac{1}{3}$	$\frac{8}{3}, \frac{1}{3}$	$\frac{4}{3}, \frac{10}{3}$	$\frac{4}{3}, \frac{10}{3}$
(m_1, m_2)	$3, \frac{2}{3}$	$3, 0$	$1, \frac{8}{3}$	$1, 2$
(m_2, m_1)	$0, \frac{1}{3}$	$\frac{4}{3}, 1$	$\frac{2}{3}, \frac{4}{3}$	$2, 2$
(m_2, m_2)	$\frac{1}{3}, \frac{2}{3}$			

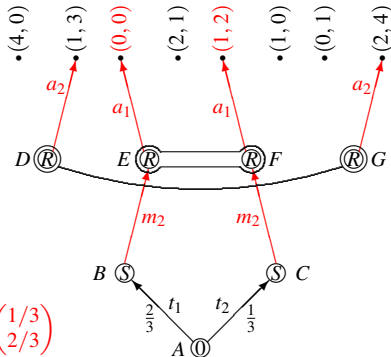
Стратегическая форма сигнальной игры



$$\frac{2}{3} \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \end{pmatrix} + \frac{1}{3} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 5/3 \\ 2/3 \end{pmatrix}$$

	(a_1, a_1)	(a_1, a_2)	(a_2, a_1)	(a_2, a_2)
(m_1, m_1)	$\frac{8}{3}, \frac{1}{3}$	$\frac{8}{3}, \frac{1}{3}$	$\frac{4}{3}, \frac{10}{3}$	$\frac{4}{3}, \frac{10}{3}$
(m_1, m_2)	$3, \frac{2}{3}$	$3, 0$	$1, \frac{8}{3}$	$1, 2$
(m_2, m_1)	$0, \frac{1}{3}$	$\frac{4}{3}, 1$	$\frac{2}{3}, \frac{4}{3}$	$2, 2$
(m_2, m_2)	$\frac{1}{3}, \frac{2}{3}$	$\frac{5}{3}, \frac{2}{3}$		

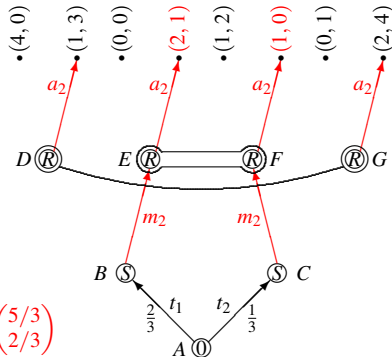
Стратегическая форма сигнальной игры



$$\frac{2}{3} \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix} + \frac{1}{3} \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1/3 \\ 2/3 \end{pmatrix}$$

	(a_1, a_1)	(a_1, a_2)	(a_2, a_1)	(a_2, a_2)
(m_1, m_1)	$\frac{8}{3}, \frac{1}{3}$	$\frac{8}{3}, \frac{1}{3}$	$\frac{4}{3}, \frac{10}{3}$	$\frac{4}{3}, \frac{10}{3}$
(m_1, m_2)	$3, \frac{2}{3}$	$3, 0$	$1, \frac{8}{3}$	$1, 2$
(m_2, m_1)	$0, \frac{1}{3}$	$\frac{4}{3}, 1$	$\frac{2}{3}, \frac{4}{3}$	$2, 2$
(m_2, m_2)	$\frac{1}{3}, \frac{2}{3}$	$\frac{5}{3}, \frac{2}{3}$	$\frac{1}{3}, \frac{2}{3}$	

Стратегическая форма сигнальной игры

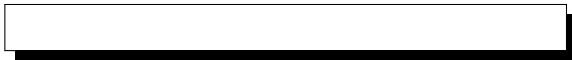


$$\frac{2}{3} \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \end{pmatrix} + \frac{1}{3} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 5/3 \\ 2/3 \end{pmatrix}$$

	(a_1, a_1)	(a_1, a_2)	(a_2, a_1)	(a_2, a_2)
(m_1, m_1)	$\frac{8}{3}, \frac{1}{3}$	$\frac{8}{3}, \frac{1}{3}$	$\frac{4}{3}, \frac{10}{3}$	$\frac{4}{3}, \frac{10}{3}$
(m_1, m_2)	$3, \frac{2}{3}$	$3, 0$	$1, \frac{8}{3}$	$1, 2$
(m_2, m_1)	$0, \frac{1}{3}$	$\frac{4}{3}, 1$	$\frac{2}{3}, \frac{4}{3}$	$2, 2$
(m_2, m_2)	$\frac{1}{3}, \frac{2}{3}$	$\frac{5}{3}, \frac{2}{3}$	$\frac{1}{3}, \frac{2}{3}$	$\frac{5}{3}, \frac{2}{3}$

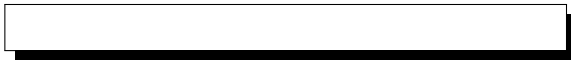
Две ситуации равновесия в чистых стратегиях

	(a_1, a_1)	(a_1, a_2)	(a_2, a_1)	(a_2, a_2)
(m_1, m_1)	$\frac{8}{3}, \frac{1}{3}$	$\frac{8}{3}, \frac{1}{3}$	$\frac{4}{3}, \frac{10}{3}$	$\frac{4}{3}, \frac{10}{3}$
(m_1, m_2)	$3, \frac{2}{3}$	$3, 0$	$1, \frac{8}{3}$	$1, 2$
(m_2, m_1)	$0, \frac{1}{3}$	$\frac{4}{3}, 1$	$\frac{2}{3}, \frac{4}{3}$	$2, 2$
(m_2, m_2)	$\frac{1}{3}, \frac{2}{3}$	$\frac{5}{3}, \frac{2}{3}$	$\frac{1}{3}, \frac{2}{3}$	$\frac{5}{3}, \frac{2}{3}$



Две ситуации равновесия в чистых стратегиях

	(a_1, a_1)	(a_1, a_2)	(a_2, a_1)	(a_2, a_2)
(m_1, m_1)	$\frac{8}{3}, \frac{1}{3}$	$\frac{8}{3}, \frac{1}{3}$	$\frac{4}{3}^*, \frac{10}{3}^*$	$\frac{4}{3}, \frac{10}{3}^*$
(m_1, m_2)	$3^*, \frac{2}{3}$	$3^*, 0$	$1, \frac{8}{3}^*$	$1, 2$
(m_2, m_1)	$0, \frac{1}{3}$	$\frac{4}{3}, 1$	$\frac{2}{3}, \frac{4}{3}$	$2^*, 2^*$
(m_2, m_2)	$\frac{1}{3}, \frac{2}{3}^*$	$\frac{5}{3}, \frac{2}{3}^*$	$\frac{1}{3}, \frac{2}{3}^*$	$\frac{5}{3}, \frac{2}{3}^*$



Две ситуации равновесия в чистых стратегиях

	(a_1, a_1)	(a_1, a_2)	(a_2, a_1)	(a_2, a_2)
(m_1, m_1)	$\frac{8}{3}, \frac{1}{3}$	$\frac{8}{3}, \frac{1}{3}$	$\frac{4^*}{3}, \frac{10^*}{3}$	$\frac{4}{3}, \frac{10^*}{3}$
(m_1, m_2)	$3^*, \frac{2}{3}$	$3^*, 0$	$1, \frac{8^*}{3}$	$1, 2$
(m_2, m_1)	$0, \frac{1}{3}$	$\frac{4}{3}, 1$	$\frac{2}{3}, \frac{4}{3}$	$2^*, 2^*$
(m_2, m_2)	$\frac{1}{3}, \frac{2^*}{3}$	$\frac{5}{3}, \frac{2^*}{3}$	$\frac{1}{3}, \frac{2^*}{3}$	$\frac{5}{3}, \frac{2^*}{3}$

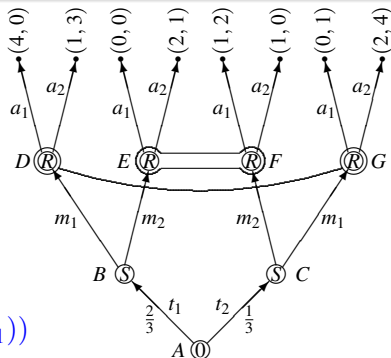
$((m_1, m_1), (a_2, a_1))$

Две ситуации равновесия в чистых стратегиях

	(a_1, a_1)	(a_1, a_2)	(a_2, a_1)	(a_2, a_2)
(m_1, m_1)	$\frac{8}{3}, \frac{1}{3}$	$\frac{8}{3}, \frac{1}{3}$	$\frac{4}{3}^*, \frac{10}{3}^*$	$\frac{4}{3}, \frac{10}{3}^*$
(m_1, m_2)	$3^*, \frac{2}{3}$	$3^*, 0$	$1, \frac{8}{3}^*$	$1, 2$
(m_2, m_1)	$0, \frac{1}{3}$	$\frac{4}{3}, 1$	$\frac{2}{3}, \frac{4}{3}$	$2^*, 2^*$
(m_2, m_2)	$\frac{1}{3}, \frac{2}{3}^*$	$\frac{5}{3}, \frac{2}{3}^*$	$\frac{1}{3}, \frac{2}{3}^*$	$\frac{5}{3}, \frac{2}{3}^*$

$$((m_1, m_1), (a_2, a_1)) \quad \text{И} \quad ((m_2, m_1), (a_2, a_2))$$

Пулово равновесие

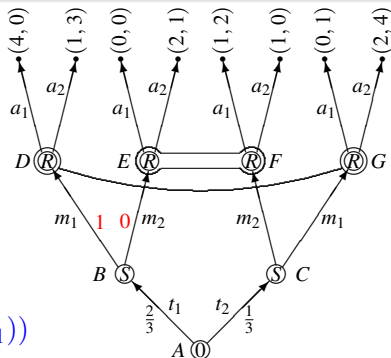


$((m_1, m_1), (a_2, a_1))$

- 1 Определяем поведенческие стратегии.
- 2 Вычисляем представление игрока R .
- 3 Записываем совершенное байес. равновесие:

- $\tilde{m}^n(t_1) = \tilde{m}^n(t_2) = m_1$;
- $\mu_{\tilde{m}^n}(t_1|m_1) = \mu(D) = 2/3$, $\mu_{\tilde{m}^n}(t_2|m_1) = \mu(G) = 1/3$,
- $\mu_{\tilde{m}^n}(t_1|m_2) = \mu(E) = 0$, $\mu_{\tilde{m}^n}(t_2|m_2) = \mu(F) = 1$.

Пулово равновесие

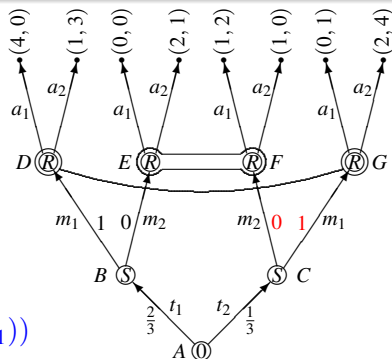


$((m_1, m_1), (a_2, a_1))$

- 1 Определяем поведенческие стратегии.
- 2 Вычисляем представление игрока R .
- 3 Записываем совершенное байес. равновесие:

- $\tilde{m}^n(t_1) = \tilde{m}^n(t_2) = m_1$;
- $\mu_{\tilde{m}^n}(t_1|m_1) = \mu(D) = 2/3$, $\mu_{\tilde{m}^n}(t_2|m_1) = \mu(G) = 1/3$,
- $\mu_{\tilde{m}^n}(t_1|m_2) = \mu(E) = 0$, $\mu_{\tilde{m}^n}(t_2|m_2) = \mu(F) = 1$.

Пулово равновесие

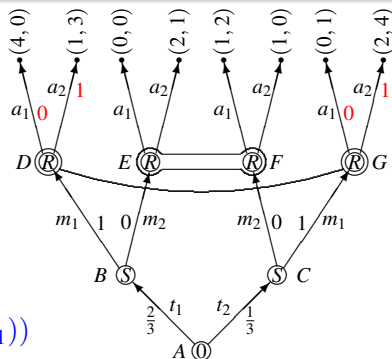


$((m_1, m_1), (a_2, a_1))$

- 1 Определяем поведенческие стратегии.
- 2 Вычисляем представление игрока R .
- 3 Записываем совершенное байес. равновесие:

- $\tilde{m}^n(t_1) = \tilde{m}^n(t_2) = m_1$;
- $\mu_{\tilde{m}^n}(t_1|m_1) = \mu(D) = 2/3$, $\mu_{\tilde{m}^n}(t_2|m_1) = \mu(G) = 1/3$,
- $\mu_{\tilde{m}^n}(t_1|m_2) = \mu(E) = 0$, $\mu_{\tilde{m}^n}(t_2|m_2) = \mu(F) = 1$.

Пулово равновесие

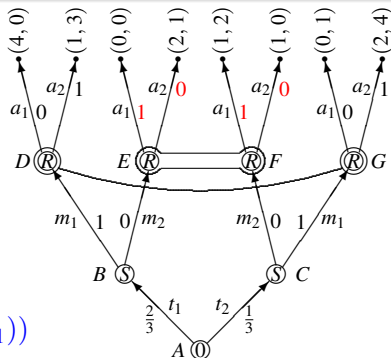


$((m_1, m_1), (a_2, a_1))$

- 1 Определяем поведенческие стратегии.
- 2 Вычисляем представление игрока R .
- 3 Записываем совершенное байес. равновесие:

- $\tilde{m}^B(t_1) = \tilde{m}^B(t_2) = m_1$;
- $\mu_{\tilde{m}^B}(t_1|m_1) = \mu(D) = 2/3$, $\mu_{\tilde{m}^B}(t_2|m_1) = \mu(G) = 1/3$,
- $\mu_{\tilde{m}^B}(t_1|m_2) = \mu(E) = 0$, $\mu_{\tilde{m}^B}(t_2|m_2) = \mu(F) = 1$.

Пулово равновесие

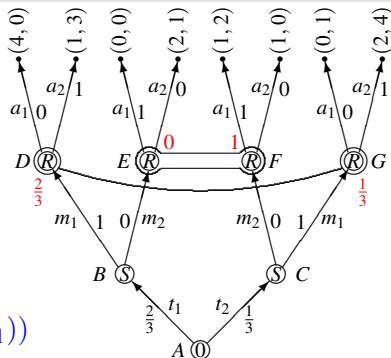


$((m_1, m_1), (a_2, a_1))$

- 1 Определяем поведенческие стратегии.
- 2 Вычисляем представление игрока R .
- 3 Записываем совершенное байес. равновесие:

- $\tilde{m}^B(t_1) = \tilde{m}^B(t_2) = m_1$;
- $\mu_{\tilde{m}^B}(t_1|m_1) = \mu(D) = 2/3$, $\mu_{\tilde{m}^B}(t_2|m_1) = \mu(G) = 1/3$,
- $\mu_{\tilde{m}^B}(t_1|m_2) = \mu(E) = 0$, $\mu_{\tilde{m}^B}(t_2|m_2) = \mu(F) = 1$.

Пулово равновесие

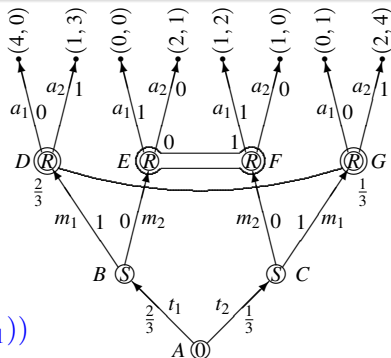


$((m_1, m_1), (a_2, a_1))$

- 1 Определяем поведенческие стратегии.
- 2 Вычисляем представление игрока R .
- 3 Записываем совершенное байес. равновесие:

- $\tilde{m}^n(t_1) = \tilde{m}^n(t_2) = m_1$;
- $\mu_{\tilde{m}^n}(t_1|m_1) = \mu(D) = 2/3$, $\mu_{\tilde{m}^n}(t_2|m_1) = \mu(G) = 1/3$,
- $\mu_{\tilde{m}^n}(t_1|m_2) = \mu(E) = 0$, $\mu_{\tilde{m}^n}(t_2|m_2) = \mu(F) = 1$.

Пулово равновесие

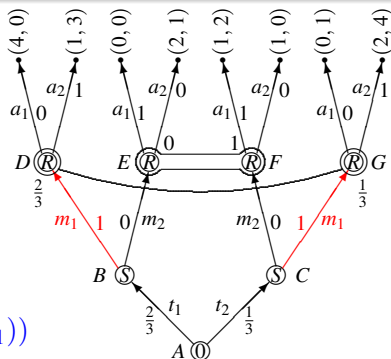


$((m_1, m_1), (a_2, a_1))$

- 1 Определяем поведенческие стратегии.
- 2 Вычисляем представление игрока R .
- 3 **Записываем совершенное байес. равновесие:**

- $\tilde{m}^\Pi(t_1) = \tilde{m}^\Pi(t_2) = m_1$; $\tilde{a}^\Pi(m_1) = a_2$, $\tilde{a}^\Pi(m_2) = a_1$;
- $\mu_{\tilde{m}^\Pi}(t_1|m_1) = \mu(D) = 2/3$, $\mu_{\tilde{m}^\Pi}(t_2|m_1) = \mu(G) = 1/3$,
- $\mu_{\tilde{m}^\Pi}(t_1|m_2) = \mu(E) = 0$, $\mu_{\tilde{m}^\Pi}(t_2|m_2) = \mu(F) = 1$.

Пулово равновесие

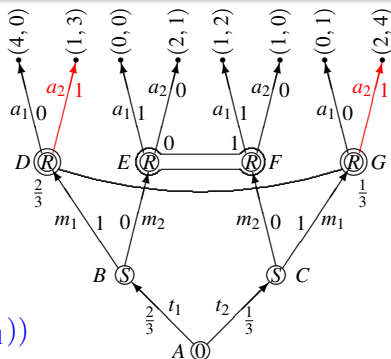


$((m_1, m_1), (a_2, a_1))$

- 1 Определяем поведенческие стратегии.
- 2 Вычисляем представление игрока R .
- 3 Записываем совершенное байес. равновесие:

- $\tilde{m}^\pi(t_1) = \tilde{m}^\pi(t_2) = m_1$; $\tilde{a}^\pi(m_1) = a_2$, $\tilde{a}^\pi(m_2) = a_1$;
- $\mu_{\tilde{m}^\pi}(t_1|m_1) = \mu(D) = 2/3$, $\mu_{\tilde{m}^\pi}(t_2|m_1) = \mu(G) = 1/3$,
- $\mu_{\tilde{m}^\pi}(t_1|m_2) = \mu(E) = 0$, $\mu_{\tilde{m}^\pi}(t_2|m_2) = \mu(F) = 1$.

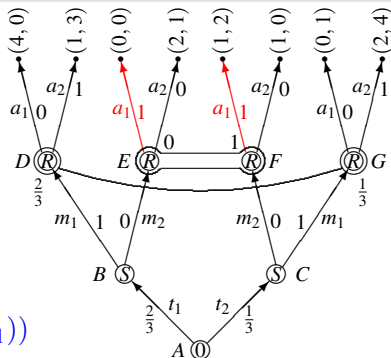
Пулово равновесие



$((m_1, m_1), (a_2, a_1))$

- 1 Определяем поведенческие стратегии.
- 2 Вычисляем представление игрока R .
- 3 Записываем совершенное байес. равновесие:
 - $\tilde{m}^\pi(t_1) = \tilde{m}^\pi(t_2) = m_1$; $\tilde{a}^\pi(m_1) = a_2$, $\tilde{a}^\pi(m_2) = a_1$;
 - $\mu_{\tilde{m}^\pi}(t_1|m_1) = \mu(D) = 2/3$, $\mu_{\tilde{m}^\pi}(t_2|m_1) = \mu(G) = 1/3$,
 - $\mu_{\tilde{m}^\pi}(t_1|m_2) = \mu(E) = 0$, $\mu_{\tilde{m}^\pi}(t_2|m_2) = \mu(F) = 1$.

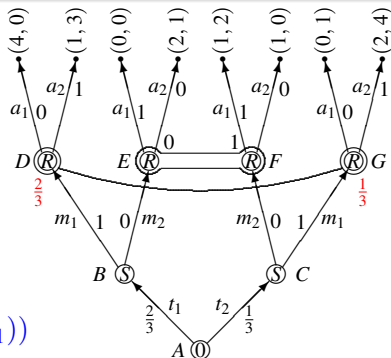
Пулово равновесие



$((m_1, m_1), (a_2, a_1))$

- 1 Определяем поведенческие стратегии.
- 2 Вычисляем представление игрока R .
- 3 Записываем совершенное байес. равновесие:
 - $\tilde{m}^\pi(t_1) = \tilde{m}^\pi(t_2) = m_1$; $\tilde{a}^\pi(m_1) = a_2$, $\tilde{a}^\pi(m_2) = a_1$;
 - $\mu_{\tilde{m}^\pi}(t_1|m_1) = \mu(D) = 2/3$, $\mu_{\tilde{m}^\pi}(t_2|m_1) = \mu(G) = 1/3$,
 - $\mu_{\tilde{m}^\pi}(t_1|m_2) = \mu(E) = 0$, $\mu_{\tilde{m}^\pi}(t_2|m_2) = \mu(F) = 1$.

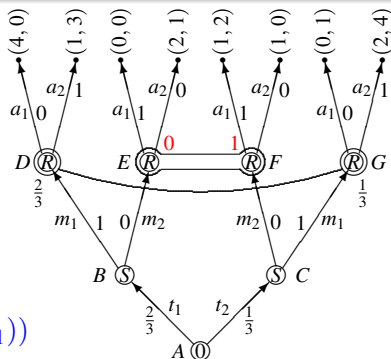
Пулово равновесие



$((m_1, m_1), (a_2, a_1))$

- 1 Определяем поведенческие стратегии.
- 2 Вычисляем представление игрока R .
- 3 Записываем совершенное байес. равновесие:
 - $\tilde{m}^\pi(t_1) = \tilde{m}^\pi(t_2) = m_1$; $\tilde{a}^\pi(m_1) = a_2$, $\tilde{a}^\pi(m_2) = a_1$;
 - $\mu_{\tilde{m}^\pi}(t_1|m_1) = \mu(D) = \frac{2}{3}$, $\mu_{\tilde{m}^\pi}(t_2|m_1) = \mu(G) = \frac{1}{3}$,
 - $\mu_{\tilde{m}^\pi}(t_1|m_2) = \mu(E) = 0$, $\mu_{\tilde{m}^\pi}(t_2|m_2) = \mu(F) = 1$.

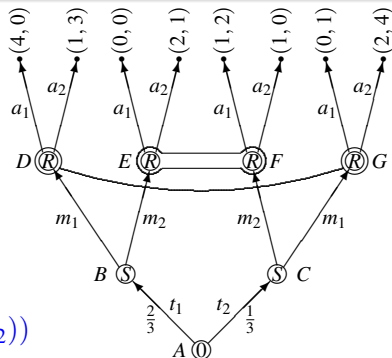
Пулово равновесие



$((m_1, m_1), (a_2, a_1))$

- 1 Определяем поведенческие стратегии.
- 2 Вычисляем представление игрока R .
- 3 Записываем совершенное байес. равновесие:
 - $\tilde{m}^\pi(t_1) = \tilde{m}^\pi(t_2) = m_1$; $\tilde{a}^\pi(m_1) = a_2$, $\tilde{a}^\pi(m_2) = a_1$;
 - $\mu_{\tilde{m}^\pi}(t_1|m_1) = \mu(D) = 2/3$, $\mu_{\tilde{m}^\pi}(t_2|m_1) = \mu(G) = 1/3$,
 - $\mu_{\tilde{m}^\pi}(t_1|m_2) = \mu(E) = 0$, $\mu_{\tilde{m}^\pi}(t_2|m_2) = \mu(F) = 1$.

Отделяющее равновесие

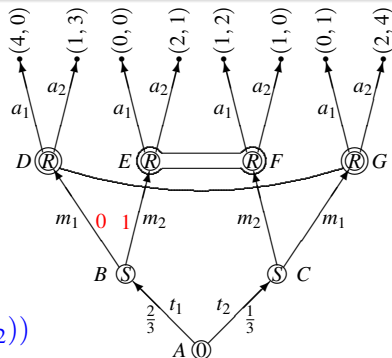


$((m_2, m_1), (a_2, a_2))$

- 1 Определяем поведенческие стратегии.
- 2 Вычисляем представление игрока R .
- 3 Записываем совершенное байес. равновесие:

- $\tilde{m}^0(t_1) = m_2$,
- $\mu_{\tilde{m}^0}(t_1|m_1) = \mu(D) = 0$, $\mu_{\tilde{m}^0}(t_2|m_1) = \mu(G) = 1$,
- $\mu_{\tilde{m}^0}(t_1|m_2) = \mu(E) = 1$, $\mu_{\tilde{m}^0}(t_2|m_2) = \mu(F) = 0$.

Отделяющее равновесие

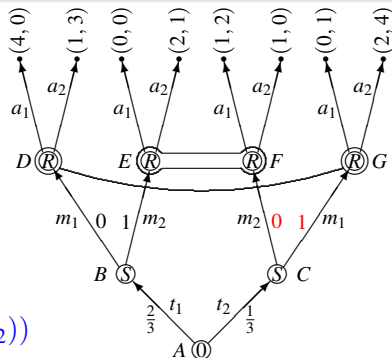


$((m_2, m_1), (a_2, a_2))$

- 1 Определяем поведенческие стратегии.
- 2 Вычисляем представление игрока R .
- 3 Записываем совершенное байес. равновесие:

- $\tilde{m}^0(t_1) = m_2$,
- $\mu_{\tilde{m}^0}(t_1|m_1) = \mu(D) = 0$, $\mu_{\tilde{m}^0}(t_2|m_1) = \mu(G) = 1$,
- $\mu_{\tilde{m}^0}(t_1|m_2) = \mu(E) = 1$, $\mu_{\tilde{m}^0}(t_2|m_2) = \mu(F) = 0$.

Отделяющее равновесие

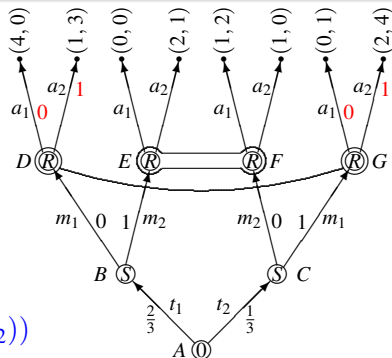


$((m_2, m_1), (a_2, a_2))$

- 1 Определяем поведенческие стратегии.
- 2 Вычисляем представление игрока R .
- 3 Записываем совершенное байес. равновесие:

- $\hat{m}^0(t_1) = m_2$,
- $\mu_{\hat{m}^0}(t_1|m_1) = \mu(D) = 0$, $\mu_{\hat{m}^0}(t_2|m_1) = \mu(G) = 1$,
- $\mu_{\hat{m}^0}(t_1|m_2) = \mu(E) = 1$, $\mu_{\hat{m}^0}(t_2|m_2) = \mu(F) = 0$.

Отделяющее равновесие

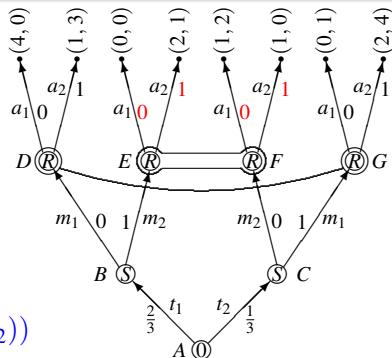


$((m_2, m_1), (a_2, a_2))$

- 1 Определяем поведенческие стратегии.
- 2 Вычисляем представление игрока R .
- 3 Записываем совершенное байес. равновесие:

- $\tilde{m}^0(t_1) = m_2$,
- $\mu_{\tilde{m}^0}(t_1|m_1) = \mu(D) = 0$, $\mu_{\tilde{m}^0}(t_2|m_1) = \mu(G) = 1$,
- $\mu_{\tilde{m}^0}(t_1|m_2) = \mu(E) = 1$, $\mu_{\tilde{m}^0}(t_2|m_2) = \mu(F) = 0$.

Отделяющее равновесие

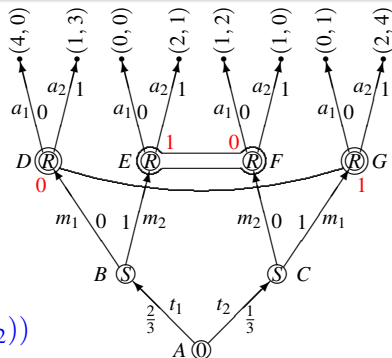


$((m_2, m_1), (a_2, a_2))$

- 1 Определяем поведенческие стратегии.
- 2 Вычисляем представление игрока R .
- 3 Записываем совершенное байес. равновесие:

- $\tilde{m}^0(t_1) = m_2$,
- $\mu_{\tilde{m}^0}(t_1|m_1) = \mu(D) = 0$, $\mu_{\tilde{m}^0}(t_2|m_1) = \mu(G) = 1$,
- $\mu_{\tilde{m}^0}(t_1|m_2) = \mu(E) = 1$, $\mu_{\tilde{m}^0}(t_2|m_2) = \mu(F) = 0$.

Отделяющее равновесие

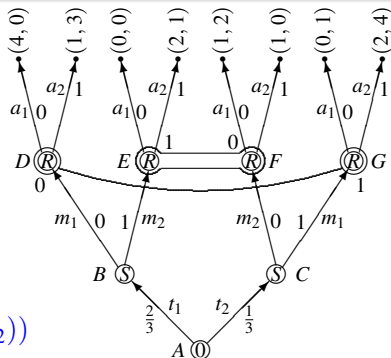


$((m_2, m_1), (a_2, a_2))$

- 1 Определяем поведенческие стратегии.
- 2 Вычисляем представление игрока R .
- 3 Записываем совершенное байес. равновесие:

- $\hat{m}^0(t_1) = m_2$,
- $\mu_{\hat{m}^0}(t_1|m_1) = \mu(D) = 0$, $\mu_{\hat{m}^0}(t_1|m_2) = \mu(E) = 1$,
- $\mu_{\hat{m}^0}(t_2|m_1) = \mu(G) = 1$, $\mu_{\hat{m}^0}(t_2|m_2) = \mu(F) = 0$.

Отделяющее равновесие

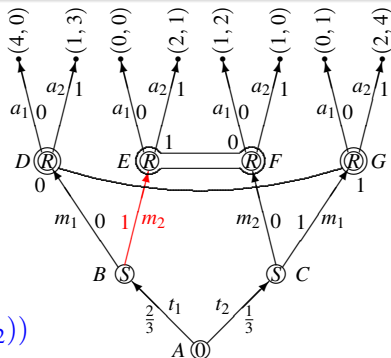


$((m_2, m_1), (a_2, a_2))$

- 1 Определяем поведенческие стратегии.
- 2 Вычисляем представление игрока R .
- 3 **Записываем совершенное байес. равновесие:**

- $\tilde{m}^o(t_1) = m_2, \tilde{m}^o(t_2) = m_1; \quad \tilde{a}^o(m_1) = \tilde{a}^o(m_2) = a_2;$
- $\mu_{\tilde{m}^o}(t_1|m_1) = \mu(D) = 0, \quad \mu_{\tilde{m}^o}(t_2|m_1) = \mu(G) = 1,$
- $\mu_{\tilde{m}^o}(t_1|m_2) = \mu(E) = 1, \quad \mu_{\tilde{m}^o}(t_2|m_2) = \mu(F) = 0.$

Отделяющее равновесие

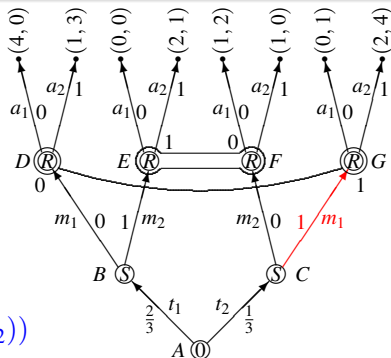


$((m_2, m_1), (a_2, a_2))$

- 1 Определяем поведенческие стратегии.
- 2 Вычисляем представление игрока R .
- 3 Записываем совершенное байес. равновесие:

- $\tilde{m}^o(t_1) = m_2, \tilde{m}^o(t_2) = m_1; \tilde{a}^o(m_1) = \tilde{a}^o(m_2) = a_2;$
- $\mu_{\tilde{m}^o}(t_1|m_1) = \mu(D) = 0, \mu_{\tilde{m}^o}(t_2|m_1) = \mu(G) = 1,$
- $\mu_{\tilde{m}^o}(t_1|m_2) = \mu(E) = 1, \mu_{\tilde{m}^o}(t_2|m_2) = \mu(F) = 0.$

Отделяющее равновесие

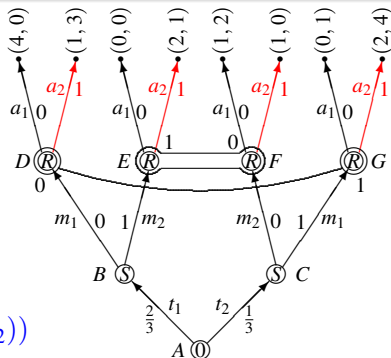


$((m_2, m_1), (a_2, a_2))$

- 1 Определяем поведенческие стратегии.
- 2 Вычисляем представление игрока R .
- 3 Записываем совершенное байес. равновесие:

- $\tilde{m}^o(t_1) = m_2$, $\tilde{m}^o(t_2) = m_1$; $\tilde{a}^o(m_1) = \tilde{a}^o(m_2) = a_2$;
- $\mu_{\tilde{m}^o}(t_1|m_1) = \mu(D) = 0$, $\mu_{\tilde{m}^o}(t_2|m_1) = \mu(G) = 1$,
- $\mu_{\tilde{m}^o}(t_1|m_2) = \mu(E) = 1$, $\mu_{\tilde{m}^o}(t_2|m_2) = \mu(F) = 0$.

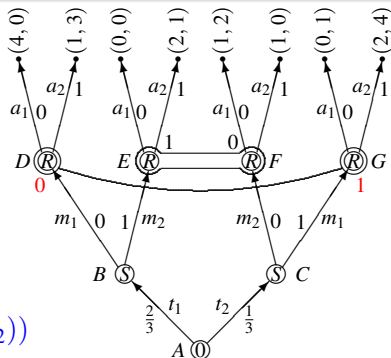
Отделяющее равновесие



$((m_2, m_1), (a_2, a_2))$

- 1 Определяем поведенческие стратегии.
- 2 Вычисляем представление игрока R .
- 3 Записываем совершенное байес. равновесие:
 - $\tilde{m}^o(t_1) = m_2, \tilde{m}^o(t_2) = m_1; \quad \tilde{a}^o(m_1) = \tilde{a}^o(m_2) = a_2;$
 - $\mu_{\tilde{m}^o}(t_1|m_1) = \mu(D) = 0, \quad \mu_{\tilde{m}^o}(t_2|m_1) = \mu(G) = 1,$
 - $\mu_{\tilde{m}^o}(t_1|m_2) = \mu(E) = 1, \quad \mu_{\tilde{m}^o}(t_2|m_2) = \mu(F) = 0.$

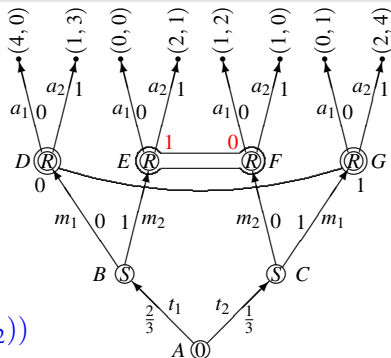
Отделяющее равновесие



$((m_2, m_1), (a_2, a_2))$

- 1 Определяем поведенческие стратегии.
- 2 Вычисляем представление игрока R .
- 3 Записываем совершенное байес. равновесие:
 - $\tilde{m}^o(t_1) = m_2, \tilde{m}^o(t_2) = m_1; \quad \tilde{a}^o(m_1) = \tilde{a}^o(m_2) = a_2;$
 - $\mu_{\tilde{m}^o}(t_1|m_1) = \mu(D) = 0, \quad \mu_{\tilde{m}^o}(t_2|m_1) = \mu(G) = 1,$
 - $\mu_{\tilde{m}^o}(t_1|m_2) = \mu(E) = 1, \quad \mu_{\tilde{m}^o}(t_2|m_2) = \mu(F) = 0.$

Отделяющее равновесие



$((m_2, m_1), (a_2, a_2))$

- 1 Определяем поведенческие стратегии.
- 2 Вычисляем представление игрока R .
- 3 Записываем совершенное байес. равновесие:

- $\tilde{m}^o(t_1) = m_2, \tilde{m}^o(t_2) = m_1; \quad \tilde{a}^o(m_1) = \tilde{a}^o(m_2) = a_2;$
- $\mu_{\tilde{m}^o}(t_1|m_1) = \mu(D) = 0, \quad \mu_{\tilde{m}^o}(t_2|m_1) = \mu(G) = 1,$
- $\mu_{\tilde{m}^o}(t_1|m_2) = \mu(E) = 1, \quad \mu_{\tilde{m}^o}(t_2|m_2) = \mu(F) = 0.$

Содержание

- 1 Сигнальные игры
 - Байесовское равновесие
 - Смешанные стратегии
 - Конечные сигнальные игры
- 2 Рынок лимонов
 - Рынки с неполной и ассиметричной информацией
 - Сигнальная игра «рынок лимонов»
- 3 Сигнальная модель рынка труда
 - Пороговые стратегии
 - Ситуация равновесия

Рынки с неполной и ассиметричной информацией

- «Рынок лимонов» — так называется статья Г. Акерлофа (G. Akerlof),
- за которую он получил в 2001 Нобелевскую премию в области экономики.
- В этой статье на примере рынка поддержанных автомобилей (в США плохие автомобили называют «лимонами»)
- дается анализ рынка с неполной и ассиметричной информацией.
- Проблема стара как стары сами рынки: «если он хочет продать лошадь, то хочу ли я ее купить?»

Рынки с неполной и ассиметричной информацией

- «Рынок лимонов» — так называется статья Г. Акерлофа (G. Akerlof),
- за которую он получил в 2001 Нобелевскую премию в области экономики.
- В этой статье на примере рынка поддержанных автомобилей (в США плохие автомобили называют «лимонами»)
- дается анализ рынка с неполной и ассиметричной информацией.
- Проблема стара как стары сами рынки: «если он хочет продать лошадь, то хочу ли я ее купить?»

Рынки с неполной и ассиметричной информацией

- «Рынок лимонов» — так называется статья Г. Акерлофа (G. Akerlof),
- за которую он получил в 2001 Нобелевскую премию в области экономики.
- В этой статье на примере рынка подержанных автомобилей (в США плохие автомобили называют «лимонами»)
- дается анализ рынка с неполной и ассиметричной информацией.
- Проблема стара как стары сами рынки: «если он хочет продать лошадь, то хочу ли я ее купить?»

Рынки с неполной и ассиметричной информацией

- «Рынок лимонов» — так называется статья Г. Акерлофа (G. Akerlof),
- за которую он получил в 2001 Нобелевскую премию в области экономики.
- В этой статье на примере рынка поддержанных автомобилей (в США плохие автомобили называют «лимонами»)
- дается анализ рынка с неполной и ассиметричной информацией.
- Проблема стара как стары сами рынки: «если он хочет продать лошадь, то хочу ли я ее купить?»

Рынки с неполной и ассиметричной информацией

- «Рынок лимонов» — так называется статья Г. Акерлофа (G. Akerlof),
- за которую он получил в 2001 Нобелевскую премию в области экономики.
- В этой статье на примере рынка поддержанных автомобилей (в США плохие автомобили называют «лимонами»)
- дается анализ рынка с неполной и ассиметричной информацией.
- Проблема стара как стары сами рынки: «если он хочет продать лошадь, то хочу ли я ее купить?»

Торговля без сигналов

- У продавца подержанных автомобилей в гараже имеются автомобили только двух типов:
 - хорошие (вишни), которые продаются за \$2500 при остаточной стоимости \$2000,
 - и плохие (лимоны), которые продаются за \$1250 при остаточной стоимости \$1000.
- Количество хороших и плохих автомобилей одинаково.
- Если у покупателя нет доп. информации (нет сигналов),
- то он выбирает автомобиль случайным образом:
 - с вероятностью $1/2$ он выберет хороший автомобиль,
 - и с вероятностью $1/2$ он выберет плохой автомобиль.
- Рациональный покупатель предложит за выбранный автомобиль среднюю цену $(2500 + 1250)/2 = \$1875$.
- Если выбран «лимон», то продавец продаст его, заработав при этом $1875 - 1000 = \$875$.
- Если выбрана «вишня», то продавец ее не продаст, т. к. его прибыль будет отрицательной: $1875 - 2000 = -\$125$.

Торговля без сигналов

- У продавца подержанных автомобилей в гараже имеются автомобили только двух типов:
 - хорошие (вишни), которые продаются за \$2500 при остаточной стоимости \$2000,
 - и плохие (лимоны), которые продаются за \$1250 при остаточной стоимости \$1000.
- Количество хороших и плохих автомобилей одинаково.
- Если у покупателя нет доп. информации (нет сигналов),
- то он выбирает автомобиль случайным образом:
 - с вероятностью $1/2$ он выберет хороший автомобиль,
 - и с вероятностью $1/2$ он выберет плохой автомобиль.
- Рациональный покупатель предложит за выбранный автомобиль среднюю цену $(2500 + 1250)/2 = \$1875$.
- Если выбран «лимон», то продавец продаст его, заработав при этом $1875 - 1000 = \$875$.
- Если выбрана «вишня», то продавец ее не продаст, т. к. его прибыль будет отрицательной: $1875 - 2000 = -\$125$.

Торговля без сигналов

- У продавца подержанных автомобилей в гараже имеются автомобили только двух типов:
 - хорошие (вишни), которые продаются за \$2500 при остаточной стоимости \$2000,
 - и плохие (лимоны), которые продаются за \$1250 при остаточной стоимости \$1000.**
- Количество хороших и плохих автомобилей одинаково.
- Если у покупателя нет доп. информации (нет сигналов),
- то он выбирает автомобиль случайным образом:
 - с вероятностью $1/2$ он выберет хороший автомобиль,
 - и с вероятностью $1/2$ он выберет плохой автомобиль.
- Рациональный покупатель предложит за выбранный автомобиль среднюю цену $(2500 + 1250)/2 = \$1875$.
- Если выбран «лимон», то продавец продаст его, заработав при этом $1875 - 1000 = \$875$.
- Если выбрана «вишня», то продавец ее не продаст, т. к. его прибыль будет отрицательной: $1875 - 2000 = -\$125$.

Торговля без сигналов

- У продавца подержанных автомобилей в гараже имеются автомобили только двух типов:
 - хорошие (вишни), которые продаются за \$2500 при остаточной стоимости \$2000,
 - и плохие (лимоны), которые продаются за \$1250 при остаточной стоимости \$1000.
- Количество хороших и плохих автомобилей одинаково.**
- Если у покупателя нет доп. информации (нет сигналов),
- то он выбирает автомобиль случайным образом:
 - с вероятностью $1/2$ он выберет хороший автомобиль,
 - и с вероятностью $1/2$ он выберет плохой автомобиль.
- Рациональный покупатель предложит за выбранный автомобиль среднюю цену $(2500 + 1250)/2 = \$1875$.
- Если выбран «лимон», то продавец продаст его, заработав при этом $1875 - 1000 = \$875$.
- Если выбрана «вишня», то продавец ее не продаст, т. к. его прибыль будет отрицательной: $1875 - 2000 = -\$125$.

Торговля без сигналов

- У продавца подержанных автомобилей в гараже имеются автомобили только двух типов:
 - хорошие (вишни), которые продаются за \$2500 при остаточной стоимости \$2000,
 - и плохие (лимоны), которые продаются за \$1250 при остаточной стоимости \$1000.
- Количество хороших и плохих автомобилей одинаково.
- Если у покупателя нет доп. информации (нет сигналов),
- то он выбирает автомобиль случайным образом:
 - с вероятностью $1/2$ он выберет хороший автомобиль,
 - и с вероятностью $1/2$ он выберет плохой автомобиль.
- Рациональный покупатель предложит за выбранный автомобиль среднюю цену $(2500 + 1250)/2 = \$1875$.
- Если выбран «лимон», то продавец продаст его, заработав при этом $1875 - 1000 = \$875$.
- Если выбрана «вишня», то продавец ее не продаст, т. к. его прибыль будет отрицательной: $1875 - 2000 = -\$125$.

Торговля без сигналов

- У продавца подержанных автомобилей в гараже имеются автомобили только двух типов:
 - хорошие (вишни), которые продаются за \$2500 при остаточной стоимости \$2000,
 - и плохие (лимоны), которые продаются за \$1250 при остаточной стоимости \$1000.
- Количество хороших и плохих автомобилей одинаково.
- Если у покупателя нет доп. информации (нет сигналов),
 - то он выбирает автомобиль случайным образом:**
 - с вероятностью $1/2$ он выберет хороший автомобиль,
 - и с вероятностью $1/2$ он выберет плохой автомобиль.
- Рациональный покупатель предложит за выбранный автомобиль среднюю цену $(2500 + 1250)/2 = \$1875$.
- Если выбран «лимон», то продавец продаст его, заработав при этом $1875 - 1000 = \$875$.
- Если выбрана «вишня», то продавец ее не продаст, т. к. его прибыль будет отрицательной: $1875 - 2000 = -\$125$.

Торговля без сигналов

- У продавца подержанных автомобилей в гараже имеются автомобили только двух типов:
 - хорошие (вишни), которые продаются за \$2500 при остаточной стоимости \$2000,
 - и плохие (лимоны), которые продаются за \$1250 при остаточной стоимости \$1000.
- Количество хороших и плохих автомобилей одинаково.
- Если у покупателя нет доп. информации (нет сигналов),
- то он выбирает автомобиль случайным образом:
 - с вероятностью $1/2$ он выберет хороший автомобиль,
 - и с вероятностью $1/2$ он выберет плохой автомобиль.
- Рациональный покупатель предложит за выбранный автомобиль среднюю цену $(2500 + 1250)/2 = \$1875$.
- Если выбран «лимон», то продавец продаст его, заработав при этом $1875 - 1000 = \$875$.
- Если выбрана «вишня», то продавец ее не продаст, т. к. его прибыль будет отрицательной: $1875 - 2000 = -\$125$.

Торговля без сигналов

- У продавца подержанных автомобилей в гараже имеются автомобили только двух типов:
 - хорошие (вишни), которые продаются за \$2500 при остаточной стоимости \$2000,
 - и плохие (лимоны), которые продаются за \$1250 при остаточной стоимости \$1000.
- Количество хороших и плохих автомобилей одинаково.
- Если у покупателя нет доп. информации (нет сигналов),
- то он выбирает автомобиль случайным образом:
 - с вероятностью $1/2$ он выберет хороший автомобиль,
 - и с вероятностью $1/2$ он выберет плохой автомобиль.**
- Рациональный покупатель предложит за выбранный автомобиль среднюю цену $(2500 + 1250)/2 = \$1875$.
- Если выбран «лимон», то продавец продаст его, заработав при этом $1875 - 1000 = \$875$.
- Если выбрана «вишня», то продавец ее не продаст, т. к. его прибыль будет отрицательной: $1875 - 2000 = -\$125$.

Торговля без сигналов

- У продавца подержанных автомобилей в гараже имеются автомобили только двух типов:
 - хорошие (вишни), которые продаются за \$2500 при остаточной стоимости \$2000,
 - и плохие (лимоны), которые продаются за \$1250 при остаточной стоимости \$1000.
- Количество хороших и плохих автомобилей одинаково.
- Если у покупателя нет доп. информации (нет сигналов),
- то он выбирает автомобиль случайным образом:
 - с вероятностью $1/2$ он выберет хороший автомобиль,
 - и с вероятностью $1/2$ он выберет плохой автомобиль.
- Рациональный покупатель предложит за выбранный автомобиль среднюю цену $(2500 + 1250)/2 = \$1875$.
- Если выбран «лимон», то продавец продаст его, заработав при этом $1875 - 1000 = \$875$.
- Если выбрана «вишня», то продавец ее не продаст, т. к. его прибыль будет отрицательной: $1875 - 2000 = -\$125$.

Торговля без сигналов

- У продавца подержанных автомобилей в гараже имеются автомобили только двух типов:
 - хорошие (вишни), которые продаются за \$2500 при остаточной стоимости \$2000,
 - и плохие (лимоны), которые продаются за \$1250 при остаточной стоимости \$1000.
- Количество хороших и плохих автомобилей одинаково.
- Если у покупателя нет доп. информации (нет сигналов),
- то он выбирает автомобиль случайным образом:
 - с вероятностью $1/2$ он выберет хороший автомобиль,
 - и с вероятностью $1/2$ он выберет плохой автомобиль.
- Рациональный покупатель предложит за выбранный автомобиль среднюю цену $(2500 + 1250)/2 = \$1875$.
- Если выбран «лимон», то продавец продаст его, заработав при этом $1875 - 1000 = \$875$.
- Если выбрана «вишня», то продавец ее не продаст, т. к. его прибыль будет отрицательной: $1875 - 2000 = -\$125$.

Торговля без сигналов

- У продавца подержанных автомобилей в гараже имеются автомобили только двух типов:
 - хорошие (вишни), которые продаются за \$2500 при остаточной стоимости \$2000,
 - и плохие (лимоны), которые продаются за \$1250 при остаточной стоимости \$1000.
- Количество хороших и плохих автомобилей одинаково.
- Если у покупателя нет доп. информации (нет сигналов),
- то он выбирает автомобиль случайным образом:
 - с вероятностью $1/2$ он выберет хороший автомобиль,
 - и с вероятностью $1/2$ он выберет плохой автомобиль.
- Рациональный покупатель предложит за выбранный автомобиль среднюю цену $(2500 + 1250)/2 = \$1875$.
- Если выбран «лимон», то продавец продаст его, заработав при этом $1875 - 1000 = \$875$.
- Если выбрана «вишня», то продавец ее не продаст, т. к. его прибыль будет отрицательной: $1875 - 2000 = -\$125$.

Торговля без сигналов

- Поскольку покупатель за среднюю цену может купить только плохой автомобиль («лимон»),
- то ему незачем предлагать \$1875 за автомобиль, который можно купить за \$1250.
- Поэтому покупатель всегда будет предлагать цену \$1250.
- При таком поведении покупателей, средний доход продавца за один раунд торгов равен

$$\frac{1}{2} (1250 - 1000) + \frac{1}{2} 0 = 125,$$

- что меньше ожидаемого дохода
- $\frac{1}{2} (1250 - 1000) + \frac{1}{2} (2500 - 2000) = \frac{1}{2} 250 + \frac{1}{2} 500 = 375$
- при полной информированности покупателей и одинаковом спросе на оба типа автомобилей.
- Продавец будет вынужден уменьшить долю или совсем перестать продавать дорогие хорошие автомобили.
- Покупатели, которым нужен хороший автомобиль будут вынуждены перейти на рынок новых автомобилей.

Торговля без сигналов

- Поскольку покупатель за среднюю цену может купить только плохой автомобиль («лимон»),
- то ему незачем предлагать \$1875 за автомобиль, который можно купить за \$1250.
- Поэтому покупатель всегда будет предлагать цену \$1250.
- При таком поведении покупателей, средний доход продавца за один раунд торгов равен

$$\frac{1}{2} (1250 - 1000) + \frac{1}{2} 0 = 125,$$

- что меньше ожидаемого дохода
- $$\frac{1}{2} (1250 - 1000) + \frac{1}{2} (2500 - 2000) = \frac{1}{2} 250 + \frac{1}{2} 500 = 375$$
- при полной информированности покупателей и одинаковом спросе на оба типа автомобилей.
- Продавец будет вынужден уменьшить долю или совсем перестать продавать дорогие хорошие автомобили.
- Покупатели, которым нужен хороший автомобиль будут вынуждены перейти на рынок новых автомобилей.

Торговля без сигналов

- Поскольку покупатель за среднюю цену может купить только плохой автомобиль («лимон»),
- то ему незачем предлагать \$1875 за автомобиль, который можно купить за \$1250.
- Поэтому покупатель всегда будет предлагать цену \$1250.
- При таком поведении покупателей, средний доход продавца за один раунд торгов равен

$$\frac{1}{2} (1250 - 1000) + \frac{1}{2} 0 = 125,$$

- что меньше ожидаемого дохода
- $\frac{1}{2} (1250 - 1000) + \frac{1}{2} (2500 - 2000) = \frac{1}{2} 250 + \frac{1}{2} 500 = 375$
- при полной информированности покупателей и одинаковом спросе на оба типа автомобилей.
- Продавец будет вынужден уменьшить долю или совсем перестать продавать дорогие хорошие автомобили.
- Покупатели, которым нужен хороший автомобиль будут вынуждены перейти на рынок новых автомобилей.

Торговля без сигналов

- Поскольку покупатель за среднюю цену может купить только плохой автомобиль («лимон»),
- то ему незачем предлагать \$1875 за автомобиль, который можно купить за \$1250.
- Поэтому покупатель всегда будет предлагать цену \$1250.
- При таком поведении покупателей, средний доход продавца за один раунд торгов равен

$$\frac{1}{2} (1250 - 1000) + \frac{1}{2} 0 = 125,$$

- что меньше ожидаемого дохода
- $\frac{1}{2} (1250 - 1000) + \frac{1}{2} (2500 - 2000) = \frac{1}{2} 250 + \frac{1}{2} 500 = 375$
- при полной информированности покупателей и одинаковом спросе на оба типа автомобилей.
- Продавец будет вынужден уменьшить долю или совсем перестать продавать дорогие хорошие автомобили.
- Покупатели, которым нужен хороший автомобиль будут вынуждены перейти на рынок новых автомобилей.

Торговля без сигналов

- Поскольку покупатель за среднюю цену может купить только плохой автомобиль («лимон»),
- то ему незачем предлагать \$1875 за автомобиль, который можно купить за \$1250.
- Поэтому покупатель всегда будет предлагать цену \$1250.
- При таком поведении покупателей, средний доход продавца за один раунд торгов равен

$$\frac{1}{2} (1250 - 1000) + \frac{1}{2} 0 = 125,$$

- что меньше ожидаемого дохода
- $$\frac{1}{2} (1250 - 1000) + \frac{1}{2} (2500 - 2000) = \frac{1}{2} 250 + \frac{1}{2} 500 = 375$$
- при полной информированности покупателей и одинаковом спросе на оба типа автомобилей.
 - Продавец будет вынужден уменьшить долю или совсем перестать продавать дорогие хорошие автомобили.
 - Покупатели, которым нужен хороший автомобиль будут вынуждены перейти на рынок новых автомобилей.

Торговля без сигналов

- Поскольку покупатель за среднюю цену может купить только плохой автомобиль («лимон»),
- то ему незачем предлагать \$1875 за автомобиль, который можно купить за \$1250.
- Поэтому покупатель всегда будет предлагать цену \$1250.
- При таком поведении покупателей, средний доход продавца за один раунд торгов равен

$$\frac{1}{2} (1250 - 1000) + \frac{1}{2} 0 = 125,$$

- что меньше ожидаемого дохода
- $$\frac{1}{2} (1250 - 1000) + \frac{1}{2} (2500 - 2000) = \frac{1}{2} 250 + \frac{1}{2} 500 = 375$$
- при полной информированности покупателей и одинаковом спросе на оба типа автомобилей.
 - Продавец будет вынужден уменьшить долю или совсем перестать продавать дорогие хорошие автомобили.
 - Покупатели, которым нужен хороший автомобиль будут вынуждены перейти на рынок новых автомобилей.

Торговля без сигналов

- Поскольку покупатель за среднюю цену может купить только плохой автомобиль («лимон»),
- то ему незачем предлагать \$1875 за автомобиль, который можно купить за \$1250.
- Поэтому покупатель всегда будет предлагать цену \$1250.
- При таком поведении покупателей, средний доход продавца за один раунд торгов равен

$$\frac{1}{2} (1250 - 1000) + \frac{1}{2} 0 = 125,$$

- что меньше ожидаемого дохода
- $$\frac{1}{2} (1250 - 1000) + \frac{1}{2} (2500 - 2000) = \frac{1}{2} 250 + \frac{1}{2} 500 = 375$$
- при полной информированности покупателей и одинаковом спросе на оба типа автомобилей.
 - Продавец будет вынужден уменьшить долю или совсем перестать продавать дорогие хорошие автомобили.
 - Покупатели, которым нужен хороший автомобиль будут вынуждены перейти на рынок новых автомобилей.

Торговля без сигналов

- Поскольку покупатель за среднюю цену может купить только плохой автомобиль («лимон»),
- то ему незачем предлагать \$1875 за автомобиль, который можно купить за \$1250.
- Поэтому покупатель всегда будет предлагать цену \$1250.
- При таком поведении покупателей, средний доход продавца за один раунд торгов равен

$$\frac{1}{2} (1250 - 1000) + \frac{1}{2} 0 = 125,$$

- что меньше ожидаемого дохода
- $$\frac{1}{2} (1250 - 1000) + \frac{1}{2} (2500 - 2000) = \frac{1}{2} 250 + \frac{1}{2} 500 = 375$$
- при полной информированности покупателей и одинаковом спросе на оба типа автомобилей.
 - Продавец будет вынужден уменьшить долю или совсем перестать продавать дорогие хорошие автомобили.
 - Покупатели, которым нужен хороший автомобиль будут вынуждены перейти на рынок новых автомобилей.

Обратная проблема отбора

Мы показали, что

при отсутствии информации у покупателей некачественные дешевые товары вытесняют из ассортимента дорогие качественные товары.

- На рынке страховых услуг подобный феномен часто называют «обратной проблемой отбора (adverse selection problem)»,
 - когда вытесняются дешевые страховые полисы.
 - Подобное также происходит на рынках кредитования, где вытесняются дешевые кредиты.
 - Чтобы исправить ситуацию, продавцам нужно каким-то образом лучше информировать покупателей (посылать сигналы),
 - чтобы изменить их представление о качестве товара или услуги.

Обратная проблема отбора

Мы показали, что

при отсутствии информации у покупателей некачественные дешевые товары вытесняют из ассортимента дорогие качественные товары.

- На рынке страховых услуг подобный феномен часто называют «обратной проблемой отбора (adverse selection problem)»,
- когда вытесняются дешевые страховые полисы.
- Подобное также происходит на рынках кредитования, где вытесняются дешевые кредиты.
- Чтобы исправить ситуацию, продавцам нужно каким-то образом лучше информировать покупателей (посылать сигналы),
- чтобы изменить их представление о качестве товара или услуги.

Обратная проблема отбора

Мы показали, что

при отсутствии информации у покупателей некачественные дешевые товары вытесняют из ассортимента дорогие качественные товары.

- На рынке страховых услуг подобный феномен часто называют «обратной проблемой отбора (adverse selection problem)»,
- когда вытесняются дешевые страховые полисы.
- Подобное также происходит на рынках кредитования, где вытесняются дешевые кредиты.
- Чтобы исправить ситуацию, продавцам нужно каким-то образом лучше информировать покупателей (посылать сигналы),
- чтобы изменить их представление о качестве товара или услуги.

Обратная проблема отбора

Мы показали, что

при отсутствии информации у покупателей некачественные дешевые товары вытесняют из ассортимента дорогие качественные товары.

- На рынке страховых услуг подобный феномен часто называют «обратной проблемой отбора (adverse selection problem)»,
- когда вытесняются дешевые страховые полисы.
- Подобное также происходит на рынках кредитования, где вытесняются дешевые кредиты.
- Чтобы исправить ситуацию, продавцам нужно каким-то образом лучше информировать покупателей (посылать сигналы),
- чтобы изменить их представление о качестве товара или услуги.

Обратная проблема отбора

Мы показали, что

при отсутствии информации у покупателей некачественные дешевые товары вытесняют из ассортимента дорогие качественные товары.

- На рынке страховых услуг подобный феномен часто называют «обратной проблемой отбора (adverse selection problem)»,
- когда вытесняются дешевые страховые полисы.
- Подобное также происходит на рынках кредитования, где вытесняются дешевые кредиты.
- Чтобы исправить ситуацию, продавцам нужно каким-то образом лучше информировать покупателей (посылать сигналы),
- **чтобы изменить их представление о качестве товара или услуги.**

Содержание

- 1 Сигнальные игры
 - Байесовское равновесие
 - Смешанные стратегии
 - Конечные сигнальные игры
- 2 Рынок лимонов
 - Рынки с неполной и ассиметричной информацией
 - Сигнальная игра «рынок лимонов»
- 3 Сигнальная модель рынка труда
 - Пороговые стратегии
 - Ситуация равновесия

Сигнальная игра «рынок лимонов»

- По прежнему считаем, что в гараже у продавца одинаковое количество плохих и хороших автомобилей,
- и что покупатель не может отличить плохой автомобиль от хорошего.
- Чтобы изменить информированность покупателя, продавец решил давать на некоторые из продаваемых автомобилей годовую гарантию,
- которая полностью покрывает расходы на ремонт.
- Известно, что в течении года ожидаемые расходы на ремонт плохого автомобиля составляют \$500,
- а хорошего — \$50 (большинство автомобилей в течении года не требуют ремонта).

Сигнальная игра «рынок лимонов»

- По прежнему считаем, что в гараже у продавца одинаковое количество плохих и хороших автомобилей,
- и что покупатель не может отличить плохой автомобиль от хорошего.
- Чтобы изменить информированность покупателя, продавец решил давать на некоторые из продаваемых автомобилей годовую гарантию,
- которая полностью покрывает расходы на ремонт.
- Известно, что в течении года ожидаемые расходы на ремонт плохого автомобиля составляют \$500,
- а хорошего — \$50 (большинство автомобилей в течении года не требуют ремонта).

Сигнальная игра «рынок лимонов»

- По прежнему считаем, что в гараже у продавца одинаковое количество плохих и хороших автомобилей,
- и что покупатель не может отличить плохой автомобиль от хорошего.
- Чтобы изменить информированность покупателя, продавец решил давать на некоторые из продаваемых автомобилей годовую гарантию,
- которая полностью покрывает расходы на ремонт.
- Известно, что в течении года ожидаемые расходы на ремонт плохого автомобиля составляют \$500,
- а хорошего — \$50 (большинство автомобилей в течении года не требуют ремонта).

Сигнальная игра «рынок лимонов»

- По прежнему считаем, что в гараже у продавца одинаковое количество плохих и хороших автомобилей,
- и что покупатель не может отличить плохой автомобиль от хорошего.
- Чтобы изменить информированность покупателя, продавец решил давать на некоторые из продаваемых автомобилей годовую гарантию,
- **которая полностью покрывает расходы на ремонт.**
- Известно, что в течении года ожидаемые расходы на ремонт плохого автомобиля составляют \$500,
- а хорошего — \$50 (большинство автомобилей в течении года не требуют ремонта).

Сигнальная игра «рынок лимонов»

- По прежнему считаем, что в гараже у продавца одинаковое количество плохих и хороших автомобилей,
- и что покупатель не может отличить плохой автомобиль от хорошего.
- Чтобы изменить информированность покупателя, продавец решил давать на некоторые из продаваемых автомобилей годовую гарантию,
- которая полностью покрывает расходы на ремонт.
- Известно, что в течении года ожидаемые расходы на ремонт плохого автомобиля составляют \$500,
- а хорошего — \$50 (большинство автомобилей в течении года не требуют ремонта).

Сигнальная игра «рынок лимонов»

- По прежнему считаем, что в гараже у продавца одинаковое количество плохих и хороших автомобилей,
- и что покупатель не может отличить плохой автомобиль от хорошего.
- Чтобы изменить информированность покупателя, продавец решил давать на некоторые из продаваемых автомобилей годовую гарантию,
- которая полностью покрывает расходы на ремонт.
- Известно, что в течении года ожидаемые расходы на ремонт плохого автомобиля составляют \$500,
- а хорошего — \$50 (большинство автомобилей в течении года не требуют ремонта).

Сигнальная игра «рынок лимонов»

- По прежнему считаем, что в гараже у продавца одинаковое количество плохих и хороших автомобилей,
- и что покупатель не может отличить плохой автомобиль от хорошего.
- Чтобы изменить информированность покупателя, продавец решил давать на некоторые из продаваемых автомобилей годовую гарантию,
- которая полностью покрывает расходы на ремонт.
- Известно, что в течении года ожидаемые расходы на ремонт плохого автомобиля составляют \$500,
- а хорошего — \$50 (большинство автомобилей в течении года не требуют ремонта).

Сигнальная игра «рынок лимонов»

Правила игры следующие.

- Вначале покупатель выбирает автомобиль.
- Это — случайный ход, так как покупатель не может отличить плохой автомобиль (лимон) от хорошего (вишни).
- После этого продавец говорит дает ли он гарантию на выбранный автомобиль или не дает.
- Затем покупатель предлагает свою цену: \$1250 или \$2500.
- Сделка состоится за исключением случая, когда за хороший автомобиль была предложена цена \$1250.

Сигнальная игра «рынок лимонов»

Правила игры следующие.

- Вначале покупатель выбирает автомобиль.
- Это — случайный ход, так как покупатель не может отличить плохой автомобиль (лимон) от хорошего (вишни).
- После этого продавец говорит дает ли он гарантию на выбранный автомобиль или не дает.
- Затем покупатель предлагает свою цену: \$1250 или \$2500.
- Сделка состоится за исключением случая, когда за хороший автомобиль была предложена цена \$1250.

Сигнальная игра «рынок лимонов»

Правила игры следующие.

- Вначале покупатель выбирает автомобиль.
- Это — случайный ход, так как покупатель не может отличить плохой автомобиль (лимон) от хорошего (вишни).
- После этого продавец говорит дает ли он гарантию на выбранный автомобиль или не дает.
- Затем покупатель предлагает свою цену: \$1250 или \$2500.
- Сделка состоится за исключением случая, когда за хороший автомобиль была предложена цена \$1250.

Сигнальная игра «рынок лимонов»

Правила игры следующие.

- Вначале покупатель выбирает автомобиль.
- Это — случайный ход, так как покупатель не может отличить плохой автомобиль (лимон) от хорошего (вишни).
- После этого продавец говорит дает ли он гарантию на выбранный автомобиль или не дает.
- Затем покупатель предлагает свою цену: \$1250 или \$2500.
- Сделка состоится за исключением случая, когда за хороший автомобиль была предложена цена \$1250.

Сигнальная игра «рынок лимонов»

Правила игры следующие.

- Вначале покупатель выбирает автомобиль.
- Это — случайный ход, так как покупатель не может отличить плохой автомобиль (лимон) от хорошего (вишни).
- После этого продавец говорит дает ли он гарантию на выбранный автомобиль или не дает.
- Затем покупатель предлагает свою цену: \$1250 или \$2500.
- Сделка состоится за исключением случая, когда за хороший автомобиль была предложена цена \$1250.

Сигнальная игра «рынок лимонов»

Правила игры следующие.

- Вначале покупатель выбирает автомобиль.
- Это — случайный ход, так как покупатель не может отличить плохой автомобиль (лимон) от хорошего (вишни).
- После этого продавец говорит дает ли он гарантию на выбранный автомобиль или не дает.
- Затем покупатель предлагает свою цену: \$1250 или \$2500.
- Сделка состоится за исключением случая, когда за хороший автомобиль была предложена цена \$1250.

Сигнальная игра «рынок лимонов»

- В данной сигнальной игре
- множество типов отправителя $T = \{P, X\}$,
 - где P означает, что автомобиль плохой,
 - а X означает, что автомобиль хороший;
- множество сообщений отправителя $M = \{G, B\}$,
 - где G означает, что автомобиль продается с гарантией,
 - а B — без гарантии;
- множество действий получателя $A = \{1250, 2500\}$,
 - где 1250 означает предложить цену \$1250,
 - а 2500 — предложить цену \$2500.
- Представление получателя о типах отправителя следующее:

$$\mu(P) = \mu(X) = 1/2.$$

Сигнальная игра «рынок лимонов»

- В данной сигнальной игре
- множество типов отправителя $T = \{P, X\}$,
 - где P означает, что автомобиль плохой,
 - а X означает, что автомобиль хороший;
- множество сообщений отправителя $M = \{G, B\}$,
 - где G означает, что автомобиль продается с гарантией,
 - а B — без гарантии;
- множество действий получателя $A = \{1250, 2500\}$,
 - где 1250 означает предложить цену \$1250,
 - а 2500 — предложить цену \$2500.
- Представление получателя о типах отправителя следующее:

$$\mu(P) = \mu(X) = 1/2.$$

Сигнальная игра «рынок лимонов»

- В данной сигнальной игре
- множество типов отправителя $T = \{P, X\}$,
 - где P означает, что автомобиль плохой,
 - а X означает, что автомобиль хороший;
- множество сообщений отправителя $M = \{G, B\}$,
 - где G означает, что автомобиль продается с гарантией,
 - а B — без гарантии;
- множество действий получателя $A = \{1250, 2500\}$,
 - где 1250 означает предложить цену \$1250,
 - а 2500 — предложить цену \$2500.
- Представление получателя о типах отправителя следующее:

$$\mu(P) = \mu(X) = 1/2.$$

Сигнальная игра «рынок лимонов»

- В данной сигнальной игре
- множество типов отправителя $T = \{P, X\}$,
 - где P означает, что автомобиль плохой,
 - а X означает, что автомобиль хороший;
- множество сообщений отправителя $M = \{G, B\}$,
 - где G означает, что автомобиль продается с гарантией,
 - а B — без гарантии;
- множество действий получателя $A = \{1250, 2500\}$,
 - где 1250 означает предложить цену \$1250,
 - а 2500 — предложить цену \$2500.
- Представление получателя о типах отправителя следующее:

$$\mu(P) = \mu(X) = 1/2.$$

Сигнальная игра «рынок лимонов»

- В данной сигнальной игре
- множество типов отправителя $T = \{P, X\}$,
 - где P означает, что автомобиль плохой,
 - а X означает, что автомобиль хороший;
- множество сообщений отправителя $M = \{G, B\}$,
 - где G означает, что автомобиль продается с гарантией,
 - а B — без гарантии;
- множество действий получателя $A = \{1250, 2500\}$,
 - где 1250 означает предложить цену \$1250,
 - а 2500 — предложить цену \$2500.
- Представление получателя о типах отправителя следующее:

$$\mu(P) = \mu(X) = 1/2.$$

Сигнальная игра «рынок лимонов»

- В данной сигнальной игре
- множество типов отправителя $T = \{P, X\}$,
 - где P означает, что автомобиль плохой,
 - а X означает, что автомобиль хороший;
- множество сообщений отправителя $M = \{G, B\}$,
 - где G означает, что автомобиль продается с гарантией,
 - а B — без гарантии;
- множество действий получателя $A = \{1250, 2500\}$,
 - где 1250 означает предложить цену \$1250,
 - а 2500 — предложить цену \$2500.
- Представление получателя о типах отправителя следующее:

$$\mu(P) = \mu(X) = 1/2.$$

Сигнальная игра «рынок лимонов»

- В данной сигнальной игре
- множество типов отправителя $T = \{P, X\}$,
 - где P означает, что автомобиль плохой,
 - а X означает, что автомобиль хороший;
- множество сообщений отправителя $M = \{G, B\}$,
 - где G означает, что автомобиль продается с гарантией,
 - а B — без гарантии;
- множество действий получателя $A = \{1250, 2500\}$,
 - где 1250 означает предложить цену \$1250,
 - а 2500 — предложить цену \$2500.
- Представление получателя о типах отправителя следующее:

$$\mu(P) = \mu(X) = 1/2.$$

Сигнальная игра «рынок лимонов»

- В данной сигнальной игре
- множество типов отправителя $T = \{P, X\}$,
 - где P означает, что автомобиль плохой,
 - а X означает, что автомобиль хороший;
- множество сообщений отправителя $M = \{G, B\}$,
 - где G означает, что автомобиль продается с гарантией,
 - а B — без гарантии;
- множество действий получателя $A = \{1250, 2500\}$,
 - где 1250 означает предложить цену \$1250,
 - а 2500 — предложить цену \$2500.
- Представление получателя о типах отправителя следующее:

$$\mu(P) = \mu(X) = 1/2.$$

Сигнальная игра «рынок лимонов»

- В данной сигнальной игре
- множество типов отправителя $T = \{P, X\}$,
 - где P означает, что автомобиль плохой,
 - а X означает, что автомобиль хороший;
- множество сообщений отправителя $M = \{G, B\}$,
 - где G означает, что автомобиль продается с гарантией,
 - а B — без гарантии;
- множество действий получателя $A = \{1250, 2500\}$,
 - где 1250 означает предложить цену \$1250,
 - а 2500 — предложить цену \$2500.
- Представление получателя о типах отправителя следующее:

$$\mu(P) = \mu(X) = 1/2.$$

Сигнальная игра «рынок лимонов»

- В данной сигнальной игре
- множество типов отправителя $T = \{P, X\}$,
 - где P означает, что автомобиль плохой,
 - а X означает, что автомобиль хороший;
- множество сообщений отправителя $M = \{G, B\}$,
 - где G означает, что автомобиль продается с гарантией,
 - а B — без гарантии;
- множество действий получателя $A = \{1250, 2500\}$,
 - где 1250 означает предложить цену \$1250,
 - а 2500 — предложить цену \$2500.
- Представление получателя о типах отправителя следующее:

$$\mu(P) = \mu(X) = 1/2.$$

Сигнальная игра «рынок лимонов»

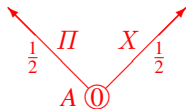
- В данной сигнальной игре
- множество типов отправителя $T = \{P, X\}$,
 - где P означает, что автомобиль плохой,
 - а X означает, что автомобиль хороший;
- множество сообщений отправителя $M = \{G, B\}$,
 - где G означает, что автомобиль продается с гарантией,
 - а B — без гарантии;
- множество действий получателя $A = \{1250, 2500\}$,
 - где 1250 означает предложить цену \$1250,
 - а 2500 — предложить цену \$2500.
- Представление получателя о типах отправителя следующее:

$$\mu(P) = \mu(X) = 1/2.$$

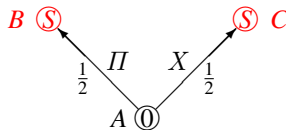
Дерево игры «рынок лимонов»

$A \textcircled{0}$

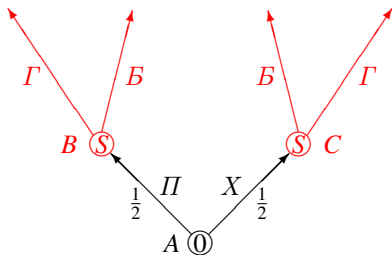
Дерево игры «рынок лимонов»



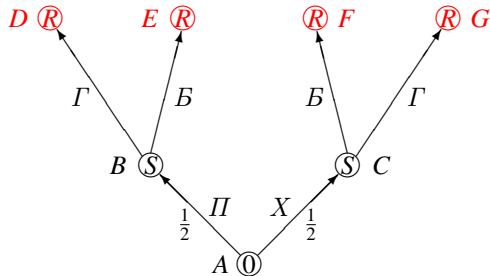
Дерево игры «рынок лимонов»



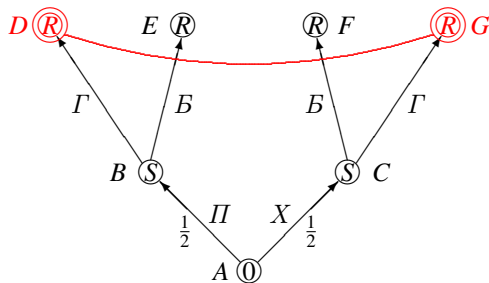
Дерево игры «рынок лимонов»



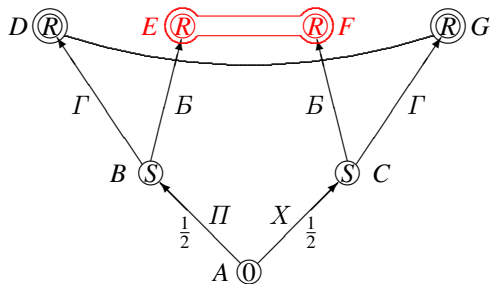
Дерево игры «рынок лимонов»



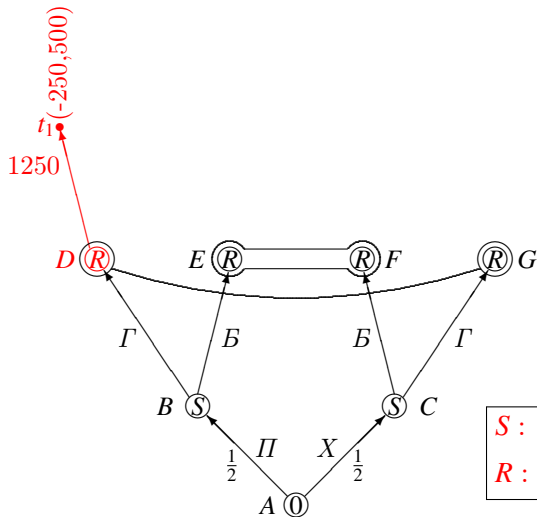
Дерево игры «рынок лимонов»



Дерево игры «рынок лимонов»



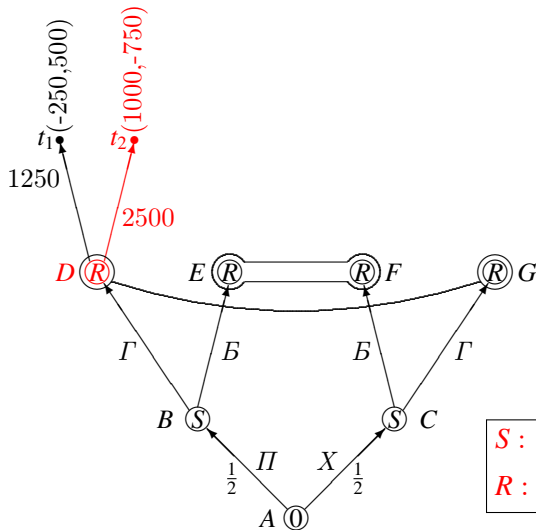
Дерево игры «рынок лимонов»



$$S : 1250 - 1000 - 500 = -250$$

$$R : 1250 + 500 - 1250 = 500$$

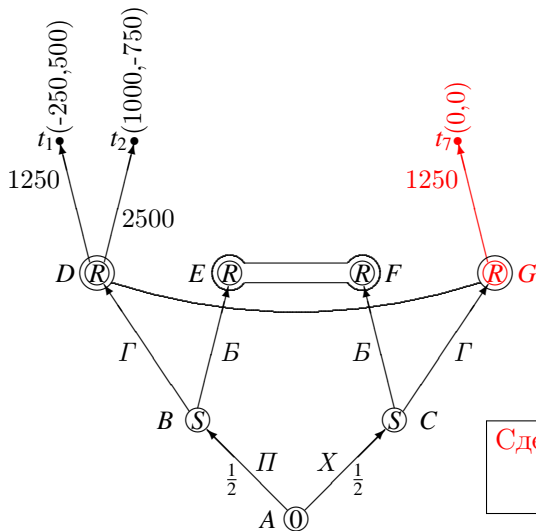
Дерево игры «рынок лимонов»



$$S : 2500 - 1000 - 500 = 1000$$

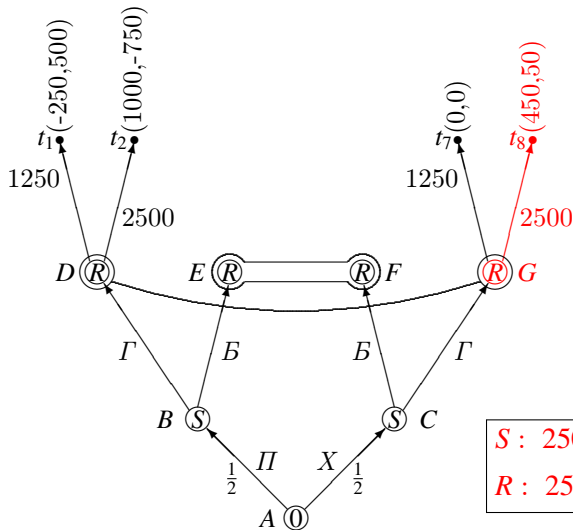
$$R : 1250 + 500 - 2500 = -750$$

Дерево игры «рынок лимонов»



Сделка не состоялась!

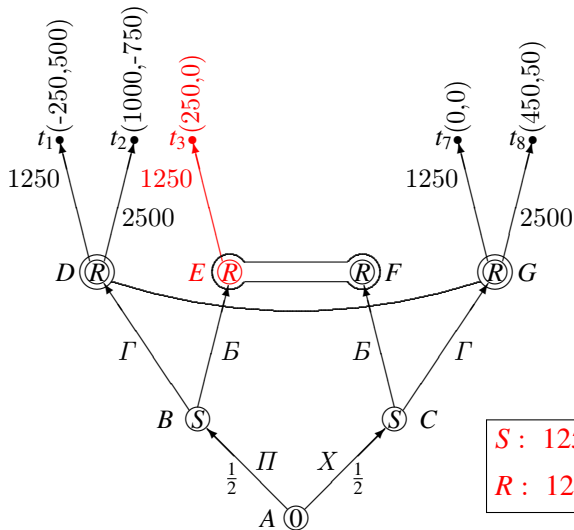
Дерево игры «рынок лимонов»



$$S : 2500 - 2000 - 50 = 450$$

$$R : 2500 + 50 - 2500 = 50$$

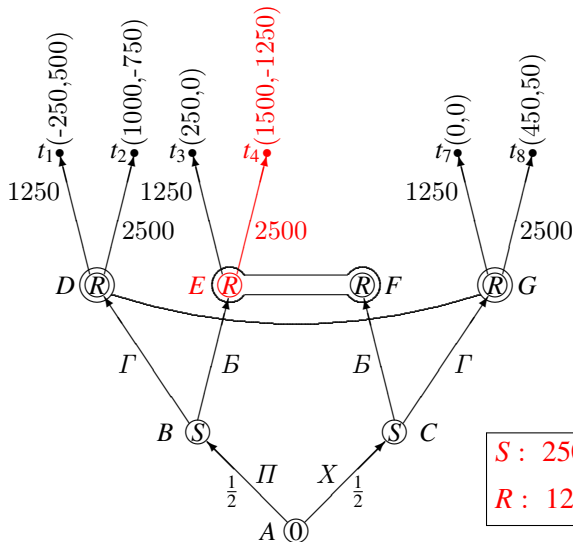
Дерево игры «рынок лимонов»



$$S : 1250 - 1000 = 250$$

$$R : 1250 - 1250 = 0$$

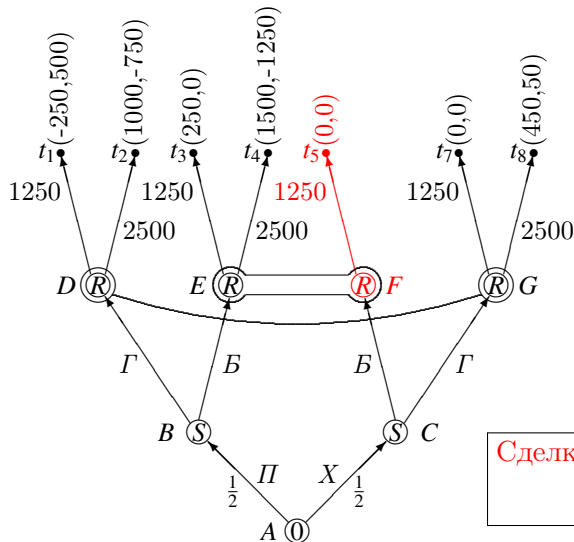
Дерево игры «рынок лимонов»



$$S : 2500 - 1000 = 1500$$

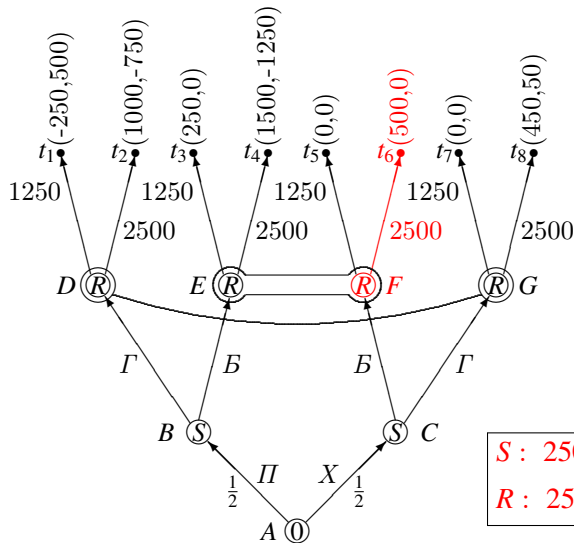
$$R : 1250 - 2500 = -1250$$

Дерево игры «рынок лимонов»



Сделка не состоялась!

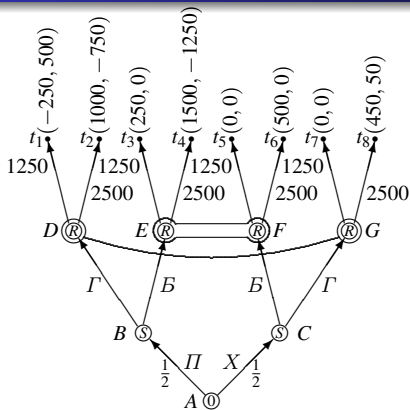
Дерево игры «рынок лимонов»



$$S : 2500 - 2000 = 500$$

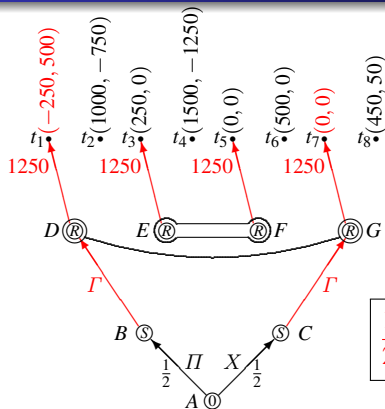
$$R : 2500 - 2500 = 0$$

Стратегическая форма игры «рынок лимонов»



	$[1250, 1250]$	$[1250, 2500]$	$[2500, 1250]$	$[2500, 2500]$
$\Gamma\Gamma$				
$\Gamma\text{Б}$				
$\text{Б}\Gamma$				
ББ				

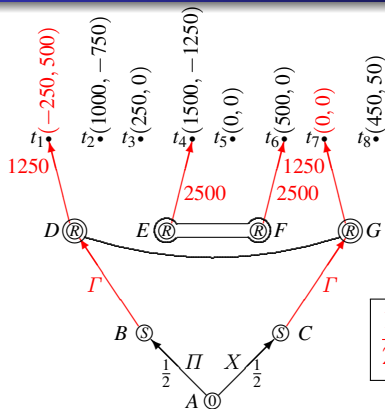
Стратегическая форма игры «рынок лимонов»



$$\frac{1}{2} \begin{pmatrix} -250 \\ 500 \end{pmatrix} + \frac{1}{2} \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -125 \\ 250 \end{pmatrix}$$

	$[1250, 1250]$	$[1250, 2500]$	$[2500, 1250]$	$[2500, 2500]$
ГГ	$-125, 250$			
ГБ				
БГ				
ББ				

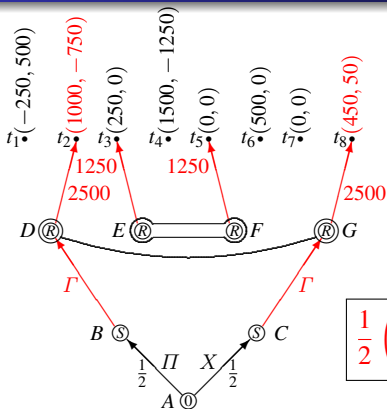
Стратегическая форма игры «рынок лимонов»



$$\frac{1}{2} \begin{pmatrix} -250 \\ 500 \end{pmatrix} + \frac{1}{2} \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -125 \\ 250 \end{pmatrix}$$

	$[1250, 1250]$	$[1250, 2500]$	$[2500, 1250]$	$[2500, 2500]$
ГГ	-125, 250	-125, 250		
ГБ				
БГ				
ББ				

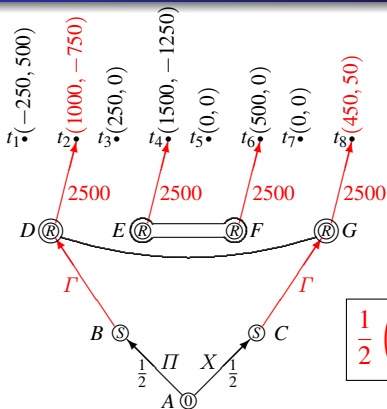
Стратегическая форма игры «рынок лимонов»



$$\frac{1}{2} \begin{pmatrix} 1000 \\ -750 \end{pmatrix} + \frac{1}{2} \begin{pmatrix} 450 \\ 50 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 725 \\ -356 \end{pmatrix}$$

	[1250, 1250]	[1250, 2500]	[2500, 1250]	[2500, 2500]
ГГ	-125, 250	-125, 250	725, -350	
ГБ				
БГ				
ББ				

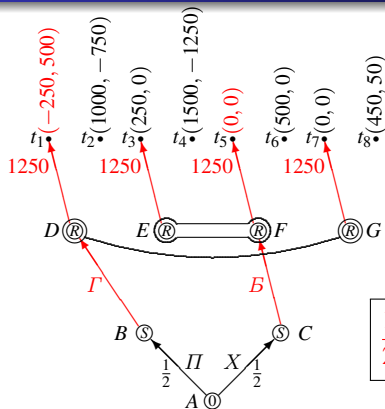
Стратегическая форма игры «рынок лимонов»



$$\frac{1}{2} \begin{pmatrix} 1000 \\ -750 \end{pmatrix} + \frac{1}{2} \begin{pmatrix} 450 \\ 50 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 725 \\ -356 \end{pmatrix}$$

	[1250, 1250]	[1250, 2500]	[2500, 1250]	[2500, 2500]
ГГ	-125, 250	-125, 250	725, -350	725, -350
ГБ				
БГ				
ББ				

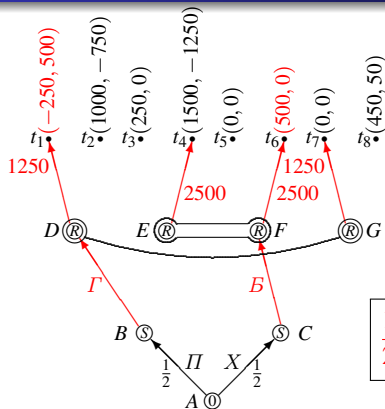
Стратегическая форма игры «рынок лимонов»



$$\frac{1}{2} \begin{pmatrix} -250 \\ 500 \end{pmatrix} + \frac{1}{2} \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -125 \\ 250 \end{pmatrix}$$

	$[1250, 1250]$	$[1250, 2500]$	$[2500, 1250]$	$[2500, 2500]$
$\Gamma\Gamma$	$-125, 250$	$-125, 250$	$725, -350$	$725, -350$
ΓB	$-125, 250$			
$B\Gamma$				
BB				

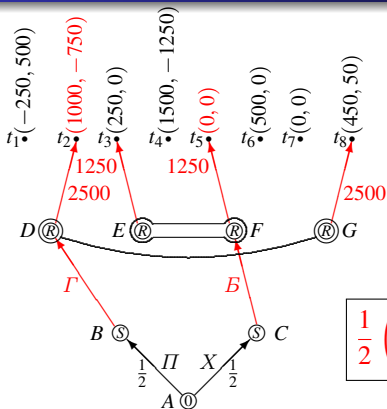
Стратегическая форма игры «рынок лимонов»



$$\frac{1}{2} \begin{pmatrix} -250 \\ 500 \end{pmatrix} + \frac{1}{2} \begin{pmatrix} 500 \\ 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 125 \\ 250 \end{pmatrix}$$

	$[1250, 1250]$	$[1250, 2500]$	$[2500, 1250]$	$[2500, 2500]$
ГГ	-125, 250	-125, 250	725, -350	725, -350
ГБ	-125, 250	125, 250		
БГ				
ББ				

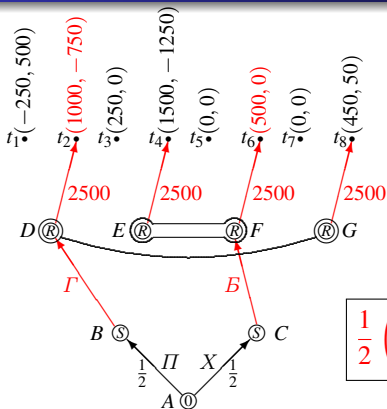
Стратегическая форма игры «рынок лимонов»



$$\frac{1}{2} \begin{pmatrix} 1000 \\ -750 \end{pmatrix} + \frac{1}{2} \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 500 \\ -375 \end{pmatrix}$$

	$[1250, 1250]$	$[1250, 2500]$	$[2500, 1250]$	$[2500, 2500]$
$ГГ$	$-125, 250$	$-125, 250$	$725, -350$	$725, -350$
$ГБ$	$-125, 250$	$125, 250$	$500, -375$	
$БГ$				
$ББ$				

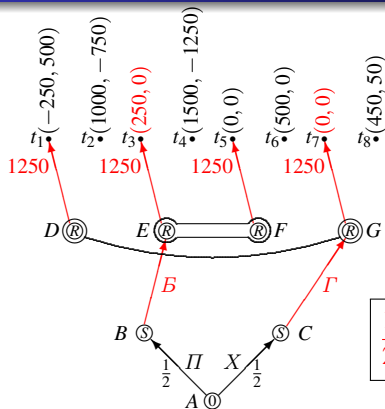
Стратегическая форма игры «рынок лимонов»



$$\frac{1}{2} \begin{pmatrix} 1000 \\ -750 \end{pmatrix} + \frac{1}{2} \begin{pmatrix} 500 \\ 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 750 \\ -375 \end{pmatrix}$$

	[1250, 1250]	[1250, 2500]	[2500, 1250]	[2500, 2500]
ГГ	-125, 250	-125, 250	725, -350	725, -350
ГБ	-125, 250	125, 250	500, -375	750, -375
БГ				
ББ				

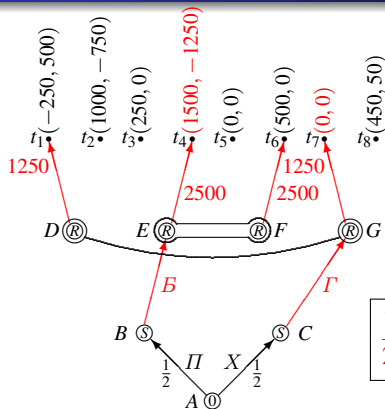
Стратегическая форма игры «рынок лимонов»



$$\frac{1}{2} \begin{pmatrix} 250 \\ 0 \end{pmatrix} + \frac{1}{2} \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 125 \\ 0 \end{pmatrix}$$

	$[1250, 1250]$	$[1250, 2500]$	$[2500, 1250]$	$[2500, 2500]$
$ГГ$	$-125, 250$	$-125, 250$	$725, -350$	$725, -350$
$ГБ$	$-125, 250$	$125, 250$	$500, -375$	$750, -375$
$БГ$	$125, 0$			
$ББ$				

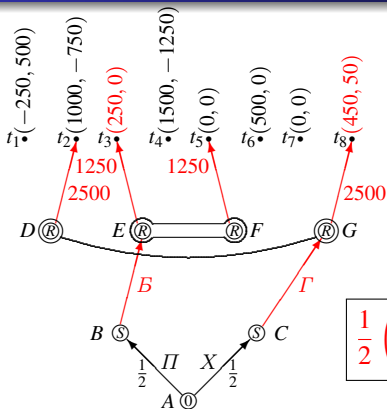
Стратегическая форма игры «рынок лимонов»



$$\frac{1}{2} \begin{pmatrix} 1500 \\ -1250 \end{pmatrix} + \frac{1}{2} \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 750 \\ -625 \end{pmatrix}$$

	[1250, 1250]	[1250, 2500]	[2500, 1250]	[2500, 2500]
ГГ	-125, 250	-125, 250	725, -350	725, -350
ГБ	-125, 250	125, 250	500, -375	750, -375
БГ	125, 0	750, -625		
ББ				

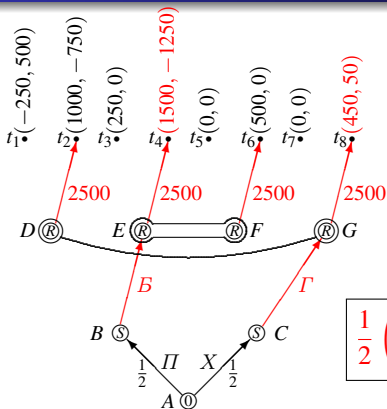
Стратегическая форма игры «рынок лимонов»



$$\frac{1}{2} \begin{pmatrix} 250 \\ 0 \end{pmatrix} + \frac{1}{2} \begin{pmatrix} 450 \\ 50 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 350 \\ 25 \end{pmatrix}$$

	[1250, 1250]	[1250, 2500]	[2500, 1250]	[2500, 2500]
ГГ	-125, 250	-125, 250	725, -350	725, -350
ГБ	-125, 250	125, 250	500, -375	750, -375
БГ	125, 0	750, -625	350, 25	
ББ				

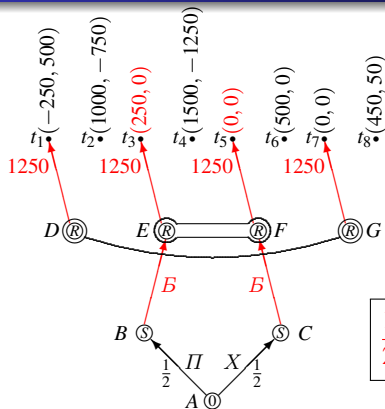
Стратегическая форма игры «рынок лимонов»



$$\frac{1}{2} \begin{pmatrix} 1500 \\ -1250 \end{pmatrix} + \frac{1}{2} \begin{pmatrix} 450 \\ 50 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 975 \\ -600 \end{pmatrix}$$

	[1250, 1250]	[1250, 2500]	[2500, 1250]	[2500, 2500]
ГГ	-125, 250	-125, 250	725, -350	725, -350
ГБ	-125, 250	125, 250	500, -375	750, -375
БГ	125, 0	750, -625	350, 25	975, -600
ББ				

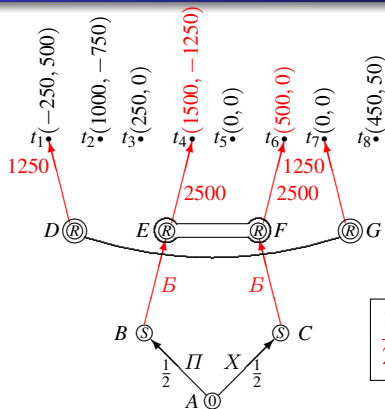
Стратегическая форма игры «рынок лимонов»



$$\frac{1}{2} \begin{pmatrix} 250 \\ 0 \end{pmatrix} + \frac{1}{2} \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 975 \\ -600 \end{pmatrix}$$

	[1250, 1250]	[1250, 2500]	[2500, 1250]	[2500, 2500]
ГГ	-125, 250	-125, 250	725, -350	725, -350
ГБ	-125, 250	125, 250	500, -375	750, -375
БГ	125, 0	750, -625	350, 25	975, -600
ББ	125, 0			

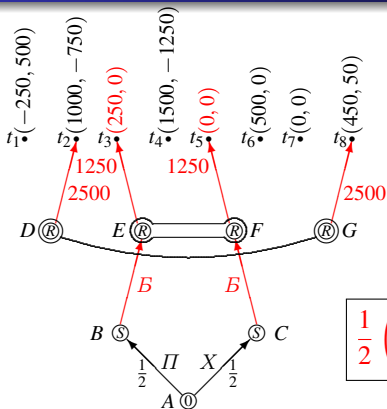
Стратегическая форма игры «рынок лимонов»



$$\frac{1}{2} \begin{pmatrix} 1500 \\ -1250 \end{pmatrix} + \frac{1}{2} \begin{pmatrix} 500 \\ 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1000 \\ -625 \end{pmatrix}$$

	[1250, 1250]	[1250, 2500]	[2500, 1250]	[2500, 2500]
ГГ	-125, 250	-125, 250	725, -350	725, -350
ГБ	-125, 250	125, 250	500, -375	750, -375
БГ	125, 0	750, -625	350, 25	975, -600
ББ	125, 0	1000, -625		

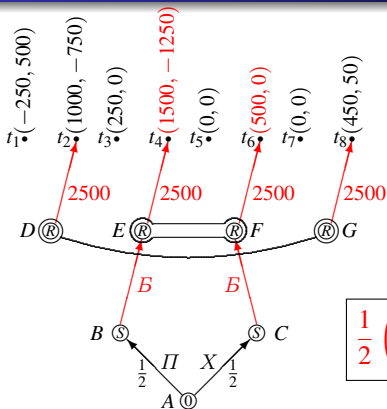
Стратегическая форма игры «рынок лимонов»



$$\frac{1}{2} \begin{pmatrix} 250 \\ 0 \end{pmatrix} + \frac{1}{2} \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 975 \\ -600 \end{pmatrix}$$

	[1250, 1250]	[1250, 2500]	[2500, 1250]	[2500, 2500]
ГГ	-125, 250	-125, 250	725, -350	725, -350
ГБ	-125, 250	125, 250	500, -375	750, -375
БГ	125, 0	750, -625	350, 25	975, -600
ББ	125, 0	1000, -625	125, 0	

Стратегическая форма игры «рынок лимонов»



$$\frac{1}{2} \begin{pmatrix} 1500 \\ -1250 \end{pmatrix} + \frac{1}{2} \begin{pmatrix} 500 \\ 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1000 \\ -625 \end{pmatrix}$$

	[1250, 1250]	[1250, 2500]	[2500, 1250]	[2500, 2500]
ГГ	-125, 250	-125, 250	725, -350	725, -350
ГБ	-125, 250	125, 250	500, -375	750, -375
БГ	125, 0	750, -625	350, 25	975, -600
ББ	125, 0	1000, -625	125, 0	1000, -625

Равновесие в игре «рынок лимонов»

	[1250, 1250]	[1250, 2500]	[2500, 1250]	[2500, 2500]
<i>ГГ</i>	−125, 250	−125, 250	725 , −350	725, −350
<i>ГБ</i>	−125, 250	125, 250	500, −375	750, −375
<i>БГ</i>	125 , 0	750, −625	350, 25	975, −600
<i>ББ</i>	125 , 0	1000 , −625	125, 0	1000 , −625

- В данной биматричной игре имеется единственное равновесие в чистых стратегиях (*ББ*, [1250, 1250]),
- которое, однако, не является равновесием в позиционной игре.
- Действительно, если игрок *S*, который делает ход первым, поменяет стратегию *ББ* на стратегию *БГ*,
- то рациональный игрок *R* ответит стратегией [2500, 1250].
- В результате, выигрыш игрока *S* увеличиться со \$125 до \$350.

Равновесие в игре «рынок лимонов»

	[1250, 1250]	[1250, 2500]	[2500, 1250]	[2500, 2500]
<i>ГГ</i>	$-125, 250^*$	$-125, 250^*$	$725^*, -350$	$725, -350$
<i>ГБ</i>	$-125, 250^*$	$125, 250^*$	$500, -375$	$750, -375$
<i>БГ</i>	$125^*, 0$	$750, -625$	$350, 25^*$	$975, -600$
<i>ББ</i>	$125^*, 0^*$	$1000^*, -625$	$125, 0^*$	$1000^*, -625$

- В данной биматричной игре имеется единственное равновесие в чистых стратегиях (*ББ*, [1250, 1250]),
- которое, однако, не является равновесием в позиционной игре.
- Действительно, если игрок *S*, который делает ход первым, поменяет стратегию *ББ* на стратегию *БГ*,
- то рациональный игрок *R* ответит стратегией [2500, 1250].
- В результате, выигрыш игрока *S* увеличиться со \$125 до \$350.

Равновесие в игре «рынок лимонов»

	[1250, 1250]	[1250, 2500]	[2500, 1250]	[2500, 2500]
ГГ	−125, 250*	−125, 250*	725*, −350	725, −350
ГБ	−125, 250*	125, 250*	500, −375	750, −375
БГ	125*, 0	750, −625	350, 25*	975, −600
ББ	125*, 0*	1000*, −625	125, 0*	1000*, −625

- В данной биматричной игре имеется единственное равновесие в чистых стратегиях ($ББ$, [1250, 1250]),
- которое, однако, не является равновесием в позиционной игре.
- Действительно, если игрок S , который делает ход первым, поменяет стратегию $ББ$ на стратегию $БГ$,
- то рациональный игрок R ответит стратегией [2500, 1250].
- В результате, выигрыш игрока S увеличиться со \$125 до \$350.

Равновесие в игре «рынок лимонов»

	[1250, 1250]	[1250, 2500]	[2500, 1250]	[2500, 2500]
ГГ	−125, 250	−125, 250	725, −350	725, −350
ГБ	−125, 250	125, 250	500, −375	750, −375
БГ	125, 0	750, −625	350, 25	975, −600
ББ	125, 0	1000, −625	125, 0	1000, −625

- В данной биматричной игре имеется единственное равновесие в чистых стратегиях $(ББ, [1250, 1250])$,
- которое, однако, не является равновесием в позиционной игре.
- Действительно, если игрок S , который делает ход первым, поменяет стратегию $ББ$ на стратегию $БГ$,
- то рациональный игрок R ответит стратегией $[2500, 1250]$.
- В результате, выигрыш игрока S увеличиться со \$125 до \$350.

Равновесие в игре «рынок лимонов»

	[1250, 1250]	[1250, 2500]	[2500, 1250]	[2500, 2500]
ГГ	−125, 250	−125, 250	725, −350	725, −350
ГБ	−125, 250	125, 250	500, −375	750, −375
БГ	125, 0	750, −625	350, 25	975, −600
ББ	125, 0	1000, −625	125, 0	1000, −625

- В данной биматричной игре имеется единственное равновесие в чистых стратегиях ($ББ$, $[1250, 1250]$),
- которое, однако, не является равновесием в позиционной игре.
- Действительно, если игрок S , который делает ход первым, поменяет стратегию $ББ$ на стратегию $БГ$,
- то рациональный игрок R ответит стратегией $[2500, 1250]$.
- В результате, выигрыш игрока S увеличиться со \$125 до \$350.

Равновесие в игре «рынок лимонов»

	[1250, 1250]	[1250, 2500]	[2500, 1250]	[2500, 2500]
<i>ГГ</i>	−125, 250	−125, 250	725, −350	725, −350
<i>ГБ</i>	−125, 250	125, 250	500, −375	750, −375
<i>БГ</i>	125, 0	750, −625	350, 25	975, −600
<i>ББ</i>	125, 0	1000, −625	125, 0	1000, −625

- В данной биматричной игре имеется единственное равновесие в чистых стратегиях (*ББ*, [1250, 1250]),
- которое, однако, не является равновесием в позиционной игре.
- Действительно, если игрок *S*, который делает ход первым, поменяет стратегию *ББ* на стратегию *БГ*,
- то рациональный игрок *R* ответит стратегией [2500, 1250].
- В результате, выигрыш игрока *S* увеличиться со \$125 до \$350.

Равновесие в игре «рынок лимонов»

	[1250, 1250]	[1250, 2500]	[2500, 1250]	[2500, 2500]
ГГ	−125, 250	−125, 250	725, −350	725, −350
ГБ	−125, 250	125, 250	500, −375	750, −375
БГ	125, 0	750, −625	350, 25	975, −600
ББ	125, 0	1000, −625	125, 0	1000, −625

- В данной биматричной игре имеется единственное равновесие в чистых стратегиях (ББ, [1250, 1250]),
- которое, однако, не является равновесием в позиционной игре.
- Действительно, если игрок S , который делает ход первым, поменяет стратегию ББ на стратегию БГ,
- то рациональный игрок R ответит стратегией [2500, 1250].
- В результате, выигрыш игрока S увеличиться со \$125 до \$350.

Равновесие в игре «рынок лимонов»

	[1250, 1250]	[1250, 2500]	[2500, 1250]	[2500, 2500]
ГГ	-125, 250	-125, 250	725, -350	725, -350
ГБ	-125, 250	125, 250	500, -375	750, -375
БГ	125, 0	750, -625	350, 25	975, -600
ББ	125, 0	1000, -625	125, 0	1000, -625

- Будем искать равновесие в смешанных стратегиях.
- Стратегия [1250, 1250] игрока R доминирует две другие его стратегии [1250, 2500] и [2500, 2500].
- После удаления из таблицы выигрышей столбцов [1250, 2500] и [2500, 2500],
- в полученной усеченной игре стратегии ГГ и БГ игрока S соответственно доминируют две другие его стратегии ГБ и ББ.
- После удаления строк ГБ и ББ получится усеченная биматричная игра размера 2×2 .

Равновесие в игре «рынок лимонов»

	[1250, 1250]	[1250, 2500]	[2500, 1250]	[2500, 2500]
<i>ГГ</i>	-125, 250	-125, 250	725, -350	725, -350
<i>ГБ</i>	-125, 250	125, 250	500, -375	750, -375
<i>БГ</i>	125, 0	750, -625	350, 25	975, -600
<i>ББ</i>	125, 0	1000, -625	125, 0	1000, -625

- Будем искать равновесие в смешанных стратегиях.
- Стратегия [1250, 1250] игрока *R* доминирует две другие его стратегии [1250, 2500] и [2500, 2500].
- После удаления из таблицы выигрышей столбцов [1250, 2500] и [2500, 2500],
- в полученной усеченной игре стратегии *ГГ* и *БГ* игрока *S* соответственно доминируют две другие его стратегии *ГБ* и *ББ*.
- После удаления строк *ГБ* и *ББ* получится усеченная биматричная игра размера 2×2 .

Равновесие в игре «рынок лимонов»

	[1250, 1250]	[2500, 1250]
<i>ГГ</i>	– 125, 250	725, –350
<i>ГБ</i>	– 125, 250	500, –375
<i>БГ</i>	125, 0	350, 25
<i>ББ</i>	125, 0	125, 0

- Будем искать равновесие в смешанных стратегиях.
- Стратегия [1250, 1250] игрока *R* доминирует две другие его стратегии [1250, 2500] и [2500, 2500].
- После удаления из таблицы выигрышей столбцов [1250, 2500] и [2500, 2500],
- в полученной усеченной игре стратегии *ГГ* и *БГ* игрока *S* соответственно доминируют две другие его стратегии *ГБ* и *ББ*.
- После удаления строк *ГБ* и *ББ* получится усеченная биматричная игра размера 2×2 .

Равновесие в игре «рынок лимонов»

	[1250, 1250]	[2500, 1250]
<i>ГГ</i>	– 125, 250	725, –350
<i>ГБ</i>	– 125, 250	500, –375
<i>БГ</i>	125, 0	350, 25
<i>ББ</i>	125, 0	125, 0

- Будем искать равновесие в смешанных стратегиях.
- Стратегия [1250, 1250] игрока *R* доминирует две другие его стратегии [1250, 2500] и [2500, 2500].
- После удаления из таблицы выигрышей столбцов [1250, 2500] и [2500, 2500],
- в полученной усеченной игре стратегии *ГГ* и *БГ* игрока *S* соответственно доминируют две другие его стратегии *ГБ* и *ББ*.
- После удаления строк *ГБ* и *ББ* получится усеченная биматричная игра размера 2×2 .

Равновесие в игре «рынок лимонов»

	$[1250, 1250]$	$[2500, 1250]$
$ГГ$	$-125, 250^*$	$725^*, -350$
$БГ$	$125^*, 0$	$350, 25^*$

- Будем искать равновесие в смешанных стратегиях.
- Стратегия $[1250, 1250]$ игрока R доминирует две другие его стратегии $[1250, 2500]$ и $[2500, 2500]$.
- После удаления из таблицы выигрышей столбцов $[1250, 2500]$ и $[2500, 2500]$,
- в полученной усеченной игре стратегии $ГГ$ и $БГ$ игрока S соответственно доминируют две другие его стратегии $ГБ$ и $ББ$.
- После удаления строк $ГБ$ и $ББ$ получится усеченная биматричная игра размера 2×2 .

Равновесие в игре «рынок лимонов»

	[1250, 1250]	[2500, 1250]	
ГГ	-125, 250	725, -350	x
БГ	125, 0	350, 25	$1 - x$
	y	$1 - y$	

- Вероятности x и y найдем, решая уравнения:

$$250x + 0(1 - x) = -350x + 25(1 - x) \Rightarrow x = 1/25,$$

$$-125y + 725(1 - y) = 125y + 350(1 - y) \Rightarrow y = 3/5.$$

- Поэтому следующие распределения вероятностей

$$p_{ГГ}^* = 1/25, \quad q_{[1250, 1250]}^* = 3/5,$$

$$p_{ГБ}^* = 0, \quad q_{[1250, 2500]}^* = 0,$$

$$p_{БГ}^* = 24/25, \quad q_{[2500, 1250]}^* = 2/5,$$

$$p_{ББ}^* = 0, \quad q_{[2500, 2500]}^* = 0$$

определяют ситуацию равновесия для стратегической формы игры «рынок лимонов».

Равновесие в игре «рынок лимонов»

	$[1250, 1250]$	$[2500, 1250]$	
$ГГ$	$-125, 250$	$725, -350$	x
$БГ$	$125, 0$	$350, 25$	$1 - x$
	y	$1 - y$	

- Вероятности x и y найдем, решая уравнения:

$$250x + 0(1 - x) = -350x + 25(1 - x) \Rightarrow x = 1/25,$$

$$-125y + 725(1 - y) = 125y + 350(1 - y) \Rightarrow y = 3/5.$$

- Поэтому следующие распределения вероятностей

$$p_{ГГ}^* = 1/25,$$

$$q_{[1250, 1250]}^* = 3/5,$$

$$p_{ГБ}^* = 0,$$

$$q_{[1250, 2500]}^* = 0,$$

$$p_{БГ}^* = 24/25,$$

$$q_{[2500, 1250]}^* = 2/5,$$

$$p_{ББ}^* = 0,$$

$$q_{[2500, 2500]}^* = 0$$

определяют ситуацию равновесия для стратегической формы игры «рынок лимонов».

Равновесие в игре «рынок лимонов»

	$[1250, 1250]$	$[2500, 1250]$	
$ГГ$	$-125, 250$	$725, -350$	x
$БГ$	$125, 0$	$350, 25$	$1 - x$
	y	$1 - y$	

- Вероятности x и y найдем, решая уравнения:

$$250x + 0(1 - x) = -350x + 25(1 - x) \Rightarrow x = 1/25,$$

$$-125y + 725(1 - y) = 125y + 350(1 - y) \Rightarrow y = 3/5.$$

- Поэтому следующие распределения вероятностей

$$p_{ГГ}^* = 1/25,$$

$$q_{[1250, 1250]}^* = 3/5,$$

$$p_{ГБ}^* = 0,$$

$$q_{[1250, 2500]}^* = 0,$$

$$p_{БГ}^* = 24/25,$$

$$q_{[2500, 1250]}^* = 2/5,$$

$$p_{ББ}^* = 0,$$

$$q_{[2500, 2500]}^* = 0$$

определяют ситуацию равновесия для стратегической формы игры «рынок лимонов».

Равновесие в игре «рынок лимонов»

	[1250, 1250]	[2500, 1250]	
ГГ	-125, 250	725, -350	x
БГ	125, 0	350, 25	$1 - x$
	y	$1 - y$	

- Вероятности x и y найдем, решая уравнения:

$$250x + 0(1 - x) = -350x + 25(1 - x) \Rightarrow x = 1/25,$$

$$-125y + 725(1 - y) = 125y + 350(1 - y) \Rightarrow y = 3/5.$$

- Поэтому следующие распределения вероятностей

$$p_{ГГ}^* = 1/25,$$

$$p_{ГБ}^* = 0,$$

$$p_{БГ}^* = 24/25,$$

$$p_{ББ}^* = 0,$$

$$q_{[1250, 1250]}^* = 3/5,$$

$$q_{[1250, 2500]}^* = 0,$$

$$q_{[2500, 1250]}^* = 2/5,$$

$$q_{[2500, 2500]}^* = 0$$

определяют ситуацию равновесия для стратегической формы игры «рынок лимонов».

Равновесие в игре «рынок лимонов»

	[1250, 1250]	[2500, 1250]	
ГГ	-125, 250	725, -350	x
БГ	125, 0	350, 25	$1 - x$
	y	$1 - y$	

- Вероятности x и y найдем, решая уравнения:

$$250x + 0(1 - x) = -350x + 25(1 - x) \Rightarrow x = 1/25,$$

$$-125y + 725(1 - y) = 125y + 350(1 - y) \Rightarrow y = 3/5.$$

- Поэтому следующие распределения вероятностей

$$p_{ГГ}^* = 1/25,$$

$$q_{[1250,1250]}^* = 3/5,$$

$$p_{ГБ}^* = 0,$$

$$q_{[1250,2500]}^* = 0,$$

$$p_{БГ}^* = 24/25,$$

$$q_{[2500,1250]}^* = 2/5,$$

$$p_{ББ}^* = 0,$$

$$q_{[2500,2500]}^* = 0$$

определяют ситуацию равновесия для стратегической формы игры «рынок лимонов».

Равновесие в игре «рынок лимонов»

	[1250, 1250]	[2500, 1250]	
ГГ	-125, 250	725, -350	x
БГ	125, 0	350, 25	$1 - x$
	y	$1 - y$	

- Вероятности x и y найдем, решая уравнения:

$$250x + 0(1 - x) = -350x + 25(1 - x) \Rightarrow x = 1/25,$$

$$-125y + 725(1 - y) = 125y + 350(1 - y) \Rightarrow y = 3/5.$$

- Поэтому следующие распределения вероятностей

$$p_{ГГ}^* = 1/25, \quad q_{[1250, 1250]}^* = 3/5,$$

$$p_{ГБ}^* = 0, \quad q_{[1250, 2500]}^* = 0,$$

$$p_{БГ}^* = 24/25, \quad q_{[2500, 1250]}^* = 2/5,$$

$$p_{ББ}^* = 0, \quad q_{[2500, 2500]}^* = 0$$

определяют ситуацию равновесия для стратегической формы игры «рынок лимонов».

Влияние сигналов в игре «рынок лимонов»

	[1250, 1250]	[2500, 1250]	
ГГ	-125, 250	725, -350	1/25
БГ	125, 0	350, 25	24/25
	3/5	2/5	

- В ситуации равновесия ожидаемые выигрыш игрока S равен

$$-125 \cdot \frac{1}{25} \cdot \frac{3}{5} + 725 \cdot \frac{1}{25} + 125 \cdot \frac{24}{25} \cdot \frac{3}{5} + 350 \cdot \frac{24}{25} \cdot \frac{2}{5} = 158\frac{43}{90},$$
- а ожидаемый выигрыш игрока R следующий:

$$250 \cdot \frac{1}{25} \cdot \frac{3}{5} - 350 \cdot \frac{1}{25} + 0 \cdot \frac{24}{25} \cdot \frac{3}{5} + 25 \cdot \frac{24}{25} \cdot \frac{2}{5} = 10.$$
- Применение сигналов позволяет игроку S (продавцу) увеличить свой выигрыш со \$125 (выигрыш без применения сигналов) до \$158 $\frac{43}{90}$.

Влияние сигналов в игре «рынок лимонов»

	[1250, 1250]	[2500, 1250]	
ГГ	-125, 250	725, -350	1/25
БГ	125, 0	350, 25	24/25
	3/5	2/5	

- В ситуации равновесия ожидаемые выигрыши игрока S равен

$$-125 \cdot \frac{1}{25} \cdot \frac{3}{5} + 725 \cdot \frac{1}{25} + 125 \cdot \frac{24}{25} \cdot \frac{3}{5} + 350 \cdot \frac{24}{25} \cdot \frac{2}{5} = 158\frac{43}{90},$$

- а ожидаемый выигрыш игрока R следующий:

$$250 \cdot \frac{1}{25} \cdot \frac{3}{5} - 350 \cdot \frac{1}{25} + 0 \cdot \frac{24}{25} \cdot \frac{3}{5} + 25 \cdot \frac{24}{25} \cdot \frac{2}{5} = 10.$$

- Применение сигналов позволяет игроку S (продавцу) увеличить свой выигрыш со \$125 (выигрыш без применения сигналов) до \$158 $\frac{43}{90}$.

Влияние сигналов в игре «рынок лимонов»

	[1250, 1250]	[2500, 1250]	
ГГ	-125, 250	725, -350	1/25
БГ	125, 0	350, 25	24/25
	3/5	2/5	

- В ситуации равновесия ожидаемые выигрыш игрока S равен

$$-125 \cdot \frac{1}{25} \cdot \frac{3}{5} + 725 \cdot \frac{1}{25} + 125 \cdot \frac{24}{25} \cdot \frac{3}{5} + 350 \cdot \frac{24}{25} \cdot \frac{2}{5} = 158\frac{43}{90},$$
- а ожидаемый выигрыш игрока R следующий:

$$250 \cdot \frac{1}{25} \cdot \frac{3}{5} - 350 \cdot \frac{1}{25} + 0 \cdot \frac{24}{25} \cdot \frac{3}{5} + 25 \cdot \frac{24}{25} \cdot \frac{2}{5} = 10.$$
- Применение сигналов позволяет игроку S (продавцу) увеличить свой выигрыш со \$125 (выигрыш без применения сигналов) до \$158 $\frac{43}{90}$.

Влияние сигналов в игре «рынок лимонов»

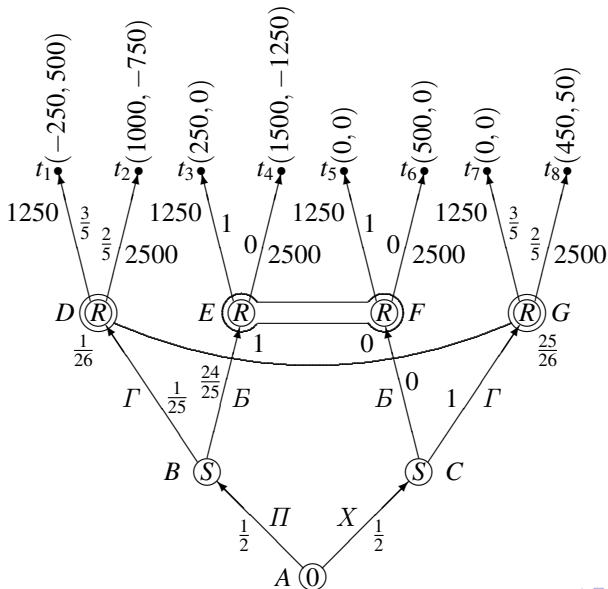
	[1250, 1250]	[2500, 1250]	
ГГ	-125, 250	725, -350	1/25
БГ	125, 0	350, 25	24/25
	3/5	2/5	

- В ситуации равновесия ожидаемые выигрыш игрока S равен

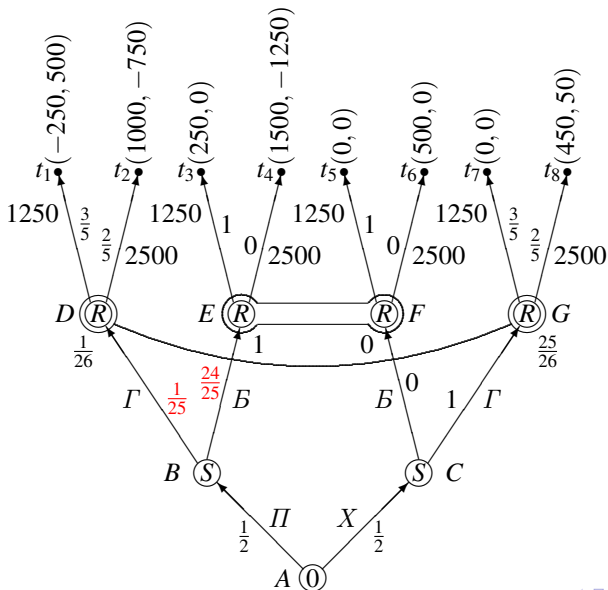
$$-125 \cdot \frac{1}{25} \cdot \frac{3}{5} + 725 \cdot \frac{1}{25} + 125 \cdot \frac{24}{25} \cdot \frac{3}{5} + 350 \cdot \frac{24}{25} \cdot \frac{2}{5} = 158\frac{43}{90},$$
- а ожидаемый выигрыш игрока R следующий:

$$250 \cdot \frac{1}{25} \cdot \frac{3}{5} - 350 \cdot \frac{1}{25} + 0 \cdot \frac{24}{25} \cdot \frac{3}{5} + 25 \cdot \frac{24}{25} \cdot \frac{2}{5} = 10.$$
- Применение сигналов позволяет игроку S (продавцу) увеличить свой выигрыш со \$125 (выигрыш без применения сигналов) до \$158 $\frac{43}{90}$.

Поведенческие стратегии в игре «рынок лимонов»

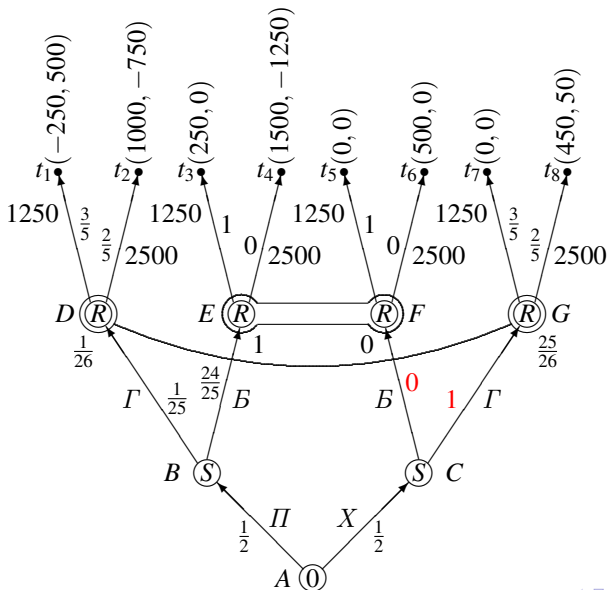


Поведенческие стратегии в игре «рынок лимонов»



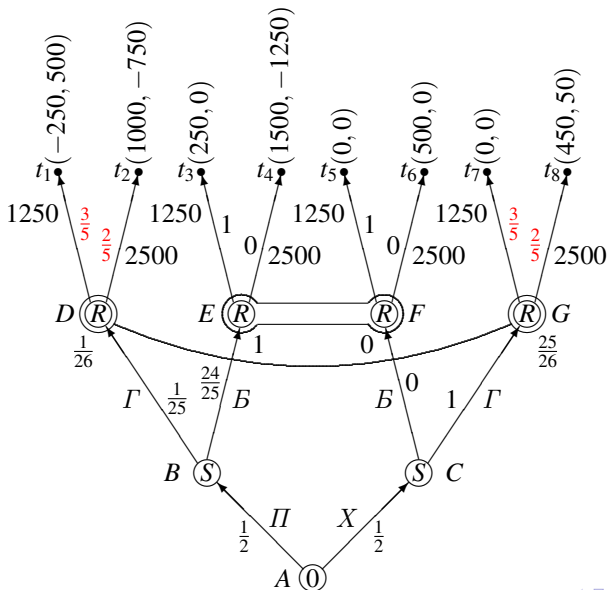
$$\begin{aligned}
 p_{\Gamma\Gamma}^* &= 1/25, \\
 p_{\Gamma\text{B}}^* &= 0, \\
 p_{\text{B}\Gamma}^* &= 24/25, \\
 p_{\text{B}\text{B}}^* &= 0.
 \end{aligned}$$

Поведенческие стратегии в игре «рынок лимонов»



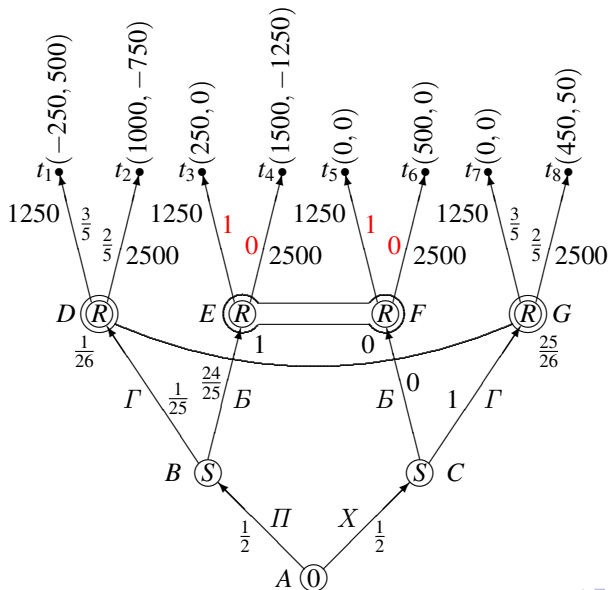
$$\begin{aligned}
 p_{\Gamma\Gamma}^* &= 1/25, \\
 p_{\Gamma\text{Б}}^* &= 0, \\
 p_{\text{Б}\Gamma}^* &= 24/25, \\
 p_{\text{Б}\text{Б}}^* &= 0.
 \end{aligned}$$

Поведенческие стратегии в игре «рынок лимонов»



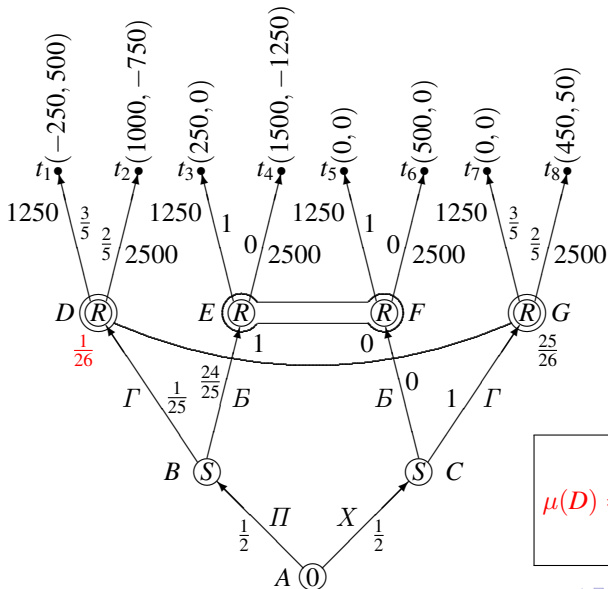
$$\begin{aligned}
 q_{[1250,1250]}^* &= 3/5, \\
 q_{[1250,2500]}^* &= 0, \\
 q_{[2500,1250]}^* &= 2/5, \\
 q_{[2500,2500]}^* &= 0.
 \end{aligned}$$

Поведенческие стратегии в игре «рынок лимонов»



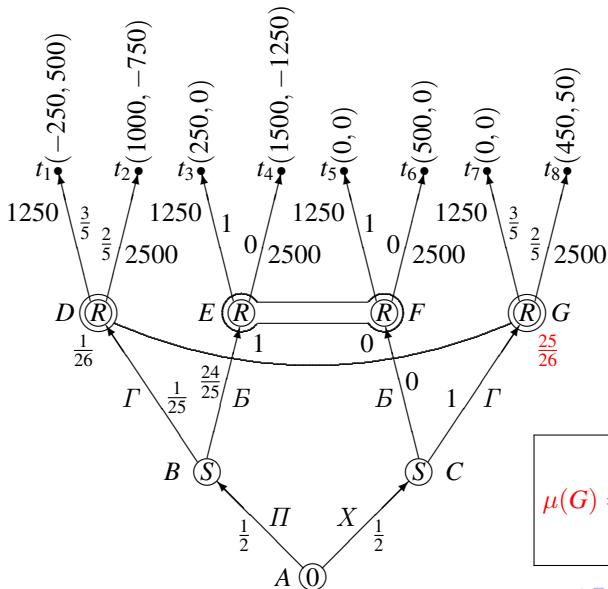
$$\begin{aligned}
 q_{[1250,1250]}^* &= 3/5, \\
 q_{[1250,2500]}^* &= 0, \\
 q_{[2500,1250]}^* &= 2/5, \\
 q_{[2500,2500]}^* &= 0.
 \end{aligned}$$

Поведенческие стратегии в игре «рынок лимонов»



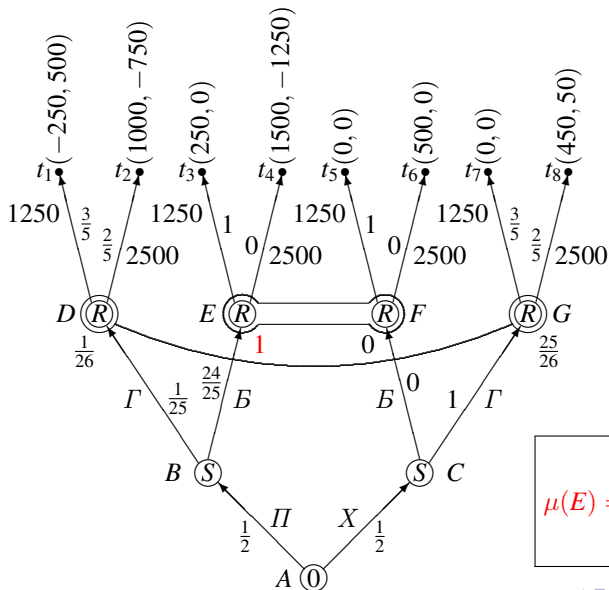
$$\mu(D) = \frac{\frac{1}{50}}{\frac{1}{50} + \frac{1}{2}} = \frac{1}{26}$$

Поведенческие стратегии в игре «рынок лимонов»



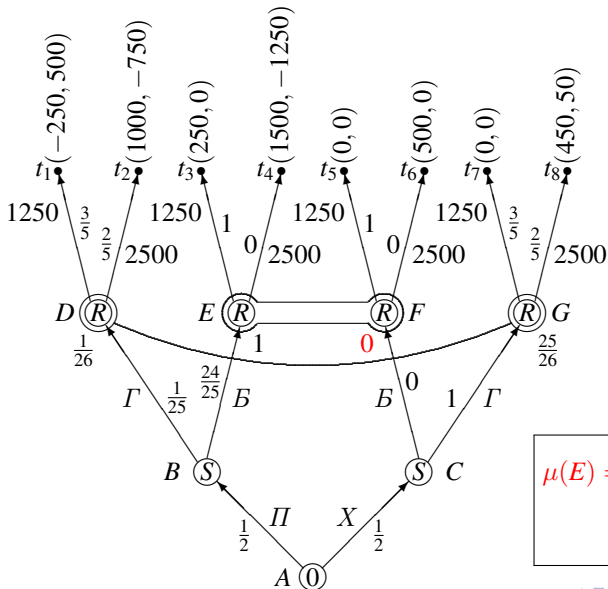
$$\mu(G) = \frac{\frac{1}{2}}{\frac{1}{50} + \frac{1}{2}} = \frac{25}{26}$$

Поведенческие стратегии в игре «рынок лимонов»



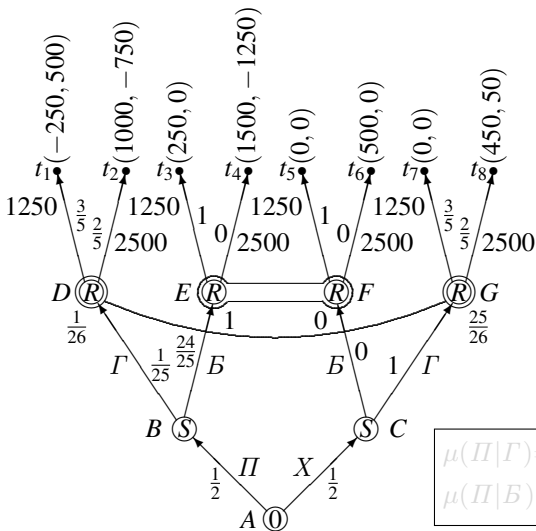
$$\mu(E) = \frac{\frac{24}{50}}{\frac{24}{50} + 0} = 1$$

Поведенческие стратегии в игре «рынок лимонов»



$$\mu(E) = \frac{0}{\frac{24}{50} + 0} = 0$$

Байесовское равновесие в игре «рынок лимонов»



$$\tilde{p}^*(\Pi) = \begin{pmatrix} \tilde{p}_{\Gamma}^*(\Pi) \\ \tilde{p}_{B}^*(\Pi) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1/25 \\ 24/25 \end{pmatrix},$$

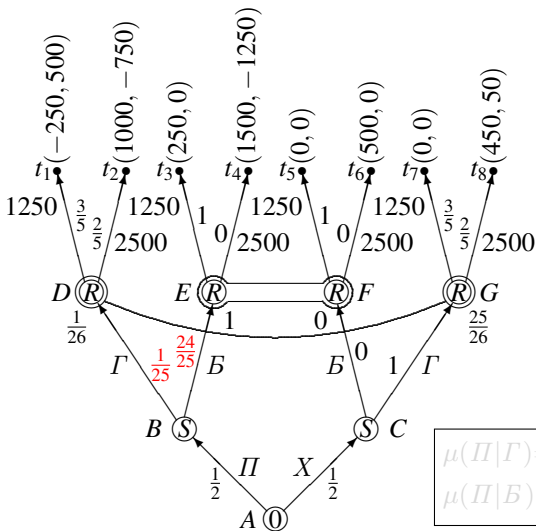
$$\tilde{p}^*(X) = \begin{pmatrix} \tilde{p}_{\Gamma}^*(X) \\ \tilde{p}_{B}^*(X) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix},$$

$$\tilde{q}^*(\Gamma) = \begin{pmatrix} \tilde{q}_{1250}^*(\Gamma) \\ \tilde{q}_{2500}^*(\Gamma) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 3/5 \\ 2/5 \end{pmatrix},$$

$$\tilde{q}^*(B) = \begin{pmatrix} \tilde{q}_{1250}^*(B) \\ \tilde{q}_{2500}^*(B) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix}.$$

$$\mu(\Pi|\Gamma) = \mu(D) = \frac{1}{26}, \quad \mu(X|\Gamma) = \mu(G) = \frac{25}{26}, \\ \mu(\Pi|B) = \mu(E) = 1, \quad \mu(X|B) = \mu(F) = 0.$$

Байесовское равновесие в игре «рынок лимонов»



$$\tilde{p}^*(\Pi) = \begin{pmatrix} \tilde{p}_\Gamma^*(\Pi) \\ \tilde{p}_B^*(\Pi) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1/25 \\ 24/25 \end{pmatrix},$$

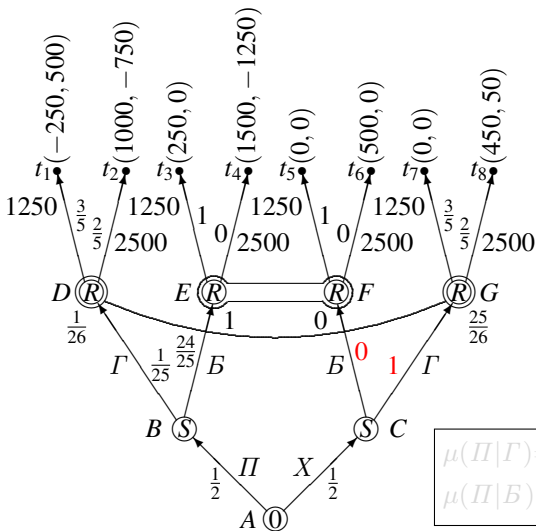
$$\tilde{p}^*(X) = \begin{pmatrix} \tilde{p}_\Gamma^*(X) \\ \tilde{p}_B^*(X) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix},$$

$$\tilde{q}^*(\Gamma) = \begin{pmatrix} \tilde{q}_{1250}^*(\Gamma) \\ \tilde{q}_{2500}^*(\Gamma) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 3/5 \\ 2/5 \end{pmatrix},$$

$$\tilde{q}^*(B) = \begin{pmatrix} \tilde{q}_{1250}^*(B) \\ \tilde{q}_{2500}^*(B) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix}.$$

$$\mu(\Pi|\Gamma) = \mu(D) = \frac{1}{26}, \quad \mu(X|\Gamma) = \mu(G) = \frac{25}{26}, \\ \mu(\Pi|B) = \mu(E) = 1, \quad \mu(X|B) = \mu(F) = 0.$$

Байесовское равновесие в игре «рынок лимонов»



$$\tilde{p}^*(\Pi) = \begin{pmatrix} \tilde{p}_\Gamma^*(\Pi) \\ \tilde{p}_B^*(\Pi) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1/25 \\ 24/25 \end{pmatrix},$$

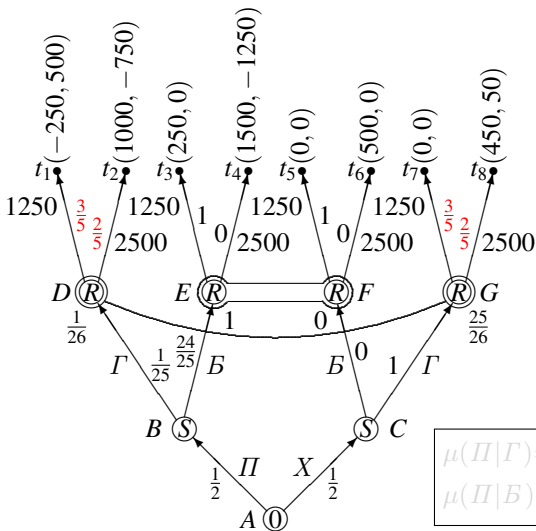
$$\tilde{p}^*(X) = \begin{pmatrix} \tilde{p}_\Gamma^*(X) \\ \tilde{p}_B^*(X) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix},$$

$$\tilde{q}^*(\Gamma) = \begin{pmatrix} \tilde{q}_{1250}^*(\Gamma) \\ \tilde{q}_{2500}^*(\Gamma) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 3/5 \\ 2/5 \end{pmatrix},$$

$$\tilde{q}^*(B) = \begin{pmatrix} \tilde{q}_{1250}^*(B) \\ \tilde{q}_{2500}^*(B) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix}.$$

$$\mu(\Pi|\Gamma) = \mu(D) = \frac{1}{26}, \quad \mu(X|\Gamma) = \mu(G) = \frac{25}{26}, \\ \mu(\Pi|B) = \mu(E) = 1, \quad \mu(X|B) = \mu(F) = 0.$$

Байесовское равновесие в игре «рынок лимонов»



$$\tilde{p}^*(\Pi) = \begin{pmatrix} \tilde{p}_\Gamma^*(\Pi) \\ \tilde{p}_B^*(\Pi) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1/25 \\ 24/25 \end{pmatrix},$$

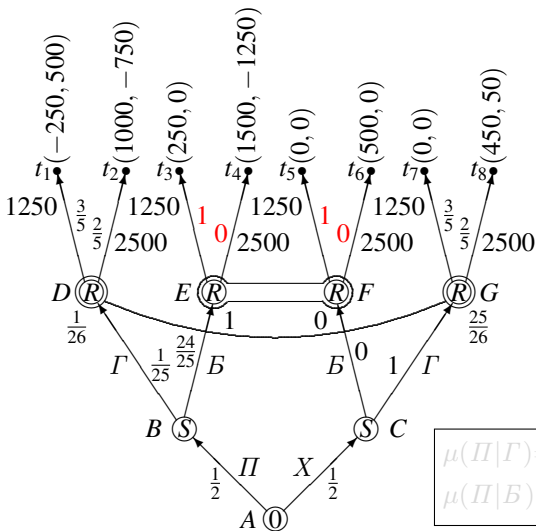
$$\tilde{p}^*(X) = \begin{pmatrix} \tilde{p}_\Gamma^*(X) \\ \tilde{p}_B^*(X) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix},$$

$$\tilde{q}^*(\Gamma) = \begin{pmatrix} \tilde{q}_{1250}^*(\Gamma) \\ \tilde{q}_{2500}^*(\Gamma) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 3/5 \\ 2/5 \end{pmatrix},$$

$$\tilde{q}^*(B) = \begin{pmatrix} \tilde{q}_{1250}^*(B) \\ \tilde{q}_{2500}^*(B) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix}.$$

$$\mu(\Pi|\Gamma) = \mu(D) = \frac{1}{26}, \quad \mu(X|\Gamma) = \mu(G) = \frac{25}{26}, \\ \mu(\Pi|B) = \mu(E) = 1, \quad \mu(X|B) = \mu(F) = 0.$$

Байесовское равновесие в игре «рынок лимонов»



$$\tilde{p}^*(\Pi) = \begin{pmatrix} \tilde{p}_{\Gamma}^*(\Pi) \\ \tilde{p}_{\beta}^*(\Pi) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1/25 \\ 24/25 \end{pmatrix},$$

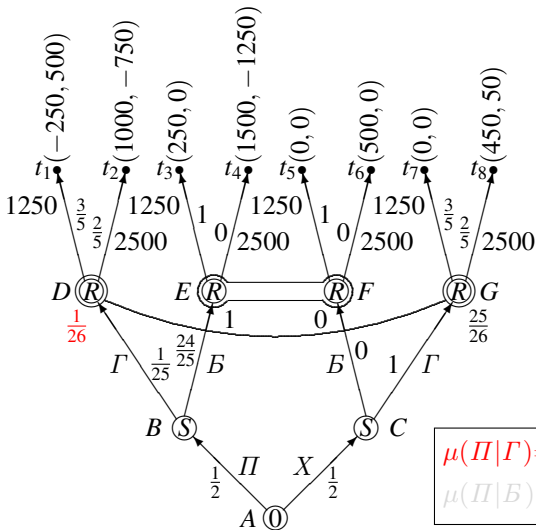
$$\tilde{p}^*(X) = \begin{pmatrix} \tilde{p}_{\Gamma}^*(X) \\ \tilde{p}_{\beta}^*(X) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix},$$

$$\tilde{q}^*(\Gamma) = \begin{pmatrix} \tilde{q}_{1250}^*(\Gamma) \\ \tilde{q}_{2500}^*(\Gamma) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 3/5 \\ 2/5 \end{pmatrix},$$

$$\tilde{q}^*(\beta) = \begin{pmatrix} \tilde{q}_{1250}^*(\beta) \\ \tilde{q}_{2500}^*(\beta) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix}.$$

$$\mu(\Pi|\Gamma) = \mu(D) = \frac{1}{26}, \quad \mu(X|\Gamma) = \mu(G) = \frac{25}{26}, \\ \mu(\Pi|\beta) = \mu(E) = 1, \quad \mu(X|\beta) = \mu(F) = 0.$$

Байесовское равновесие в игре «рынок лимонов»



$$\tilde{p}^*(\Pi) = \begin{pmatrix} \tilde{p}_{\Gamma}^*(\Pi) \\ \tilde{p}_B^*(\Pi) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1/25 \\ 24/25 \end{pmatrix},$$

$$\tilde{p}^*(X) = \begin{pmatrix} \tilde{p}_{\Gamma}^*(X) \\ \tilde{p}_B^*(X) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix},$$

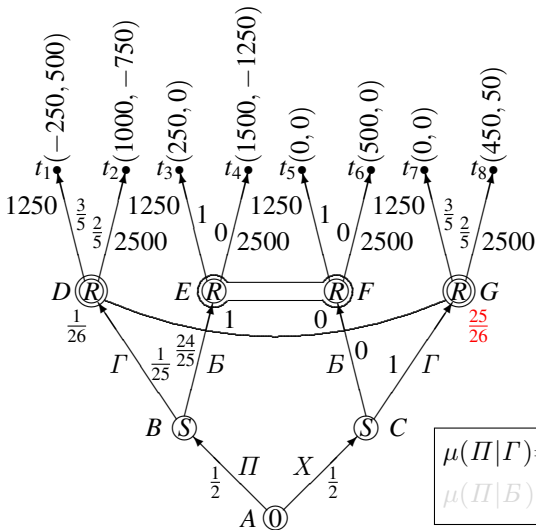
$$\tilde{q}^*(\Gamma) = \begin{pmatrix} \tilde{q}_{1250}^*(\Gamma) \\ \tilde{q}_{2500}^*(\Gamma) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 3/5 \\ 2/5 \end{pmatrix},$$

$$\tilde{q}^*(B) = \begin{pmatrix} \tilde{q}_{1250}^*(B) \\ \tilde{q}_{2500}^*(B) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix}.$$

$$\mu(\Pi|\Gamma) = \mu(D) = \frac{1}{26}, \quad \mu(X|\Gamma) = \mu(G) = \frac{25}{26},$$

$$\mu(\Pi|B) = \mu(E) = 1, \quad \mu(X|B) = \mu(F) = 0.$$

Байесовское равновесие в игре «рынок лимонов»



$$\tilde{p}^*(\Pi) = \begin{pmatrix} \tilde{p}_\Gamma^*(\Pi) \\ \tilde{p}_B^*(\Pi) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1/25 \\ 24/25 \end{pmatrix},$$

$$\tilde{p}^*(X) = \begin{pmatrix} \tilde{p}_\Gamma^*(X) \\ \tilde{p}_B^*(X) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix},$$

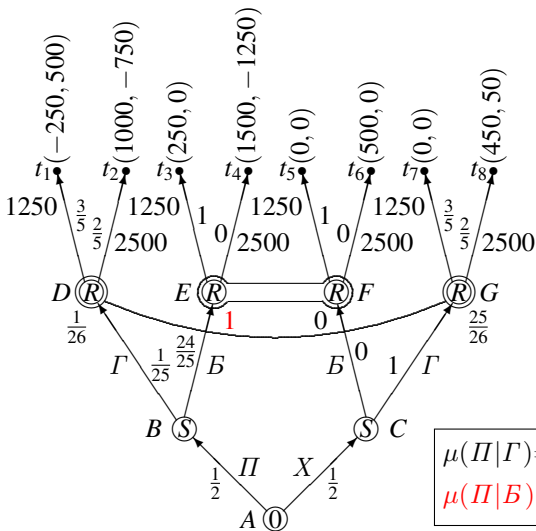
$$\tilde{q}^*(\Gamma) = \begin{pmatrix} \tilde{q}_{1250}^*(\Gamma) \\ \tilde{q}_{2500}^*(\Gamma) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 3/5 \\ 2/5 \end{pmatrix},$$

$$\tilde{q}^*(B) = \begin{pmatrix} \tilde{q}_{1250}^*(B) \\ \tilde{q}_{2500}^*(B) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix}.$$

$$\mu(\Pi|\Gamma) = \mu(D) = \frac{1}{26}, \quad \mu(X|\Gamma) = \mu(G) = \frac{25}{26},$$

$$\mu(\Pi|B) = \mu(E) = 1, \quad \mu(X|B) = \mu(F) = 0.$$

Байесовское равновесие в игре «рынок лимонов»



$$\tilde{p}^*(\Pi) = \begin{pmatrix} \tilde{p}_\Gamma^*(\Pi) \\ \tilde{p}_B^*(\Pi) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1/25 \\ 24/25 \end{pmatrix},$$

$$\tilde{p}^*(X) = \begin{pmatrix} \tilde{p}_\Gamma^*(X) \\ \tilde{p}_B^*(X) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix},$$

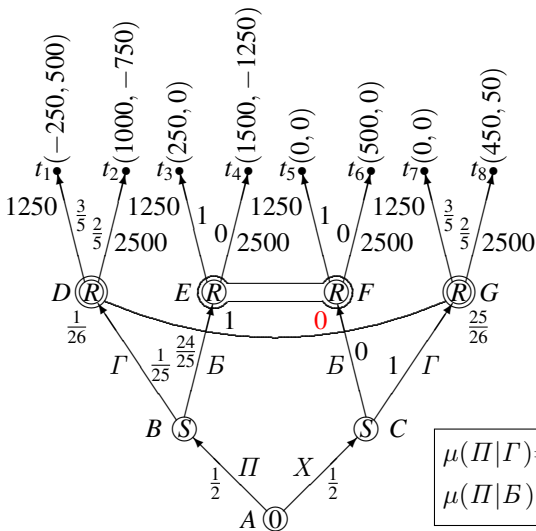
$$\tilde{q}^*(\Gamma) = \begin{pmatrix} \tilde{q}_{1250}^*(\Gamma) \\ \tilde{q}_{2500}^*(\Gamma) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 3/5 \\ 2/5 \end{pmatrix},$$

$$\tilde{q}^*(B) = \begin{pmatrix} \tilde{q}_{1250}^*(B) \\ \tilde{q}_{2500}^*(B) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix}.$$

$$\mu(\Pi|\Gamma) = \mu(D) = \frac{1}{26}, \quad \mu(X|\Gamma) = \mu(G) = \frac{25}{26},$$

$$\mu(\Pi|B) = \mu(E) = 1, \quad \mu(X|B) = \mu(F) = 0.$$

Байесовское равновесие в игре «рынок лимонов»



$$\tilde{p}^*(\Pi) = \begin{pmatrix} \tilde{p}_{\Gamma}^*(\Pi) \\ \tilde{p}_{\beta}^*(\Pi) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1/25 \\ 24/25 \end{pmatrix},$$

$$\tilde{p}^*(X) = \begin{pmatrix} \tilde{p}_{\Gamma}^*(X) \\ \tilde{p}_{\beta}^*(X) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix},$$

$$\tilde{q}^*(\Gamma) = \begin{pmatrix} \tilde{q}_{1250}^*(\Gamma) \\ \tilde{q}_{2500}^*(\Gamma) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 3/5 \\ 2/5 \end{pmatrix},$$

$$\tilde{q}^*(\beta) = \begin{pmatrix} \tilde{q}_{1250}^*(\beta) \\ \tilde{q}_{2500}^*(\beta) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix}.$$

$$\mu(\Pi|\Gamma) = \mu(D) = \frac{1}{26}, \quad \mu(X|\Gamma) = \mu(G) = \frac{25}{26}, \\ \mu(\Pi|\beta) = \mu(E) = 1, \quad \mu(X|\beta) = \mu(F) = 0.$$

Интерпретация байесовского равновесия

$$\tilde{p}^*(\Pi) = \begin{pmatrix} \tilde{p}_G^*(\Pi) \\ \tilde{p}_B^*(\Pi) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1/25 \\ 24/25 \end{pmatrix}, \quad \tilde{p}^*(X) = \begin{pmatrix} \tilde{p}_G^*(X) \\ \tilde{p}_B^*(X) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix};$$

$$\tilde{q}^*(\Gamma) = \begin{pmatrix} \tilde{q}_{1250}^*(\Gamma) \\ \tilde{q}_{2500}^*(\Gamma) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 3/5 \\ 2/5 \end{pmatrix}, \quad \tilde{q}^*(B) = \begin{pmatrix} \tilde{q}_{1250}^*(B) \\ \tilde{q}_{2500}^*(B) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix}.$$

- В равновесной ситуации продавец (отправитель) всегда дает гарантию на хороший автомобиль,
- а на плохой автомобиль дает гарантию случайным образом: в среднем одну гарантию на 25 автомобилей.
- Покупатель (получатель) всегда предлагает цену \$1250 за автомобиль без гарантии,
- а за автомобиль с гарантией назначает цену случайным образом:
 - \$1250 с вероятностью 3/5
 - и \$2500 с вероятностью 2/5.

Интерпретация байесовского равновесия

$$\tilde{p}^*(\Pi) = \begin{pmatrix} \tilde{p}_G^*(\Pi) \\ \tilde{p}_B^*(\Pi) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1/25 \\ 24/25 \end{pmatrix}, \quad \tilde{p}^*(X) = \begin{pmatrix} \tilde{p}_G^*(X) \\ \tilde{p}_B^*(X) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix};$$

$$\tilde{q}^*(\Gamma) = \begin{pmatrix} \tilde{q}_{1250}^*(\Gamma) \\ \tilde{q}_{2500}^*(\Gamma) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 3/5 \\ 2/5 \end{pmatrix}, \quad \tilde{q}^*(B) = \begin{pmatrix} \tilde{q}_{1250}^*(B) \\ \tilde{q}_{2500}^*(B) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix}.$$

- В равновесной ситуации продавец (отправитель) всегда дает гарантию на хороший автомобиль,
- а на плохой автомобиль дает гарантию случайным образом: в среднем одну гарантию на 25 автомобилей.
- Покупатель (получатель) всегда предлагает цену \$1250 за автомобиль без гарантии,
- а за автомобиль с гарантией назначает цену случайным образом:
 - \$1250 с вероятностью 3/5
 - и \$2500 с вероятностью 2/5.

Интерпретация байесовского равновесия

$$\tilde{p}^*(\Pi) = \begin{pmatrix} \tilde{p}_G^*(\Pi) \\ \tilde{p}_B^*(\Pi) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1/25 \\ 24/25 \end{pmatrix}, \quad \tilde{p}^*(X) = \begin{pmatrix} \tilde{p}_G^*(X) \\ \tilde{p}_B^*(X) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix};$$

$$\tilde{q}^*(\Gamma) = \begin{pmatrix} \tilde{q}_{1250}^*(\Gamma) \\ \tilde{q}_{2500}^*(\Gamma) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 3/5 \\ 2/5 \end{pmatrix}, \quad \tilde{q}^*(B) = \begin{pmatrix} \tilde{q}_{1250}^*(B) \\ \tilde{q}_{2500}^*(B) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix}.$$

- В равновесной ситуации продавец (отправитель) всегда дает гарантию на хороший автомобиль,
- а на плохой автомобиль дает гарантию случайным образом: в среднем одну гарантию на 25 автомобилей.
- Покупатель (получатель) всегда предлагает цену \$1250 за автомобиль без гарантии,
- а за автомобиль с гарантией назначает цену случайным образом:
 - \$1250 с вероятностью 3/5
 - и \$2500 с вероятностью 2/5.

Интерпретация байесовского равновесия

$$\tilde{p}^*(\Pi) = \begin{pmatrix} \tilde{p}_\Gamma^*(\Pi) \\ \tilde{p}_B^*(\Pi) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1/25 \\ 24/25 \end{pmatrix}, \quad \tilde{p}^*(X) = \begin{pmatrix} \tilde{p}_\Gamma^*(X) \\ \tilde{p}_B^*(X) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix};$$

$$\tilde{q}^*(\Gamma) = \begin{pmatrix} \tilde{q}_{1250}^*(\Gamma) \\ \tilde{q}_{2500}^*(\Gamma) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 3/5 \\ 2/5 \end{pmatrix}, \quad \tilde{q}^*(B) = \begin{pmatrix} \tilde{q}_{1250}^*(B) \\ \tilde{q}_{2500}^*(B) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix}.$$

- В равновесной ситуации продавец (отправитель) всегда дает гарантию на хороший автомобиль,
- а на плохой автомобиль дает гарантию случайным образом: в среднем одну гарантию на 25 автомобилей.
- Покупатель (получатель) всегда предлагает цену \$1250 за автомобиль без гарантии,
- а за автомобиль с гарантией назначает цену случайным образом:
 - \$1250 с вероятностью 3/5
 - и \$2500 с вероятностью 2/5.

Интерпретация байесовского равновесия

$$\tilde{p}^*(\Pi) = \begin{pmatrix} \tilde{p}_G^*(\Pi) \\ \tilde{p}_B^*(\Pi) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1/25 \\ 24/25 \end{pmatrix}, \quad \tilde{p}^*(X) = \begin{pmatrix} \tilde{p}_G^*(X) \\ \tilde{p}_B^*(X) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix};$$

$$\tilde{q}^*(\Gamma) = \begin{pmatrix} \tilde{q}_{1250}^*(\Gamma) \\ \tilde{q}_{2500}^*(\Gamma) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 3/5 \\ 2/5 \end{pmatrix}, \quad \tilde{q}^*(B) = \begin{pmatrix} \tilde{q}_{1250}^*(B) \\ \tilde{q}_{2500}^*(B) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix}.$$

- В равновесной ситуации продавец (отправитель) всегда дает гарантию на хороший автомобиль,
- а на плохой автомобиль дает гарантию случайным образом: в среднем одну гарантию на 25 автомобилей.
- Покупатель (получатель) всегда предлагает цену \$1250 за автомобиль без гарантии,
- а за автомобиль с гарантией назначает цену случайным образом:
 - \$1250 с вероятностью 3/5
 - и \$2500 с вероятностью 2/5.

Интерпретация байесовского равновесия

$$\tilde{p}^*(\Pi) = \begin{pmatrix} \tilde{p}_G^*(\Pi) \\ \tilde{p}_B^*(\Pi) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1/25 \\ 24/25 \end{pmatrix}, \quad \tilde{p}^*(X) = \begin{pmatrix} \tilde{p}_G^*(X) \\ \tilde{p}_B^*(X) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix};$$

$$\tilde{q}^*(\Gamma) = \begin{pmatrix} \tilde{q}_{1250}^*(\Gamma) \\ \tilde{q}_{2500}^*(\Gamma) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 3/5 \\ 2/5 \end{pmatrix}, \quad \tilde{q}^*(B) = \begin{pmatrix} \tilde{q}_{1250}^*(B) \\ \tilde{q}_{2500}^*(B) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix}.$$

- В равновесной ситуации продавец (отправитель) всегда дает гарантию на хороший автомобиль,
- а на плохой автомобиль дает гарантию случайным образом: в среднем одну гарантию на 25 автомобилей.
- Покупатель (получатель) всегда предлагает цену \$1250 за автомобиль без гарантии,
- а за автомобиль с гарантией назначает цену случайным образом:
 - \$1250 с вероятностью 3/5
 - и \$2500 с вероятностью 2/5.

Интерпретация представления покупателя
после того как он выбрал автомобиль и продавец
предложил или не предложил гарантию

$$\begin{aligned}\mu(\Pi|\Gamma) &= \mu(D) = 1/26, & \mu(X|\Gamma) &= \mu(G) = 25/26, \\ \mu(\Pi|B) &= \mu(E) = 1, & \mu(X|B) &= \mu(F) = 0.\end{aligned}$$

- Если продавец не предложил гарантии, то покупатель считает, что он выбрал плохой автомобиль.
- Если же продавец предложил гарантию, то покупатель полагает
 - с вероятностью $1/26$, что он выбрал плохой автомобиль,
 - и с вероятностью $25/26$, что он выбрал хороший автомобиль.

Интерпретация представления покупателя
после того как он выбрал автомобиль и продавец
предложил или не предложил гарантию

$$\begin{aligned}\mu(\Pi|\Gamma) &= \mu(D) = 1/26, & \mu(X|\Gamma) &= \mu(G) = 25/26, \\ \mu(\Pi|B) &= \mu(E) = 1, & \mu(X|B) &= \mu(F) = 0.\end{aligned}$$

- Если продавец не предложил гарантии, то покупатель считает, что он выбрал плохой автомобиль.
- Если же продавец предложил гарантию, то покупатель полагает
 - с вероятностью $1/26$, что он выбрал плохой автомобиль,
 - и с вероятностью $25/26$, что он выбрал хороший автомобиль.

Интерпретация представления покупателя
после того как он выбрал автомобиль и продавец
предложил или не предложил гарантию

$$\begin{aligned}\mu(\Pi|\Gamma) &= \mu(D) = 1/26, & \mu(X|\Gamma) &= \mu(G) = 25/26, \\ \mu(\Pi|B) &= \mu(E) = 1, & \mu(X|B) &= \mu(F) = 0.\end{aligned}$$

- Если продавец не предложил гарантии, то покупатель считает, что он выбрал плохой автомобиль.
- Если же продавец предложил гарантию, то покупатель полагает
 - с вероятностью $1/26$, что он выбрал плохой автомобиль,
 - и с вероятностью $25/26$, что он выбрал хороший автомобиль.

Интерпретация представления покупателя
после того как он выбрал автомобиль и продавец
предложил или не предложил гарантию

$$\begin{aligned}\mu(\Pi|\Gamma) &= \mu(D) = 1/26, & \mu(X|\Gamma) &= \mu(G) = 25/26, \\ \mu(\Pi|B) &= \mu(E) = 1, & \mu(X|B) &= \mu(F) = 0.\end{aligned}$$

- Если продавец не предложил гарантии, то покупатель считает, что он выбрал плохой автомобиль.
- Если же продавец предложил гарантию, то покупатель полагает
 - с вероятностью $1/26$, что он выбрал плохой автомобиль,
 - и с вероятностью $25/26$, что он выбрал хороший автомобиль.

Интерпретация представления покупателя
после того как он выбрал автомобиль и продавец
предложил или не предложил гарантию

$$\begin{aligned}\mu(\Pi|\Gamma) &= \mu(D) = 1/26, & \mu(X|\Gamma) &= \mu(G) = 25/26, \\ \mu(\Pi|B) &= \mu(E) = 1, & \mu(X|B) &= \mu(F) = 0.\end{aligned}$$

- Если продавец не предложил гарантии, то покупатель считает, что он выбрал плохой автомобиль.
- Если же продавец предложил гарантию, то покупатель полагает
 - с вероятностью $1/26$, что он выбрал плохой автомобиль,
 - и с вероятностью $25/26$, что он выбрал хороший автомобиль.

Сигнальная модель рынка труда

- Первым применением сигнальных игр в экономике была сигнальная модель рынка труда,
- предложенная Нобелевским лауреатом 2001 года в области экономики А. Спенсом (A.M. Spence).

Сигнальная модель рынка труда

- Первым применением сигнальных игр в экономике была сигнальная модель рынка труда,
- предложенная Нобелевским лауреатом 2001 года в области экономики А. Спенсом (A.M. Spence).

Сигнальная модель рынка труда

- Предположим, что имеются всего две группы служащих.
- Группа 1 состоит из людей с низкой продуктивностью, которая оценивается зарплатой равной 1,
- а в группу 2 входят люди с высокой продуктивностью, которая оценивается зарплатой равной 2.
- Если бы у нанимателей не было возможности отличать людей из разных групп, то они назначали бы зарплату случайным образом:
- 1 с вероятностью ρ и 2 с вероятностью $1 - \rho$, где ρ есть доля людей в группе 1.
- Тогда средний уровень зарплаты был бы равен $1 \cdot \rho + 2 \cdot (1 - \rho) = 2 - \rho$.
- Заметим, что чем меньше размер группы 2 людей с высокой продуктивностью (чем больше ρ),
- тем больше их неудовлетворение средней зарплатой $2 - \rho$.

Сигнальная модель рынка труда

- Предположим, что имеются всего две группы служащих.
- **Группа 1 состоит из людей с низкой продуктивностью, которая оценивается зарплатой равной 1,**
- а в группу 2 входят люди с высокой продуктивностью, которая оценивается зарплатой равной 2.
- Если бы у нанимателей не было возможности отличать людей из разных групп, то они назначали бы зарплату случайным образом:
- 1 с вероятностью ρ и 2 с вероятностью $1 - \rho$, где ρ есть доля людей в группе 1.
- Тогда средний уровень зарплаты был бы равен $1 \cdot \rho + 2 \cdot (1 - \rho) = 2 - \rho$.
- Заметим, что чем меньше размер группы 2 людей с высокой продуктивностью (чем больше ρ),
- тем больше их неудовлетворение средней зарплатой $2 - \rho$.

Сигнальная модель рынка труда

- Предположим, что имеются всего две группы служащих.
- Группа 1 состоит из людей с низкой продуктивностью, которая оценивается зарплатой равной 1,
- а в группу 2 входят люди с высокой продуктивностью, которая оценивается зарплатой равной 2.
- Если бы у нанимателей не было возможности отличать людей из разных групп, то они назначали бы зарплату случайным образом:
- 1 с вероятностью ρ и 2 с вероятностью $1 - \rho$, где ρ есть доля людей в группе 1.
- Тогда средний уровень зарплаты был бы равен $1 \cdot \rho + 2 \cdot (1 - \rho) = 2 - \rho$.
- Заметим, что чем меньше размер группы 2 людей с высокой продуктивностью (чем больше ρ),
- тем больше их неудовлетворение средней зарплатой $2 - \rho$.

Сигнальная модель рынка труда

- Предположим, что имеются всего две группы служащих.
- Группа 1 состоит из людей с низкой продуктивностью, которая оценивается зарплатой равной 1,
- а в группу 2 входят люди с высокой продуктивностью, которая оценивается зарплатой равной 2.
- Если бы у нанимателей не было возможности отличать людей из разных групп, то они назначали бы зарплату случайным образом:
- 1 с вероятностью ρ и 2 с вероятностью $1 - \rho$, где ρ есть доля людей в группе 1.
- Тогда средний уровень зарплаты был бы равен $1 \cdot \rho + 2 \cdot (1 - \rho) = 2 - \rho$.
- Заметим, что чем меньше размер группы 2 людей с высокой продуктивностью (чем больше ρ),
- тем больше их неудовлетворение средней зарплатой $2 - \rho$.

Сигнальная модель рынка труда

- Предположим, что имеются всего две группы служащих.
- Группа 1 состоит из людей с низкой продуктивностью, которая оценивается зарплатой равной 1,
- а в группу 2 входят люди с высокой продуктивностью, которая оценивается зарплатой равной 2.
- Если бы у нанимателей не было возможности отличать людей из разных групп, то они назначали бы зарплату случайным образом:
- 1 с вероятностью ρ и 2 с вероятностью $1 - \rho$, где ρ есть доля людей в группе 1.
- Тогда средний уровень зарплаты был бы равен $1 \cdot \rho + 2 \cdot (1 - \rho) = 2 - \rho$.
- Заметим, что чем меньше размер группы 2 людей с высокой продуктивностью (чем больше ρ),
- тем больше их неудовлетворение средней зарплатой $2 - \rho$.

Сигнальная модель рынка труда

- Предположим, что имеются всего две группы служащих.
- Группа 1 состоит из людей с низкой продуктивностью, которая оценивается зарплатой равной 1,
- а в группу 2 входят люди с высокой продуктивностью, которая оценивается зарплатой равной 2.
- Если бы у нанимателей не было возможности отличать людей из разных групп, то они назначали бы зарплату случайным образом:
- 1 с вероятностью ρ и 2 с вероятностью $1 - \rho$, где ρ есть доля людей в группе 1.
- Тогда средний уровень зарплаты был бы равен $1 \cdot \rho + 2 \cdot (1 - \rho) = 2 - \rho$.
- Заметим, что чем меньше размер группы 2 людей с высокой продуктивностью (чем больше ρ),
- тем больше их неудовлетворение средней зарплатой $2 - \rho$.

Сигнальная модель рынка труда

- Предположим, что имеются всего две группы служащих.
- Группа 1 состоит из людей с низкой продуктивностью, которая оценивается зарплатой равной 1,
- а в группу 2 входят люди с высокой продуктивностью, которая оценивается зарплатой равной 2.
- Если бы у нанимателей не было возможности отличать людей из разных групп, то они назначали бы зарплату случайным образом:
- 1 с вероятностью ρ и 2 с вероятностью $1 - \rho$, где ρ есть доля людей в группе 1.
- Тогда средний уровень зарплаты был бы равен $1 \cdot \rho + 2 \cdot (1 - \rho) = 2 - \rho$.
- Заметим, что чем меньше размер группы 2 людей с высокой продуктивностью (чем больше ρ),
- тем больше их неудовлетворение средней зарплатой $2 - \rho$.

Сигнальная модель рынка труда

- Предположим, что имеются всего две группы служащих.
- Группа 1 состоит из людей с низкой продуктивностью, которая оценивается зарплатой равной 1,
- а в группу 2 входят люди с высокой продуктивностью, которая оценивается зарплатой равной 2.
- Если бы у нанимателей не было возможности отличать людей из разных групп, то они назначали бы зарплату случайным образом:
- 1 с вероятностью ρ и 2 с вероятностью $1 - \rho$, где ρ есть доля людей в группе 1.
- Тогда средний уровень зарплаты был бы равен $1 \cdot \rho + 2 \cdot (1 - \rho) = 2 - \rho$.
- Заметим, что чем меньше размер группы 2 людей с высокой продуктивностью (чем больше ρ),
- тем больше их неудовлетворение средней зарплатой $2 - \rho$.

Сигналы

- *Сигналами* называют такие косвенные факторы,
 - которые может наблюдать лицо принимающее решение
 - и которые коррелированы (положительно или отрицательно) с тем ненаблюдаемым фактором,
 - по значению которого можно принять правильное решение.
- В нашей модели ненаблюдаемым фактором для нанимателя является продуктивность человека, претендующего получить работу.
- Ясно, что людям из группы 1 нет никакого резона объявлять нанимателю, что они обладают низкой продуктивностью.
- В качестве сигнала (наблюдаемого фактора) А. Спенс использовал *образование* (точнее, количество лет обучения) претендента на работу.

Сигналы

- *Сигналами* называют такие косвенные факторы,
- **которые может наблюдать лицо принимающее решение**
- и которые коррелированы (положительно или отрицательно) с тем ненаблюдаемым фактором,
- по значению которого можно принять правильное решение.
- В нашей модели ненаблюдаемым фактором для нанимателя является продуктивность человека, претендующего получить работу.
- Ясно, что людям из группы 1 нет никакого резона объявлять нанимателю, что они обладают низкой продуктивностью.
- В качестве сигнала (наблюдаемого фактора) А. Спенс использовал *образование* (точнее, количество лет обучения) претендента на работу.

Сигналы

- *Сигналами* называют такие косвенные факторы,
- которые может наблюдать лицо принимающее решение
- и которые коррелированы (положительно или отрицательно) с тем ненаблюдаемым фактором,
- по значению которого можно принять правильное решение.
- В нашей модели ненаблюдаемым фактором для нанимателя является продуктивность человека, претендующего получить работу.
- Ясно, что людям из группы 1 нет никакого резона объявлять нанимателю, что они обладают низкой продуктивностью.
- В качестве сигнала (наблюдаемого фактора) А. Спенс использовал *образование* (точнее, количество лет обучения) претендента на работу.

Сигналы

- *Сигналами* называют такие косвенные факторы,
- которые может наблюдать лицо принимающее решение
- и которые коррелированы (положительно или отрицательно) с тем ненаблюдаемым фактором,
- по значению которого можно принять правильное решение.
- В нашей модели ненаблюдаемым фактором для нанимателя является продуктивность человека, претендующего получить работу.
- Ясно, что людям из группы 1 нет никакого резона объявлять нанимателю, что они обладают низкой продуктивностью.
- В качестве сигнала (наблюдаемого фактора) А. Спенс использовал *образование* (точнее, количество лет обучения) претендента на работу.

Сигналы

- *Сигналами* называют такие косвенные факторы,
- которые может наблюдать лицо принимающее решение
- и которые коррелированы (положительно или отрицательно) с тем ненаблюдаемым фактором,
- по значению которого можно принять правильное решение.
- В нашей модели ненаблюдаемым фактором для нанимателя является продуктивность человека, претендующего получить работу.
- Ясно, что людям из группы 1 нет никакого резона объявлять нанимателю, что они обладают низкой продуктивностью.
- В качестве сигнала (наблюдаемого фактора) А. Спенс использовал *образование* (точнее, количество лет обучения) претендента на работу.

Сигналы

- *Сигналами* называют такие косвенные факторы,
- которые может наблюдать лицо принимающее решение
- и которые коррелированы (положительно или отрицательно) с тем ненаблюдаемым фактором,
- по значению которого можно принять правильное решение.
- В нашей модели ненаблюдаемым фактором для нанимателя является продуктивность человека, претендующего получить работу.
- Ясно, что людям из группы 1 нет никакого резона объявлять нанимателю, что они обладают низкой продуктивностью.
- В качестве сигнала (наблюдаемого фактора) А. Спенс использовал *образование* (точнее, количество лет обучения) претендента на работу.

Сигналы

- *Сигналами* называют такие косвенные факторы,
- которые может наблюдать лицо принимающее решение
- и которые коррелированы (положительно или отрицательно) с тем ненаблюдаемым фактором,
- по значению которого можно принять правильное решение.
- В нашей модели ненаблюдаемым фактором для нанимателя является продуктивность человека, претендующего получить работу.
- Ясно, что людям из группы 1 нет никакого резона объявлять нанимателю, что они обладают низкой продуктивностью.
- В качестве сигнала (наблюдаемого фактора) А. Спенс использовал *образование* (точнее, количество лет обучения) претендента на работу.

Сигнальная модель рынка труда

- Предположим, что стоимость обучения в течении года для людей из группы 1 равна 1 (им нужно нанимать репетиторов, тратить больше времени на учебу и т. д.),
- а для людей из группы 2 равна $1/2$.
- Тогда m лет обучения для человека из группы 1 стоит m ,
- а для человека из группы 2 стоит $m/2$.
- В оригинальной простой модели А. Спенса предполагается,
- что образование не влияет на продуктивность человека в той специальности, на которую он претендует.
- Заметим, что стоимость обучения обратно коррелирована с продуктивностью человека (ненаблюдаемым для нанимателя фактором).

Сигнальная модель рынка труда

- Предположим, что стоимость обучения в течении года для людей из группы 1 равна 1 (им нужно нанимать репетиторов, тратить больше времени на учебу и т. д.),
- а для людей из группы 2 равна $1/2$.
- Тогда m лет обучения для человека из группы 1 стоит m ,
- а для человека из группы 2 стоит $m/2$.
- В оригинальной простой модели А. Спенса предполагается,
- что образование не влияет на продуктивность человека в той специальности, на которую он претендует.
- Заметим, что стоимость обучения обратно коррелирована с продуктивностью человека (ненаблюдаемым для нанимателя фактором).

Сигнальная модель рынка труда

- Предположим, что стоимость обучения в течении года для людей из группы 1 равна 1 (им нужно нанимать репетиторов, тратить больше времени на учебу и т. д.),
- а для людей из группы 2 равна $1/2$.
- Тогда m лет обучения для человека из группы 1 стоит m ,
- а для человека из группы 2 стоит $m/2$.
- В оригинальной простой модели А. Спенса предполагается,
- что образование не влияет на продуктивность человека в той специальности, на которую он претендует.
- Заметим, что стоимость обучения обратно коррелирована с продуктивностью человека (ненаблюдаемым для нанимателя фактором).

Сигнальная модель рынка труда

- Предположим, что стоимость обучения в течении года для людей из группы 1 равна 1 (им нужно нанимать репетиторов, тратить больше времени на учебу и т. д.),
- а для людей из группы 2 равна $1/2$.
- Тогда m лет обучения для человека из группы 1 стоит m ,
- а для человека из группы 2 стоит $m/2$.
- В оригинальной простой модели А. Спенса предполагается,
- что образование не влияет на продуктивность человека в той специальности, на которую он претендует.
- Заметим, что стоимость обучения обратно коррелирована с продуктивностью человека (ненаблюдаемым для нанимателя фактором).

Сигнальная модель рынка труда

- Предположим, что стоимость обучения в течении года для людей из группы 1 равна 1 (им нужно нанимать репетиторов, тратить больше времени на учебу и т. д.),
- а для людей из группы 2 равна $1/2$.
- Тогда m лет обучения для человека из группы 1 стоит m ,
- а для человека из группы 2 стоит $m/2$.
- В оригинальной простой модели А. Спенса предполагается,
- что образование не влияет на продуктивность человека в той специальности, на которую он претендует.
- Заметим, что стоимость обучения обратно коррелирована с продуктивностью человека (ненаблюдаемым для нанимателя фактором).

Сигнальная модель рынка труда

- Предположим, что стоимость обучения в течении года для людей из группы 1 равна 1 (им нужно нанимать репетиторов, тратить больше времени на учебу и т. д.),
- а для людей из группы 2 равна $1/2$.
- Тогда m лет обучения для человека из группы 1 стоит m ,
- а для человека из группы 2 стоит $m/2$.
- В оригинальной простой модели А. Спенса предполагается,
- что образование не влияет на продуктивность человека в той специальности, на которую он претендует.
- Заметим, что стоимость обучения обратно коррелирована с продуктивностью человека (ненаблюдаемым для нанимателя фактором).

Сигнальная модель рынка труда

- Предположим, что стоимость обучения в течении года для людей из группы 1 равна 1 (им нужно нанимать репетиторов, тратить больше времени на учебу и т. д.),
- а для людей из группы 2 равна $1/2$.
- Тогда m лет обучения для человека из группы 1 стоит m ,
- а для человека из группы 2 стоит $m/2$.
- В оригинальной простой модели А. Спенса предполагается,
- что образование не влияет на продуктивность человека в той специальности, на которую он претендует.
- Заметим, что стоимость обучения обратно коррелирована с продуктивностью человека (ненаблюдаемым для нанимателя фактором).

Сигнальная игра «рынок труда»

- Мы имеем сигнальную игру, где отправителем является служащий, а получателем — наниматель.
- Отправители бывают двух типов: $T = \{1, 2\}$, где тип $t \in \{1, 2\}$ означает, что человек принадлежит группе t .
- Сообщение $m \in M = [0, \infty)$ означает, что человек обучался m лет (не обязательно целых).
- У получателя два действия : $A = \{1, 2\}$, где действие $a \in A$ означает «назначить зарплату a ».
- Наниматель хочет назначить такую зарплату своему работнику, которая соответствует его продуктивности.
- Здесь для любых $t \in T$, $m \in M$ и $a \in A$ выигрыши отправителя и получателя соответственно равны

$$\phi_S(m, a; t) = a - m/t, \quad \phi_R(m, a; t) = -(t - a)^2.$$
- Представления получателя о типах отправителя следующие: $\mu(1) = \rho$, $\mu(2) = 1 - \rho$.

Сигнальная игра «рынок труда»

- Мы имеем сигнальную игру, где отправителем является служащий, а получателем — наниматель.
- Отправители бывают двух типов: $T = \{1, 2\}$, где тип $t \in \{1, 2\}$ означает, что человек принадлежит группе t .
- Сообщение $m \in M = [0, \infty)$ означает, что человек обучался m лет (не обязательно целых).
- У получателя два действия: $A = \{1, 2\}$, где действие $a \in A$ означает «назначить зарплату a ».
- Наниматель хочет назначить такую зарплату своему работнику, которая соответствует его продуктивности.
- Здесь для любых $t \in T$, $m \in M$ и $a \in A$ выигрыши отправителя и получателя соответственно равны

$$\phi_S(m, a; t) = a - m/t, \quad \phi_R(m, a; t) = -(t - a)^2.$$
- Представления получателя о типах отправителя следующие: $\mu(1) = \rho$, $\mu(2) = 1 - \rho$.

Сигнальная игра «рынок труда»

- Мы имеем сигнальную игру, где отправителем является служащий, а получателем — наниматель.
- Отправители бывают двух типов: $T = \{1, 2\}$, где тип $t \in \{1, 2\}$ означает, что человек принадлежит группе t .
- Сообщение $m \in M = [0, \infty)$ означает, что человек обучался m лет (не обязательно целых).
- У получателя два действия : $A = \{1, 2\}$, где действие $a \in A$ означает «назначить зарплату a ».
- Наниматель хочет назначить такую зарплату своему работнику, которая соответствует его продуктивности.
- Здесь для любых $t \in T$, $m \in M$ и $a \in A$ выигрыши отправителя и получателя соответственно равны

$$\phi_S(m, a; t) = a - m/t, \quad \phi_R(m, a; t) = -(t - a)^2.$$
- Представления получателя о типах отправителя следующие: $\mu(1) = \rho$, $\mu(2) = 1 - \rho$.

Сигнальная игра «рынок труда»

- Мы имеем сигнальную игру, где отправителем является служащий, а получателем — наниматель.
- Отправители бывают двух типов: $T = \{1, 2\}$, где тип $t \in \{1, 2\}$ означает, что человек принадлежит группе t .
- Сообщение $m \in M = [0, \infty)$ означает, что человек обучался m лет (не обязательно целых).
- У получателя два действия : $A = \{1, 2\}$, где действие $a \in A$ означает «назначить зарплату a ».
- Наниматель хочет назначить такую зарплату своему работнику, которая соответствует его продуктивности.
- Здесь для любых $t \in T$, $m \in M$ и $a \in A$ выигрыши отправителя и получателя соответственно равны
$$\phi_S(m, a; t) = a - m/t, \quad \phi_R(m, a; t) = -(t - a)^2.$$
- Представления получателя о типах отправителя следующие: $\mu(1) = \rho$, $\mu(2) = 1 - \rho$.

Сигнальная игра «рынок труда»

- Мы имеем сигнальную игру, где отправителем является служащий, а получателем — наниматель.
- Отправители бывают двух типов: $T = \{1, 2\}$, где тип $t \in \{1, 2\}$ означает, что человек принадлежит группе t .
- Сообщение $m \in M = [0, \infty)$ означает, что человек обучался m лет (не обязательно целых).
- У получателя два действия : $A = \{1, 2\}$, где действие $a \in A$ означает «назначить зарплату a ».
- Наниматель хочет назначить такую зарплату своему работнику, которая соответствует его продуктивности.
- Здесь для любых $t \in T$, $m \in M$ и $a \in A$ выигрыши отправителя и получателя соответственно равны
$$\phi_S(m, a; t) = a - m/t, \quad \phi_R(m, a; t) = -(t - a)^2.$$
- Представления получателя о типах отправителя следующие: $\mu(1) = \rho$, $\mu(2) = 1 - \rho$.

Сигнальная игра «рынок труда»

- Мы имеем сигнальную игру, где отправителем является служащий, а получателем — наниматель.
- Отправители бывают двух типов: $T = \{1, 2\}$, где тип $t \in \{1, 2\}$ означает, что человек принадлежит группе t .
- Сообщение $m \in M = [0, \infty)$ означает, что человек обучался m лет (не обязательно целых).
- У получателя два действия : $A = \{1, 2\}$, где действие $a \in A$ означает «назначить зарплату a ».
- Наниматель хочет назначить такую зарплату своему работнику, которая соответствует его продуктивности.
- Здесь для любых $t \in T$, $m \in M$ и $a \in A$ выигрыши отправителя и получателя соответственно равны
$$\phi_S(m, a; t) = a - m/t, \quad \phi_R(m, a; t) = -(t - a)^2.$$
- Представления получателя о типах отправителя следующие: $\mu(1) = \rho$, $\mu(2) = 1 - \rho$.

Сигнальная игра «рынок труда»

- Мы имеем сигнальную игру, где отправителем является служащий, а получателем — наниматель.
- Отправители бывают двух типов: $T = \{1, 2\}$, где тип $t \in \{1, 2\}$ означает, что человек принадлежит группе t .
- Сообщение $m \in M = [0, \infty)$ означает, что человек обучался m лет (не обязательно целых).
- У получателя два действия : $A = \{1, 2\}$, где действие $a \in A$ означает «назначить зарплату a ».
- Наниматель хочет назначить такую зарплату своему работнику, которая соответствует его продуктивности.
- Здесь для любых $t \in T$, $m \in M$ и $a \in A$ выигрыши отправителя и получателя соответственно равны
$$\phi_S(m, a; t) = a - m/t, \quad \phi_R(m, a; t) = -(t - a)^2.$$
- Представления получателя о типах отправителя следующие: $\mu(1) = \rho$, $\mu(2) = 1 - \rho$.

Сигнальная игра «рынок труда»

- Мы имеем сигнальную игру, где отправителем является служащий, а получателем — наниматель.
- Отправители бывают двух типов: $T = \{1, 2\}$, где тип $t \in \{1, 2\}$ означает, что человек принадлежит группе t .
- Сообщение $m \in M = [0, \infty)$ означает, что человек обучался m лет (не обязательно целых).
- У получателя два действия : $A = \{1, 2\}$, где действие $a \in A$ означает «назначить зарплату a ».
- Наниматель хочет назначить такую зарплату своему работнику, которая соответствует его продуктивности.
- Здесь для любых $t \in T$, $m \in M$ и $a \in A$ выигрыши отправителя и получателя соответственно равны
$$\phi_S(m, a; t) = a - m/t, \quad \phi_R(m, a; t) = -(t - a)^2.$$
- Представления получателя о типах отправителя следующие: $\mu(1) = \rho$, $\mu(2) = 1 - \rho$.

Сигнальная игра «рынок труда»

- Мы имеем сигнальную игру, где отправителем является служащий, а получателем — наниматель.
- Отправители бывают двух типов: $T = \{1, 2\}$, где тип $t \in \{1, 2\}$ означает, что человек принадлежит группе t .
- Сообщение $m \in M = [0, \infty)$ означает, что человек обучался m лет (не обязательно целых).
- У получателя два действия : $A = \{1, 2\}$, где действие $a \in A$ означает «назначить зарплату a ».
- Наниматель хочет назначить такую зарплату своему работнику, которая соответствует его продуктивности.
- Здесь для любых $t \in T$, $m \in M$ и $a \in A$ выигрыши отправителя и получателя соответственно равны
$$\phi_S(m, a; t) = a - m/t, \quad \phi_R(m, a; t) = -(t - a)^2.$$
- Представления получателя о типах отправителя следующие: $\mu(1) = \rho$, $\mu(2) = 1 - \rho$.

Содержание

- 1 Сигнальные игры
 - Байесовское равновесие
 - Смешанные стратегии
 - Конечные сигнальные игры
- 2 Рынок лимонов
 - Рынки с неполной и ассиметричной информацией
 - Сигнальная игра «рынок лимонов»
- 3 Сигнальная модель рынка труда
 - Пороговые стратегии
 - Ситуация равновесия

Пороговые стратегии нанимателя

- Предположим, что на основании предш. опыта наниматель определил уровень образования $m^* \in (1, 2)$,
- что продуктивность человека, обучавшегося $t < m^*$ лет, равна 1 с вероятностью 1,
- а продуктивность человека, обучавшегося $t \geq m^*$ лет, равна 2 с вероятностью 1.
- Т. е. наниматель применяет *пороговую стратегию*

$$\tilde{a}^*(m) = \begin{cases} 1, & m < m^*, \\ 2, & m \geq m^*, \end{cases}$$

- а его представление о типе служащего после получения сообщения m определяется следующим образом:

$$\mu(1|m) = \begin{cases} 1, & m < m^*, \\ 0, & m \geq m^* \end{cases} \quad \text{и} \quad \mu(2|m) = \begin{cases} 0, & m < m^*, \\ 1, & m \geq m^*. \end{cases}$$

Пороговые стратегии нанимателя

- Предположим, что на основании предш. опыта наниматель определил уровень образования $m^* \in (1, 2)$,
- что продуктивность человека, обучавшегося $t < m^*$ лет, равна 1 с вероятностью 1,
- а продуктивность человека, обучавшегося $t \geq m^*$ лет, равна 2 с вероятностью 1.
- Т. е. наниматель применяет *пороговую стратегию*

$$\tilde{a}^*(m) = \begin{cases} 1, & m < m^*, \\ 2, & m \geq m^*, \end{cases}$$

- а его представление о типе служащего после получения сообщения m определяется следующим образом:

$$\mu(1|m) = \begin{cases} 1, & m < m^*, \\ 0, & m \geq m^* \end{cases} \quad \text{и} \quad \mu(2|m) = \begin{cases} 0, & m < m^*, \\ 1, & m \geq m^*. \end{cases}$$

Пороговые стратегии нанимателя

- Предположим, что на основании предш. опыта наниматель определил уровень образования $m^* \in (1, 2)$,
- что продуктивность человека, обучавшегося $m < m^*$ лет, равна 1 с вероятностью 1,
- а продуктивность человека, обучавшегося $m \geq m^*$ лет, равна 2 с вероятностью 1.
- Т. е. наниматель применяет *пороговую стратегию*

$$\tilde{a}^*(m) = \begin{cases} 1, & m < m^*, \\ 2, & m \geq m^*, \end{cases}$$

- а его представление о типе служащего после получения сообщения m определяется следующим образом:

$$\mu(1|m) = \begin{cases} 1, & m < m^*, \\ 0, & m \geq m^* \end{cases} \quad \text{и} \quad \mu(2|m) = \begin{cases} 0, & m < m^*, \\ 1, & m \geq m^*. \end{cases}$$

Пороговые стратегии нанимателя

- Предположим, что на основании предш. опыта наниматель определил уровень образования $m^* \in (1, 2)$,
- что продуктивность человека, обучавшегося $m < m^*$ лет, равна 1 с вероятностью 1,
- а продуктивность человека, обучавшегося $m \geq m^*$ лет, равна 2 с вероятностью 1.
- Т. е. наниматель применяет *пороговую стратегию*

$$\tilde{a}^*(m) = \begin{cases} 1, & m < m^*, \\ 2, & m \geq m^*, \end{cases}$$

- а его представление о типе служащего после получения сообщения m определяется следующим образом:

$$\mu(1|m) = \begin{cases} 1, & m < m^*, \\ 0, & m \geq m^* \end{cases} \quad \text{и} \quad \mu(2|m) = \begin{cases} 0, & m < m^*, \\ 1, & m \geq m^*. \end{cases}$$

Пороговые стратегии нанимателя

- Предположим, что на основании предш. опыта наниматель определил уровень образования $m^* \in (1, 2)$,
- что продуктивность человека, обучавшегося $m < m^*$ лет, равна 1 с вероятностью 1,
- а продуктивность человека, обучавшегося $m \geq m^*$ лет, равна 2 с вероятностью 1.
- Т. е. наниматель применяет *пороговую стратегию*

$$\tilde{a}^*(m) = \begin{cases} 1, & m < m^*, \\ 2, & m \geq m^*, \end{cases}$$

- а его представление о типе служащего после получения сообщения m определяется следующим образом:

$$\mu(1|m) = \begin{cases} 1, & m < m^*, \\ 0, & m \geq m^* \end{cases} \quad \text{и} \quad \mu(2|m) = \begin{cases} 0, & m < m^*, \\ 1, & m \geq m^*. \end{cases}$$

Выигрыши служащих

$$\tilde{a}^*(m) = \begin{cases} 1, & m < m^*, \\ 2, & m \geq m^*. \end{cases}$$

$c_t(m) = m/t$ — стоимость обучения для людей группы t .

Выигрыш служащего из группы t ($t = 1, 2$) равен

$$\phi_S(m, \tilde{a}^*(m); t) \stackrel{\text{def}}{=} u_t(m) = \tilde{a}^*(m) - c_t(m).$$

Выигрыши служащих

$$\tilde{a}^*(m) = \begin{cases} 1, & m < m^*, \\ 2, & m \geq m^*. \end{cases}$$

$c_t(m) = m/t$ — стоимость обучения для людей группы t .

Выигрыш служащего из группы t ($t = 1, 2$) равен

$$\phi_S(m, \tilde{a}^*(m); t) \stackrel{\text{def}}{=} u_t(m) = \tilde{a}^*(m) - c_t(m).$$

Выигрыши служащих

$$\tilde{a}^*(m) = \begin{cases} 1, & m < m^*, \\ 2, & m \geq m^*. \end{cases}$$

$c_t(m) = m/t$ — стоимость обучения для людей группы t .

Выигрыш служащего из группы t ($t = 1, 2$) равен

$$\phi_S(m, \tilde{a}^*(m); t) \stackrel{\text{def}}{=} u_t(m) = \tilde{a}^*(m) - c_t(m).$$

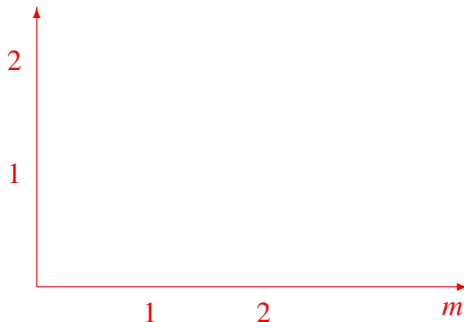
Выигрыши служащих

$$\tilde{a}^*(m) = \begin{cases} 1, & m < m^*, \\ 2, & m \geq m^*. \end{cases}$$

$c_t(m) = m/t$ — стоимость обучения для людей группы t .

Выигрыш служащего из группы t ($t = 1, 2$) равен

$$\phi_S(m, \tilde{a}^*(m); t) \stackrel{\text{def}}{=} u_t(m) = \tilde{a}^*(m) - c_t(m).$$



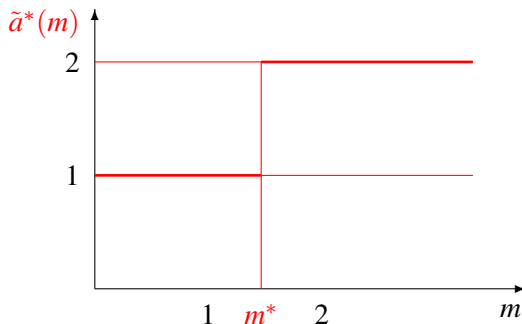
Выигрыши служащих

$$\tilde{a}^*(m) = \begin{cases} 1, & m < m^*, \\ 2, & m \geq m^*. \end{cases}$$

$c_t(m) = m/t$ — стоимость обучения для людей группы t .

Выигрыш служащего из группы t ($t = 1, 2$) равен

$$\phi_S(m, \tilde{a}^*(m); t) \stackrel{\text{def}}{=} u_t(m) = \tilde{a}^*(m) - c_t(m).$$



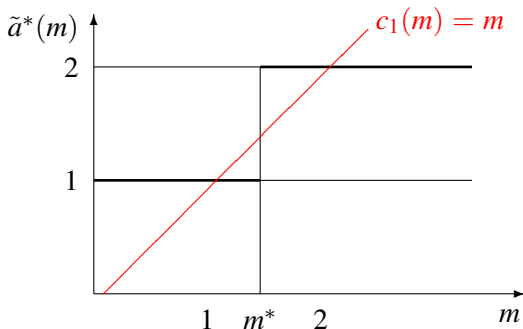
Выигрыши служащих

$$\tilde{a}^*(m) = \begin{cases} 1, & m < m^*, \\ 2, & m \geq m^*. \end{cases}$$

$c_t(m) = m/t$ — стоимость обучения для людей группы t .

Выигрыш служащего из группы t ($t = 1, 2$) равен

$$\phi_S(m, \tilde{a}^*(m); t) \stackrel{\text{def}}{=} u_t(m) = \tilde{a}^*(m) - c_t(m).$$



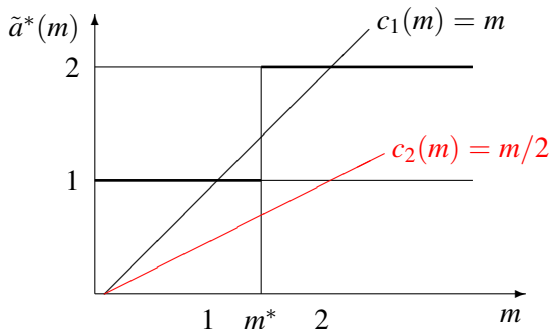
Выигрыши служащих

$$\tilde{a}^*(m) = \begin{cases} 1, & m < m^*, \\ 2, & m \geq m^*. \end{cases}$$

$c_t(m) = m/t$ — стоимость обучения для людей группы t .

Выигрыш служащего из группы t ($t = 1, 2$) равен

$$\phi_S(m, \tilde{a}^*(m); t) \stackrel{\text{def}}{=} u_t(m) = \tilde{a}^*(m) - c_t(m).$$



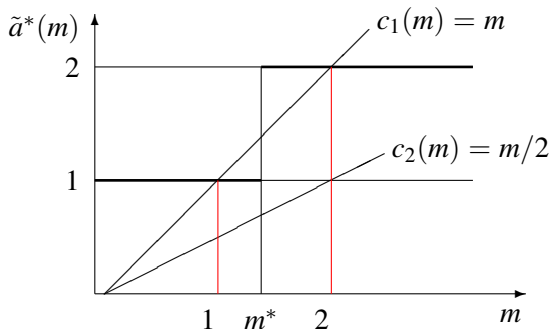
Выигрыши служащих

$$\tilde{a}^*(m) = \begin{cases} 1, & m < m^*, \\ 2, & m \geq m^*. \end{cases}$$

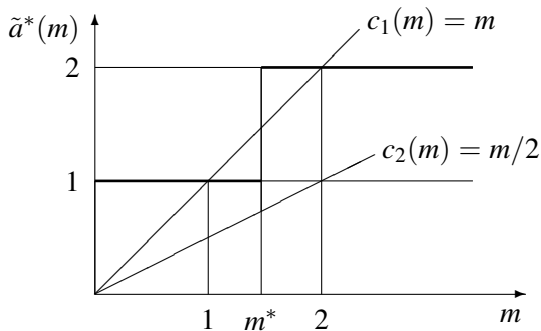
$c_t(m) = m/t$ — стоимость обучения для людей группы t .

Выигрыш служащего из группы t ($t = 1, 2$) равен

$$\phi_S(m, \tilde{a}^*(m); t) \stackrel{\text{def}}{=} u_t(m) = \tilde{a}^*(m) - c_t(m).$$

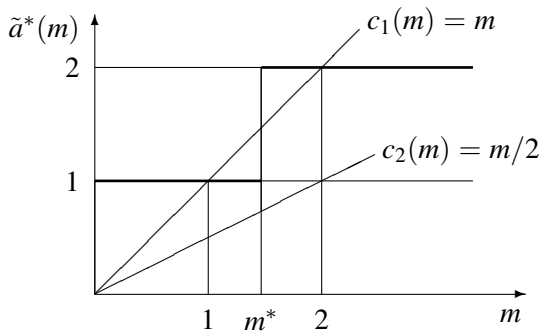


Опт. ответ служащих на пороговую стратегию



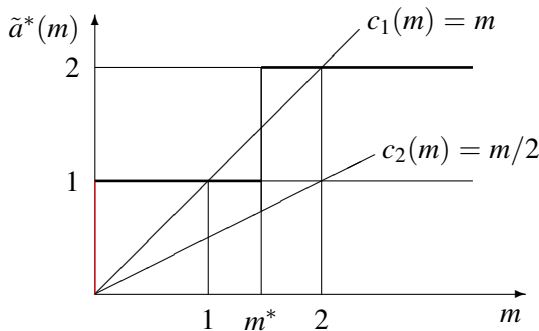
- Максимизируя $u_1(m)$, группа 1 определяет свою оптимальную стратегию $m_1 = 0$,
- при которой ее выигрыш равен $u_1(m_1) = 1 - m_1 = 1$.
- Оптимальной стратегией группы 2 является $m_2 = m^*$,
- при которой ее выигрыш равен $u_2(m_2) = 2 - m^*/2 > 1$.

Опт. ответ служащих на пороговую стратегию



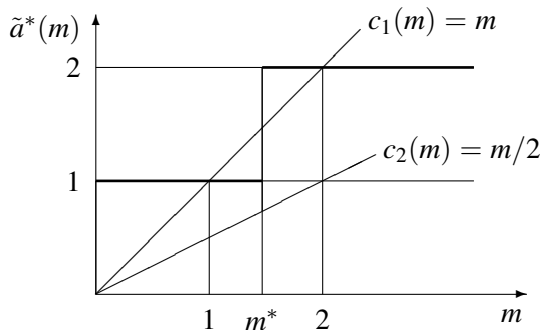
- Максимизируя $u_1(m)$, группа 1 определяет свою оптимальную стратегию $m_1 = 0$,
- при которой ее выигрыш равен $u_1(m_1) = 1 - m_1 = 1$.
- Оптимальной стратегией группы 2 является $m_2 = m^*$,
- при которой ее выигрыш равен $u_2(m_2) = 2 - m^*/2 > 1$.

Опт. ответ служащих на пороговую стратегию



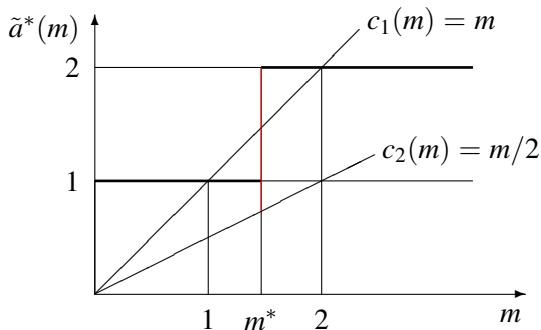
- Максимизируя $u_1(m)$, группа 1 определяет свою оптимальную стратегию $m_1 = 0$,
- при которой ее выигрыш равен $u_1(m_1) = 1 - m_1 = 1$.
- Оптимальной стратегией группы 2 является $m_2 = m^*$,
- при которой ее выигрыш равен $u_2(m_2) = 2 - m^*/2 > 1$.

Опт. ответ служащих на пороговую стратегию



- Максимизируя $u_1(m)$, группа 1 определяет свою оптимальную стратегию $m_1 = 0$,
- при которой ее выигрыш равен $u_1(m_1) = 1 - m_1 = 1$.
- **Оптимальной стратегией группы 2 является $m_2 = m^*$,**
- при которой ее выигрыш равен $u_2(m_2) = 2 - m^*/2 > 1$.

Опт. ответ служащих на пороговую стратегию



- Максимизируя $u_1(m)$, группа 1 определяет свою оптимальную стратегию $m_1 = 0$,
- при которой ее выигрыш равен $u_1(m_1) = 1 - m_1 = 1$.
- Оптимальной стратегией группы 2 является $m_2 = m^*$,
- при которой ее выигрыш равен $u_2(m_2) = 2 - m^*/2 > 1$.

Содержание

- 1 Сигнальные игры
 - Байесовское равновесие
 - Смешанные стратегии
 - Конечные сигнальные игры
- 2 Рынок лимонов
 - Рынки с неполной и ассиметричной информацией
 - Сигнальная игра «рынок лимонов»
- 3 Сигнальная модель рынка труда
 - Пороговые стратегии
 - Ситуация равновесия

Ситуация равновесия

- Мы доказали, что оптимальным ответом служащих (отправителя) на стратегию нанимателя (получателя) \tilde{a}^*
- является байесовская стратегия \tilde{m}^* :

$$\tilde{m}^*(1) = 0, \quad \tilde{m}^*(2) = m^*.$$

- То, что стратегия нанимателя (получателя) \tilde{a}^* является оптимальным ответом на стратегию служащих (отправителя) \tilde{m}^* следует из того, что
- в ситуации $(\tilde{m}^*, \tilde{a}^*)$ выигрыш получателя равен нулю, что является максимально возможным выигрышем.
- Отметим, что членам группы 2 выгодно подавать сигналы о стоимости своего образования, при условии, что $m^* < 2\rho$,
- поскольку в этом случае их доход $2 - m^*/2$ будет больше
- среднего дохода $2 - \rho$, который получают наниматели не имеющие никакой информации о нанимаемых.

Ситуация равновесия

- Мы доказали, что оптимальным ответом служащих (отправителя) на стратегию нанимателя (получателя) \tilde{a}^*
- является байесовская стратегия \tilde{m}^* :

$$\tilde{m}^*(1) = 0, \quad \tilde{m}^*(2) = m^*.$$

- То, что стратегия нанимателя (получателя) \tilde{a}^* является оптимальным ответом на стратегию служащих (отправителя) \tilde{m}^* следует из того, что
- в ситуации $(\tilde{m}^*, \tilde{a}^*)$ выигрыш получателя равен нулю, что является максимально возможным выигрышем.
- Отметим, что членам группы 2 выгодно подавать сигналы о стоимости своего образования, при условии, что $m^* < 2\rho$,
- поскольку в этом случае их доход $2 - m^*/2$ будет больше
- среднего дохода $2 - \rho$, который получают наниматели не имеющие никакой информации о нанимаемых.

Ситуация равновесия

- Мы доказали, что оптимальным ответом служащих (отправителя) на стратегию нанимателя (получателя) \tilde{a}^*
- является байесовская стратегия \tilde{m}^* :

$$\tilde{m}^*(1) = 0, \quad \tilde{m}^*(2) = m^*.$$

- То, что стратегия нанимателя (получателя) \tilde{a}^* является оптимальным ответом на стратегию служащих (отправителя) \tilde{m}^* следует из того, что
- в ситуации $(\tilde{m}^*, \tilde{a}^*)$ выигрыш получателя равен нулю, что является максимально возможным выигрышем.
- Отметим, что членам группы 2 выгодно подавать сигналы о стоимости своего образования, при условии, что $m^* < 2\rho$,
- поскольку в этом случае их доход $2 - m^*/2$ будет больше
- среднего дохода $2 - \rho$, который получают наниматели не имеющие никакой информации о нанимаемых.

Ситуация равновесия

- Мы доказали, что оптимальным ответом служащих (отправителя) на стратегию нанимателя (получателя) \tilde{a}^*
- является байесовская стратегия \tilde{m}^* :

$$\tilde{m}^*(1) = 0, \quad \tilde{m}^*(2) = m^*.$$

- То, что стратегия нанимателя (получателя) \tilde{a}^* является оптимальным ответом на стратегию служащих (отправителя) \tilde{m}^* следуе из того, что
- в ситуации $(\tilde{m}^*, \tilde{a}^*)$ выигрыш получателя равен нулю, что является максимально возможным выигрышем.
- Отметим, что членам группы 2 выгодно подавать сигналы о стоимости своего образования, при условии, что $m^* < 2\rho$,
- поскольку в этом случае их доход $2 - m^*/2$ будет больше
- среднего дохода $2 - \rho$, который получают наниматели не имеющие никакой информации о нанимаемых.

Ситуация равновесия

- Мы доказали, что оптимальным ответом служащих (отправителя) на стратегию нанимателя (получателя) \tilde{a}^*
- является байесовская стратегия \tilde{m}^* :

$$\tilde{m}^*(1) = 0, \quad \tilde{m}^*(2) = m^*.$$

- То, что стратегия нанимателя (получателя) \tilde{a}^* является оптимальным ответом на стратегию служащих (отправителя) \tilde{m}^* следует из того, что
- в ситуации $(\tilde{m}^*, \tilde{a}^*)$ выигрыш получателя равен нулю, что является максимально возможным выигрышем.
- Отметим, что членам группы 2 выгодно подавать сигналы о стоимости своего образования, при условии, что $m^* < 2\rho$,
- поскольку в этом случае их доход $2 - m^*/2$ будет больше
- среднего дохода $2 - \rho$, который получают наниматели не имеющие никакой информации о нанимаемых.

Ситуация равновесия

- Мы доказали, что оптимальным ответом служащих (отправителя) на стратегию нанимателя (получателя) \tilde{a}^*
- является байесовская стратегия \tilde{m}^* :

$$\tilde{m}^*(1) = 0, \quad \tilde{m}^*(2) = m^*.$$

- То, что стратегия нанимателя (получателя) \tilde{a}^* является оптимальным ответом на стратегию служащих (отправителя) \tilde{m}^* следует из того, что
- в ситуации $(\tilde{m}^*, \tilde{a}^*)$ выигрыш получателя равен нулю, что является максимально возможным выигрышем.
- Отметим, что членам группы 2 выгодно подавать сигналы о стоимости своего образования, при условии, что $m^* < 2\rho$,
- поскольку в этом случае их доход $2 - m^*/2$ будет больше
- среднего дохода $2 - \rho$, который получают наниматели не имеющие никакой информации о нанимаемых.

Ситуация равновесия

- Мы доказали, что оптимальным ответом служащих (отправителя) на стратегию нанимателя (получателя) \tilde{a}^*
- является байесовская стратегия \tilde{m}^* :

$$\tilde{m}^*(1) = 0, \quad \tilde{m}^*(2) = m^*.$$

- То, что стратегия нанимателя (получателя) \tilde{a}^* является оптимальным ответом на стратегию служащих (отправителя) \tilde{m}^* следует из того, что
- в ситуации $(\tilde{m}^*, \tilde{a}^*)$ выигрыш получателя равен нулю, что является максимально возможным выигрышем.
- Отметим, что членам группы 2 выгодно подавать сигналы о стоимости своего образования, при условии, что $m^* < 2\rho$,
- поскольку в этом случае их доход $2 - m^*/2$ будет больше
- среднего дохода $2 - \rho$, который получают наниматели не имеющие никакой информации о нанимаемых.